

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ПО ОБРАЗОВАНИЮ

**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ**



ПОБЕДИТЕЛЬ КОНКУРСА ИННОВАЦИОННЫХ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ПРОГРАММ ВУЗОВ

В.А. Толмачев, А.А. Усольцев, Д.В. Лукичев, М.В. Никитина

ОБЩАЯ ЭЛЕКТРОТЕХНИКА

Методические рекомендации по выполнению
домашних заданий



Санкт-Петербург

2009

Толмачёв В.А., Усольцев А.А., Лукичев Д.В., Никитина М.В. Общая электротехника: Методические рекомендации по выполнению домашних заданий. – СПб: СПбГУ ИТМО, 2009. – 94 с.

Пособие содержит методические рекомендации по выполнению четырех домашних заданий раздела «Электрические цепи» курса «Общая электротехника».

Задания, помещенные в пособие, содержат задачи разной степени сложности и могут быть использованы для организации самостоятельной работы студентов.

Пособие предназначено для студентов технических направлений подготовки (специальностей) неэлектротехнического профиля.

Рекомендовано к печати учёным советом факультета компьютерных технологий и управления, 11.11.2008, протокол №4



В 2007 году СПбГУ ИТМО стал победителем конкурса инновационных образовательных программ вузов России на 2007–2008 годы. Реализация инновационной образовательной программы «Инновационная система подготовки специалистов нового поколения в области информационных и оптических технологий» позволит выйти на качественно новый уровень подготовки выпускников и удовлетворить возрастающий спрос на специалистов в информационной, оптической и других высокотехнологичных отраслях экономики.

© Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, 2009

© В.А. Толмачев, А.А. Усольцев, Д.В. Лукичев, М.В. Никитина, 2009

СОДЕРЖАНИЕ

1. Расчет установившегося режима в электрических цепях с источниками постоянного напряжения и тока. <i>Методические рекомендации по выполнению задания</i>	4
ЗАДАНИЕ 1.1	16
ЗАДАНИЕ 1.2.....	21
2. Расчет переходных процессов в электрических цепях с источниками постоянного напряжения и тока. <i>Методические рекомендации по выполнению задания</i>	26
ЗАДАНИЕ 2.1	33
ЗАДАНИЕ 2.2.....	42
3. Расчет электрических цепей однофазного синусоидального тока. <i>Методические рекомендации по выполнению задания</i>	51
ЗАДАНИЕ 3.1	60
ЗАДАНИЕ 3.2.....	65
4. Расчет электрических цепей несинусоидального периодического тока. <i>Методические рекомендации по выполнению задания</i>	70
ЗАДАНИЕ 4.....	84

1. Расчет установившегося режима в электрических цепях с источниками постоянного напряжения и тока

Методические рекомендации по выполнению задания

Основные законы и методы анализа

Закон Ома: напряжение участка цепи определяется как произведение сопротивления этого участка на протекающий через него ток

$$U = R \cdot I.$$

Первый закон Кирхгофа: алгебраическая сумма токов в узле равна нулю

$$\sum_{k=1}^K I_k = 0.$$

Второй закон Кирхгофа: алгебраическая сумма напряжений контура равна алгебраической сумме ЭДС этого контура

$$\sum_{m=1}^M R_m \cdot I_m = \sum_{k=1}^K E_k.$$

Применение законов Кирхгофа.

Устанавливается число неизвестных токов $p = p_v - p_t$, где p_v – общее количество ветвей цепи, p_t – количество ветвей с источниками тока. Устанавливается число узлов q . Устанавливается число независимых контуров $n = p - (q - 1)$.

Для каждой ветви задаются положительным направлением тока. Число уравнений, составленных по первому закону Кирхгофа, составляет $(q - 1)$. Число уравнений, составленных по второму закону Кирхгофа, составляет n . При составлении последних следует выбирать независимые контуры, не содержащие источников тока. Общее количество уравнений, составленных по законам Кирхгофа, должно составлять p .

Примеры рассмотрены в задачах 1.1, 1.2.

Метод эквивалентных преобразований.

Сущность метода заключается в том, чтобы сложную разветвленную цепь с помощью эквивалентных преобразований привести к простейшей одноконтурной цепи, включающей ветвь с искомым током, значение которого определяется затем по закону Ома. К эквивалентным преобразованиям относятся: а) преобразование представления источников электрической энергии^{*}; б) замена последовательных и параллельных соединений однотипных элементов эквивалентными одиночными элементами; в) преобразование соединений «звезда»–«треугольник» и «треугольник»–«звезда».

Примеры рассмотрены в задачах 1.3 и 1.4.

Метод эквивалентного генератора (метод активного двухполюсника).

Для нахождения тока в произвольной ветви всю внешнюю по отношению к ней электрическую цепь представляют в виде некоторого эквивалентного гене-

* Под этим преобразованием понимается переход от представления источника электрической энергии последовательным соединением источника ЭДС и внутреннего сопротивления к параллельному соединению источника тока и внутренней проводимости, а также обратное преобразование.

Баланс мощностей.

Для любой электрической цепи суммарная мощность P_{Σ} , развиваемая источниками электрической энергии (источниками тока и ЭДС), равна суммарной мощности P_{Σ} , расходуемой потребителями (резисторами).

$P_R = U_{\mathcal{A}} = R \cdot I^2 = U^2/R$ – мощность, рассеиваемая резистором.

$P_E = \pm E \cdot I$ – мощность источника ЭДС.

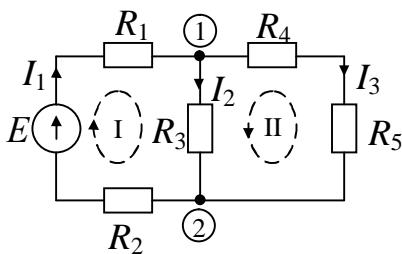
$P_J = \pm U_J \cdot J$ – мощность источника тока.

Мощности, рассеиваемые резисторами, всегда положительны, в то время как мощности источников электрической энергии, в зависимости от соотношения направлений падения напряжения и тока в них, могут иметь любой знак. Если направление протекания тока через источник противоположно направлению падения напряжения на нём, то мощность источника положительна, т.е. он отдаёт энергию в электрическую цепь. В противном случае мощность источника отрицательна, и он является потребителем электрической энергии. Следует заметить, что направление падения напряжения всегда противоположно направлению ЭДС, поэтому для источника ЭДС условием положительной мощности является совпадение направлений ЭДС и тока.

Примеры рассмотрены в задачах 1.1 и 1.2.

Далее приведены задачи, решённые описанными выше методами расчета.

ЗАДАЧА 1.1



Дано: $E=100$ В; $R_1=5$ Ом; $R_2=15$ Ом; $R_3=40$ Ом; $R_4=35$ Ом; $R_5=85$ Ом.

Найти: все неизвестные токи, используя законы Кирхгофа; показать, что баланс мощностей имеет место.

Решение:

Всего в схеме три ветви $p_{\text{в}}=3$, ветвей с источниками тока нет $p_{\text{т}}=0$, число неизвестных токов равно $p=(p_{\text{в}}-p_{\text{т}})=3-0=3$, количество узлов – $q=2$, число уравнений по первому закону Кирхгофа – $(q-1)=2-1=1$, число уравнений по второму закону Кирхгофа – $n=p-(q-1)=3-(2-1)=2$.

Выберем положительные направления токов и обозначим их стрелками. Выберем и обозначим стрелками направления обхода двух независимых контуров: I и II. Составим систему уравнений Кирхгофа

$$\text{для узла 2} \quad -I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

$$\text{для контура I} \quad (R_1 + R_2) \cdot I_1 + R_3 \cdot I_2 = E$$

$$\text{для контура II} \quad R_3 \cdot I_2 - (R_4 + R_5) \cdot I_3 = 0$$

Полученные уравнения после подстановки в них числовых значений будут иметь следующий вид

$$\begin{cases} -I_1 + I_2 + I_3 = 0 \\ 20 \cdot I_1 + 40 \cdot I_2 = 100. \\ 40 \cdot I_2 - 120 \cdot I_3 = 0 \end{cases}$$

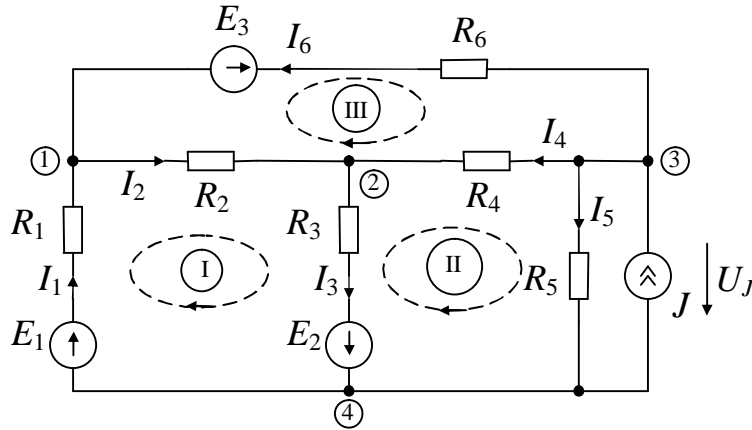
Решение данной системы: $I_1 = 2$ [А], $I_2 = 1,5$ [А], $I_3 = 0,5$ [А].

Баланс мощностей для рассматриваемой цепи
 $E \cdot I_1 = R_1 \cdot I_1^2 + R_2 \cdot I_2^2 + R_3 \cdot I_2^2 + R_4 \cdot I_3^2 + R_5 \cdot I_3^2$ или
 $100 \cdot 2 = 5 \cdot 2^2 + 15 \cdot 2^2 + 40 \cdot 1,5^2 + 35 \cdot 0,5^2 + 85 \cdot 0,5^2$.

Получено тождество $200 = 200$.

Ответ: $I_1 = 2$ [А], $I_2 = 1,5$ [А], $I_3 = 0,5$ [А], $P_{\text{и}} = P_{\text{п}} = 200$ [Вт].

ЗАДАЧА 1.2



Дано: $R_1=R_2=R_3=R_4=R_5=R_6=1$ Ом, $E_1=E_2=E_3=10$ В, $J=2$ А.

Найти: все неизвестные токи, используя законы Кирхгофа; показать, что баланс мощностей имеет место.

Решение:

Всего в схеме семь ветвей $p_{\text{в}}=7$, ветвей с источниками тока $p_{\text{т}}=1$, число неизвестных токов равно $p=(p_{\text{в}}-p_{\text{т}})=7-1=6$, количество узлов – $q=4$, число уравнений по первому закону Кирхгофа – $(q-1)=4-1=3$, число уравнений по второму закону Кирхгофа – $n=p-(q-1)=6-(4-1)=3$.

Выберем положительные направления токов и обозначим их стрелками. Выберем и обозначим стрелками направления обхода трех независимых контуров: I, II, III. Составим систему уравнений Кирхгофа

для узла 1	$I_1 - I_2 + I_6 = 0$;
для узла 2	$I_2 - I_3 + I_4 = 0$;
для узла 3	$-I_4 - I_5 - I_6 + J = 0$ или $-I_4 - I_5 - I_6 = -J$;
для контура I	$R_1 \cdot I_1 + R_2 \cdot I_2 + R_3 \cdot I_3 = E_1 + E_2$;
для контура II	$-R_3 \cdot I_3 - R_4 \cdot I_4 + R_5 \cdot I_5 = -E_2$;
для контура III	$-R_2 \cdot I_2 + R_4 \cdot I_4 - R_6 \cdot I_6 = E_3$;

Полученные уравнения после подстановки в них числовых значений будут иметь следующий вид

$$\begin{cases} I_1 - I_2 + I_6 = 0 \\ I_2 - I_3 + I_4 = 0 \\ -I_4 - I_5 - I_6 = -2 \\ I_1 + I_2 + I_3 = 20 \\ -I_3 - I_4 + I_5 = -10 \\ -I_2 + I_4 - I_6 = 10 \end{cases}.$$

Решение данной системы: $I_1=9,5$ [А], $I_2=2,5$ [А], $I_3=8$ [А], $I_4=5,5$ [А], $I_5=3,5$ [А], $I_6 = -7$ [А].

Отрицательный знак тока I_6 означает, что истинное направление тока через данную ветвь противоположно принятому.

Баланс мощностей для рассматриваемой цепи

$$E_1 \cdot I_1 + E_2 \cdot I_3 - E_3 \cdot I_6 + J \cdot R_5 \cdot I_5 = R_1 \cdot I_1^2 + R_2 \cdot I_2^2 + R_3 \cdot I_3^2 + R_4 \cdot I_4^2 + R_5 \cdot I_5^2 + R_6 \cdot I_6^2 \text{ или}$$

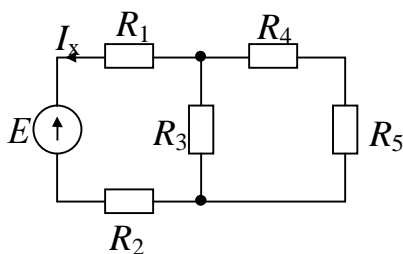
$$10 \cdot 9,5 + 10 \cdot 8 - 10 \cdot (-7) + 2 \cdot 1 \cdot 3,5 = 1 \cdot 9,5^2 + 1 \cdot 2,5^2 + 1 \cdot 8^2 + 1 \cdot 5,5^2 + 1 \cdot 3,5^2 + 1 \cdot (-7)^2.$$

Получено тождество $252 = 252$.

Примечание: падение напряжения на источнике тока U_J , определено по второму закону Кирхгофа для контура, содержащего J и R_5 , как $-U_J + I_5 R_5 = 0 \Rightarrow U_J = I_5 R_5$.

Ответ: $I_1=9,5$ [А], $I_2=2,5$ [А], $I_3=8$ [А], $I_4=5,5$ [А], $I_5=3,5$ [А], $I_6=-7$ [А], $P_{\text{и}}=P_{\text{п}}=252$ [Вт].

ЗАДАЧА 1.3



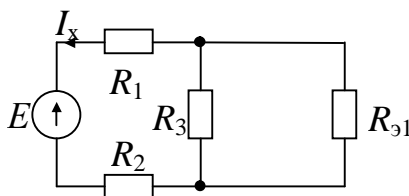
Дано: $E=100$ В; $R_1=5$ Ом; $R_2=15$ Ом; $R_3=40$ Ом; $R_4=35$ Ом; $R_5=85$ Ом.

Найти: ток через источник E , используя метод эквивалентных преобразований.

Решение:

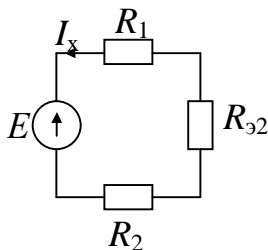
Обозначим положительное направление искомого тока I_x .

Заменим последовательное соединение сопротивлений R_4 и R_5 эквивалентным сопротивлением $R_{\text{э}1}$



$$R_{\text{э}1} = R_4 + R_5 = 35 + 85 = 120 \text{ [Ом]}.$$

Заменим параллельное соединение сопротивлений R_3 и $R_{\text{э}1}$ эквивалентным сопротивлением $R_{\text{э}2}$



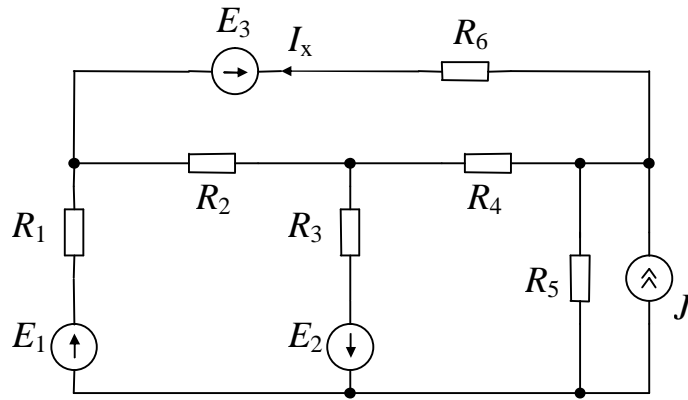
$$R_{\text{э}2} = \frac{R_3 \cdot R_{\text{э}1}}{R_3 + R_{\text{э}1}} = \frac{40 \cdot 120}{40 + 120} = 30 \text{ [Ом]}.$$

Согласно закону Ома искомый ток будет определяться как

$$I_x = \frac{-E}{R_1 + R_2 + R_{\text{э}2}} = \frac{-100}{5 + 15 + 30} = -2 \text{ [А]}.$$

Ответ: $I_x = -2$ [А].

ЗАДАЧА 1.4



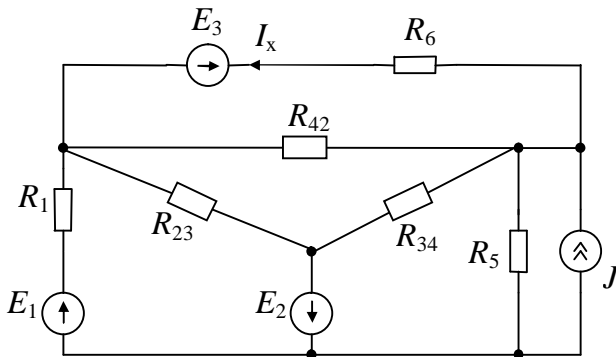
Дано: $R_1=R_2=R_3=R_4=R_5=R_6=1$ Ом, $E_1=E_2=E_3=10$ В, $J=2$ А.

Найти: ток через E_3 , используя метод эквивалентных преобразований.

Решение:

Обозначим положительное направление искомого тока I_x .

Заменяем «звезду» $R_2R_3R_4$ на «треугольник»

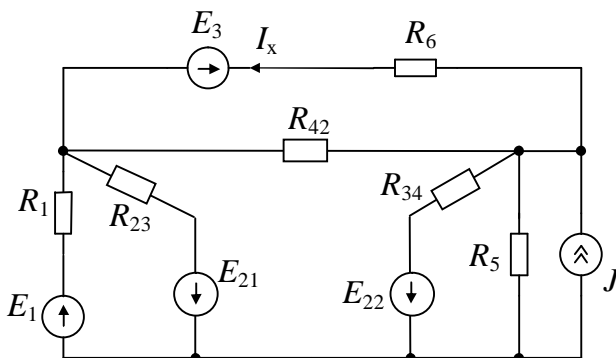


$$R_{23}=R_2+R_3+R_2 \cdot R_3 / R_4=3 \text{ [Ом]},$$

$$R_{34}=R_3+R_4+R_3 \cdot R_4 / R_2=3 \text{ [Ом]},$$

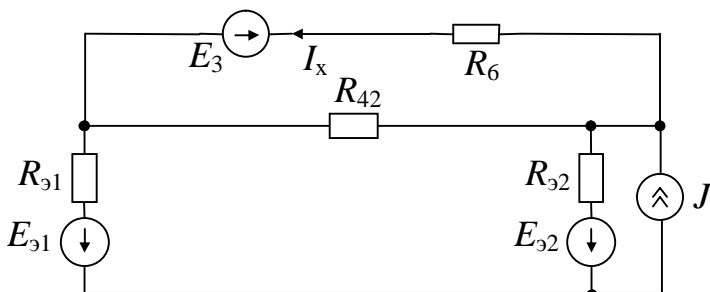
$$R_{42}=R_4+R_2+R_4 \cdot R_2 / R_3=3 \text{ [Ом]}.$$

Расцепим» E_2



$$E_{21}=E_{22}=10 \text{ [В]}.$$

Параллельные соединения $E_1R_1 \parallel E_{21}R_{23}$ и $E_{22}R_{34} \parallel R_5$ заменим на эквивалентные



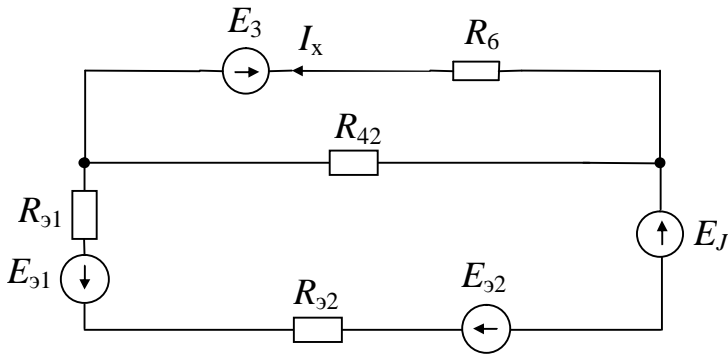
$$R_{31}=R_1 \cdot R_{23} / (R_1+R_{23})=3/4 \text{ [Ом]},$$

$$R_{32}=R_5 \cdot R_{34} / (R_5+R_{34})=3/4 \text{ [Ом]},$$

$$E_{31}=(-E_1/R_1+E_{21}/R_{23}) \cdot R_{31}=-5 \text{ [В]},$$

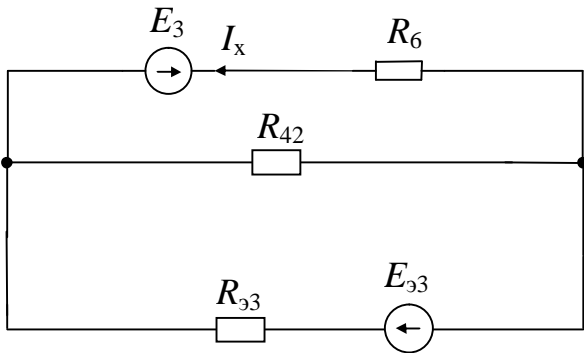
$$E_{32}=(E_{22}/R_{34}) \cdot R_{31}=2,5 \text{ [В]}.$$

Источник тока J преобразуем в источник ЭДС



$$E_J = J \cdot R_{32} = 1,5 \text{ [В]}.$$

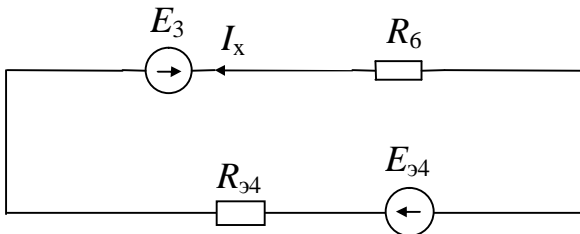
Последовательные соединения E_{31}, E_{32}, E_J и R_{31}, R_{32} заменим на эквивалентные



$$E_{33} = -E_{31} + E_{32} - E_J = 6 \text{ [В]},$$

$$R_{33} = R_{31} + R_{32} = 1,5 \text{ [Ом]}.$$

Параллельное соединение $E_{33}R_{33} \parallel R_{42}$ заменим на эквивалентное



$$R_{34} = R_{33} \cdot R_{42} / (R_{33} + R_{42}) = 1 \text{ [Ом]},$$

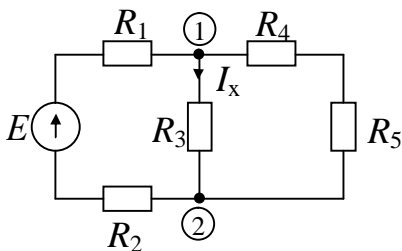
$$E_{34} = (E_{33} / R_{33}) \cdot R_{34} = 4 \text{ [В]}.$$

Согласно закону Ома искомый ток будет определяться как

$$I_x = -\frac{E_3 + E_{34}}{R_6 + R_{34}} = -\frac{10 + 6}{1 + 1} = -7 \text{ [А]}.$$

Ответ: $I_x = -7 \text{ [А]}.$

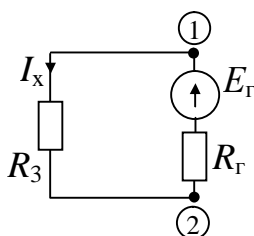
ЗАДАЧА 1.5



Дано: $E=100 \text{ В}; R_1=5 \text{ Ом}; R_2=15 \text{ Ом}; R_3=40 \text{ Ом};$
 $R_4=35 \text{ Ом}; R_5=85 \text{ Ом}.$

Найти: ток через резистор R_3 , используя метод эквивалентного генератора.

Решение:

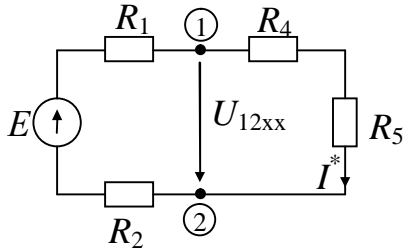


Обозначим положительное направление искомого тока I_x . Нарисуем эквивалентную электрическую схему с эквивалентным генератором. На схеме произвольно выбрано положительно направление ЭДС E_Γ . Это позволяет записать

для режима холостого хода эквивалентного генератора с отключенной ветвью

$$E_{\Gamma} = U_{12xx}.$$

Индекс «xx» указывает на то, что величины соответствуют режиму холостого хода. Развернутая схема режима холостого хода будет выглядеть следующим образом



Напряжение холостого хода U_{12xx} , определяющее величину E_{Γ} , будет определяться как

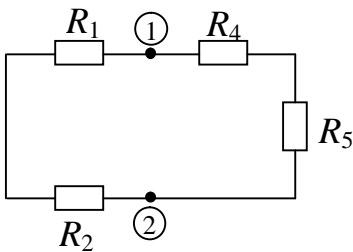
$$U_{12xx} = (R_4 + R_5) \cdot I^*$$

Определим ток I^* , используя закон Ома

$$I^* = E / (R_1 + R_2 + R_4 + R_5) = 100 / (5 + 15 + 35 + 85) = 5/7 \text{ [A]}.$$

$$\text{Тогда } U_{12xx} = (R_4 + R_5) \cdot I^* = (35 + 85) \cdot (5/7) = 600/7 \text{ [В]}.$$

Найдем сопротивление R_{Γ} . Для этого преобразуем предыдущую схему, удалив из нее источники энергии



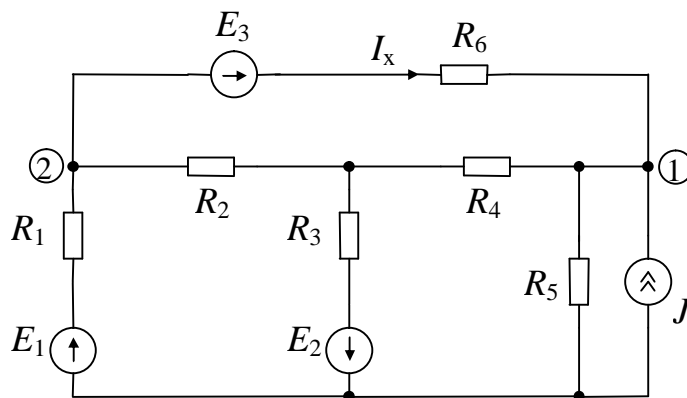
$$R_{\Gamma} = \frac{(R_1 + R_2) \cdot (R_4 + R_5)}{R_1 + R_2 + R_4 + R_5} = \frac{(5 + 15) \cdot (35 + 85)}{5 + 15 + 35 + 85} = 120/7 \text{ [Ом]}.$$

Возвращаясь к схеме с эквивалентным генератором, находим искомый ток по закону Ома

$$I_x = \frac{E}{R_3 + R_{\Gamma}} = \frac{600/7}{40 + 120/7} = 1,5 \text{ [A]}.$$

Ответ : $I_x = 1,5 \text{ [A]}$.

ЗАДАЧА 1.6



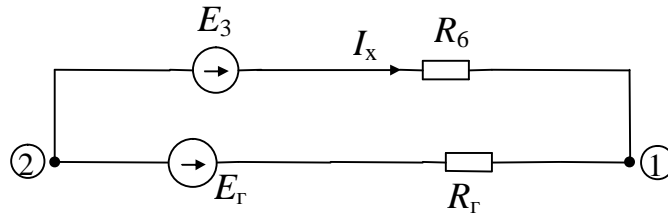
Дано: $R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R_5 = R_6 = 1 \text{ Ом}$, $E_1 = E_2 = E_3 = 10 \text{ В}$, $J = 2 \text{ А}$.

Найти: ток через E_3 , используя метод эквивалентного генератора.

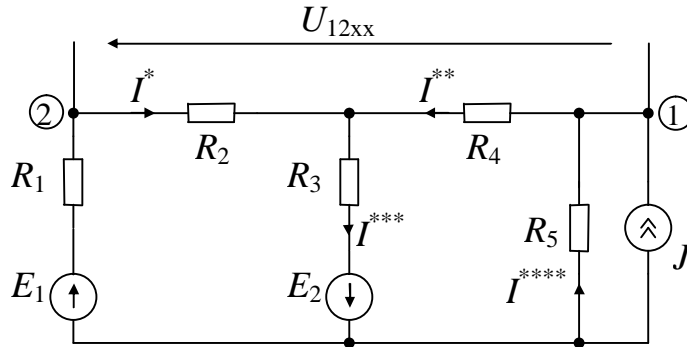
Решение:

Обозначим положительное направление искомого тока I_x .

Нарисуем эквивалентную электрическую схему с эквивалентным генератором



Изобразим схему режима холостого хода



Напряжение холостого хода $U_{12xx} = E_G$ будет определяться как

$$U_{12xx} = R_4 \cdot I^{**} - R_2 \cdot I^*$$

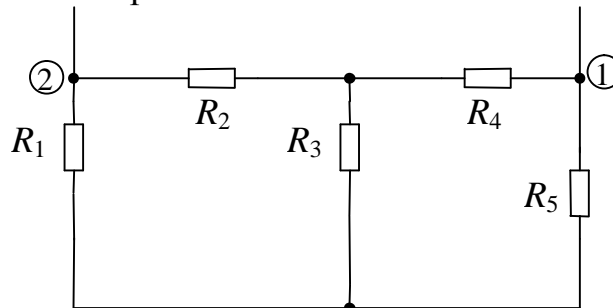
Определим токи I^* и I^{**} , используя законы Кирхгофа. Система уравнений по законам Кирхгофа будет выглядеть как

$$\begin{cases} I^* + I^{**} - I^{***} = 0 \\ -I^{**} + I^{****} = -J \\ (R_1 + R_2) \cdot I^* + R_3 \cdot I^{***} = E_1 + E_2 \\ R_4 \cdot I^{**} + R_3 \cdot I^{***} + R_5 \cdot I^{****} = E_2 \end{cases}$$

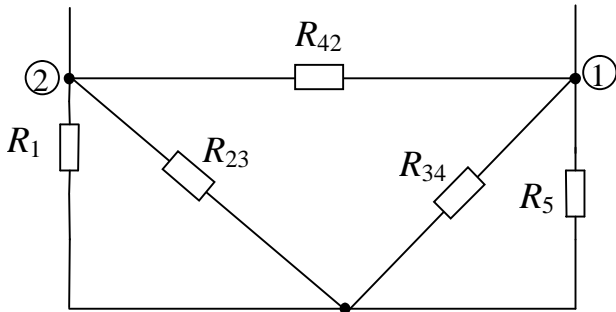
Решение данной системы: $I^* = 6$ [A], $I^{**} = 2$ [A], $I^{***} = 8$ [A], $I^{****} = 0$ [A].

Тогда $E_G = U_{12xx} = R_4 \cdot I^{**} - R_2 \cdot I^* = 1 \cdot 2 - 1 \cdot 6 = -4$ [В].

Найдем сопротивление R_G . Для этого преобразуем предыдущую схему, удалив из нее источники энергии

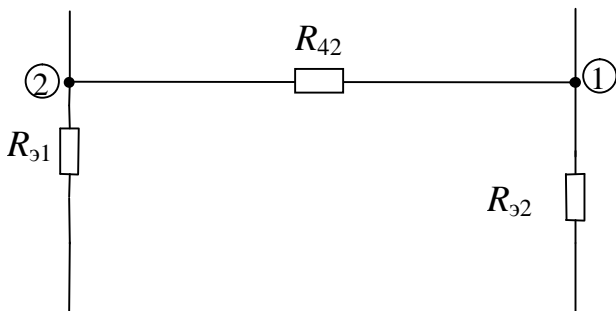


Заменяем «звезду» $R_2R_3R_4$ на «треугольник»



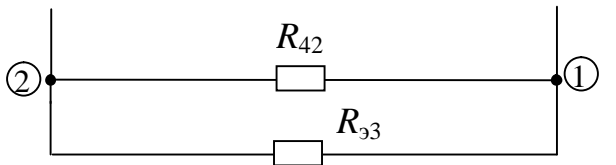
$$\begin{aligned} R_{23} &= R_2 + R_3 + R_2 \cdot R_3 / R_4 = 3 \text{ [Ом]}, \\ R_{34} &= R_3 + R_4 + R_3 \cdot R_4 / R_2 = 3 \text{ [Ом]}, \\ R_{42} &= R_4 + R_2 + R_4 \cdot R_2 / R_3 = 3 \text{ [Ом]}. \end{aligned}$$

Заменяем параллельные соединения $R_1 || R_{23}$ и $R_5 || R_{34}$ на эквивалентные



$$\begin{aligned} R_{91} &= R_1 \cdot R_{23} / (R_1 + R_{23}) = 3/4 \text{ [Ом]}, \\ R_{32} &= R_5 \cdot R_{34} / (R_5 + R_{34}) = 3/4 \text{ [Ом]}. \end{aligned}$$

Заменяем последовательное соединение R_{91} и R_{32} на эквивалентное



$$R_{33} = R_{91} + R_{32} = 3/2 \text{ [Ом]}.$$

Входное сопротивление схемы является сопротивлением эквивалентного генератора

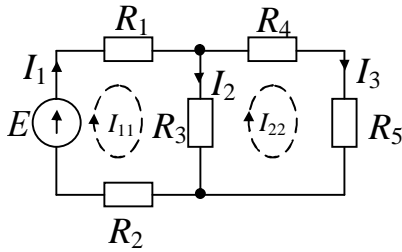
$$R_{\Gamma} = \frac{R_{42} \cdot R_{33}}{R_{42} + R_{33}} = \frac{3 \cdot 1,5}{3 + 1,5} = 1 \text{ [Ом]}.$$

Возвращаясь к схеме с эквивалентным генератором, находим искомый ток по закону Ома

$$I_x = \frac{E - E_{\Gamma}}{R_6 + R_{\Gamma}} = \frac{10 - (-4)}{1 + 1} = 7 \text{ [А]}.$$

Ответ : $I_x = 7 \text{ [А]}$.

ЗАДАЧА 1.7



Дано: $E=100$ В; $R_1=5$ Ом; $R_2=15$ Ом; $R_3=40$ Ом; $R_4=35$ Ом; $R_5=85$ Ом.

Найти: все неизвестные токи методом контурных токов.

Решение:

Выберем направления контурных токов, которые обозначим I_{11} и I_{22} .

Составим систему уравнений для контуров

$$\begin{cases} (R_1 + R_2 + R_3) \cdot I_{11} - R_3 \cdot I_{22} = E \\ -R_3 \cdot I_{11} + (R_3 + R_4 + R_5) \cdot I_{22} = 0 \end{cases}$$

После подстановки численных значений имеем

$$\begin{cases} 60 \cdot I_{11} - 40 \cdot I_{22} = 100 \\ -40 \cdot I_{11} + 160 \cdot I_{22} = 0 \end{cases}$$

Решив эту систему уравнений, найдем контурные токи $I_{11} = 2$ [А], $I_{22} = 0,5$ [А], а затем найдем истинные токи во всех ветвях.

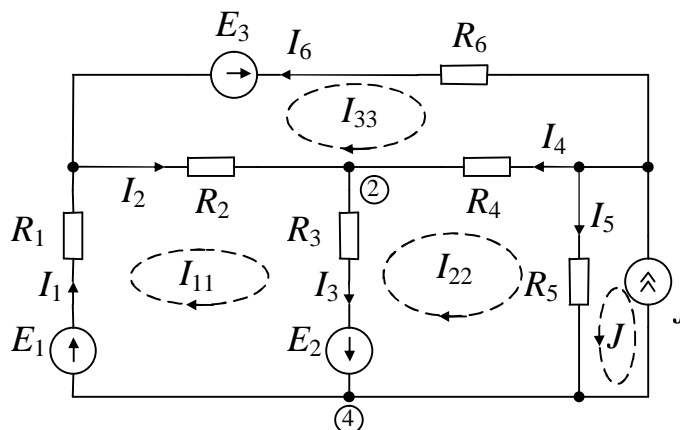
В ветви с E , R_1 и R_2 истинный ток I_1 имеет направление контурного тока I_{11} и равен $I_1 = I_{11} = 2$ [А].

В ветви с R_3 истинный ток I_2 получится сложением контурных токов I_{11} и I_{22} с учётом их направлений и будет равен $I_2 = I_{11} - I_{22} = 2 - 0,5 = 1,5$ [А].

В ветви с R_4 и R_5 истинный ток I_3 имеет направление контурного тока I_{22} и равен $I_3 = I_{22} = 0,5$ [А].

Ответ: $I_1 = 2$ [А], $I_2 = 1,5$ [А], $I_3 = 0,5$ [А].

ЗАДАЧА 1.8



Дано: $R_1=R_2=R_3=R_4=R_5=R_6=1$ Ом, $E_1=E_2=E_3=10$ В, $J=2$ А.

Найти: все неизвестные токи методом контурных токов.

Решение:

Выберем направления контурных токов, которые обозначим I_{11} , I_{22} , I_{33} и J (последний известен).

Составим систему уравнений для контуров

$$\begin{cases} (R_1 + R_2 + R_3) \cdot I_{11} - R_3 \cdot I_{22} - R_2 \cdot I_{33} = E_1 + E_2 \\ -R_3 \cdot I_{11} + (R_3 + R_4 + R_5) \cdot I_{22} - R_4 \cdot I_{33} + R_5 \cdot J = -E_2 \\ -R_2 \cdot I_{11} - R_4 \cdot I_{22} + (R_3 + R_4 + R_5) \cdot I_{33} = E_3 \end{cases}$$

После подстановки численных значений имеем

$$\begin{cases} 3 \cdot I_{11} - I_{22} - I_{33} = 20 \\ -I_{11} + 3 \cdot I_{22} - I_{33} + 2 = -10 \\ -I_{11} - I_{22} + 3 \cdot I_{33} = 10 \end{cases}$$

Решив эту систему уравнений, найдем контурные токи $I_{11}=9,5$ [A], $I_{22}=1,5$ [A], $I_{33}=7$ [A], а затем найдем истинные токи во всех ветвях.

В ветви с E_1 , R_1 истинный ток I_1 имеет направление контурного тока I_{11} и равен $I_1=I_{11}=9,5$ [A].

В ветви с R_2 истинный ток I_2 получится от наложения контурных токов I_{11} и I_{33} и будет равен $I_2=I_{11}-I_{33}=9,5-7=2,5$ [A].

В ветви с R_3 и E_2 истинный ток I_3 получится от наложения контурных токов I_{11} и I_{22} и будет равен $I_3=I_{11}-I_{22}=9,5-1,5=8$ [A].

В ветви с R_4 истинный ток I_4 получится от наложения контурных токов I_{22} и I_{33} и будет равен $I_4=I_{33}-I_{22}=7-1,5=5,5$ [A].

В ветви с R_5 истинный ток I_5 получится от наложения контурных токов I_{22} и J и будет равен $I_5=I_{22}+J=1,5+2=3,5$ [A].

В ветви с R_6 и E_3 истинный ток I_6 противоположен по направлению контурному току I_{33} и будет равен $I_6=-I_{33}=-7$ [A].

Ответ: $I_1=9,5$ [A], $I_2=2,5$ [A], $I_3=8$ [A], $I_4=5,5$ [A], $I_5=3,5$ [A], $I_6=-7$ [A].

ЗАДАНИЕ 1.1

На рисунке 1.1 показана структура схемы электрической цепи. Для выполнения задания необходимо заменить условные элементы схемы 1...8 резистивными элементами и источниками ЭДС согласно таблицам 1.1.1...1.1.4 в соответствии с заданным преподавателем вариантом. Обычным шрифтом в таблицах указаны значения сопротивлений в омах, а жирным курсивом – значения ЭДС источников в вольтах. Направление действия ЭДС источников выбирается произвольно.

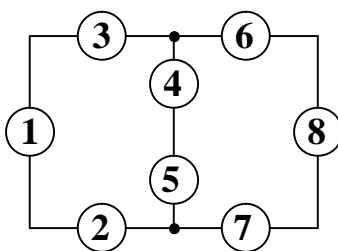


Рис. 1.1

Рассчитать значения всех неизвестных токов, используя: а) законы Кирхгофа, б) метод эквивалентных преобразований, в) метод эквивалентного генератора, г) метод контурных токов. Показать, что баланс мощностей имеет место.

Таблица 1.1.1

Вариант	Номера элементов структурной схемы							
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	2	6	-	10	13	7	27,5B
2	42B	30	-	10	-	4	6	-
3	30	-	-	22,75	10	6	-	4
4	10	-	-	30	-	24,5B	2	8
5	20	41,25	-	-	30	4	6	-
6	-	-	20	10	35,2B	12	-	18
7	-	30	-	-	30	7	42,5B	3
8	10	20	67,5B	10	-	10	5	15
9	71,25	20	10	-	10	-	-	30
10	14	-	6	40B	10	-	20	-
11	-	20	-	12	8	44B	30	-
12	12	8	38,4B	-	30	-	-	20
13	7	-	13	20	41,6B	13	17	-
14	-	20	-	12	8	40	70B	-
15	25	78B	15	-	30	-	13	7
16	-	20	-	12	18	40	-	83,2B
17	93,5B	-	40	10	20	14	16	-
18	10	20	-	85,5B	40	-	10	-
19	2	-	8	-	30	25	90,25	15
20	-	30	76B	15	25	6	4	-
21	-	6	4	30	41,8B	-	-	40
22	-	3	7	40	-	33,6B	11	9
23	13	36,4B	7	-	40	7	-	3
24	4	3	3	15	-	-	5	15,4B
25	21B	3	7	5	-	-	14	6
26	2	2	6	15	32B	10	-	-
27	5	4	6	-	10	-	27,2B	10
28	2	8	28,8B	-	10	5	6	4
29	2	3	5	-	10	47,5B	-	20
30	5	6	9	38B	15	-	5	-

Таблица 1.1.2

Вариант	Номера элементов структурной схемы							
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	10	10	-	-	10	40	34B	10
2	20	20	10	20	20	20	94B	10
3	38B	40	10	20	-	30	-	10
4	10	30	10	30	62B	-	-	20
5	-	10	-	10	40	46B	20	10
6	10	51B	-	-	20	10	30	10
7	10	141B	20	30	10	10	30	10
8	30	10	10	40	76B	20	-	-
9	-	20	-	10	40	10	20	93B
10	69B	10	20	30	20	-	10	-
11	10	-	68B	40	10	20	-	-
12	20	10	-	188B	40	20	-	30
13	-	20	-	20	30	10	30	114B
14	10	10	124B	40	10	20	10	-
15	30	10	10	92B	10	30	-	-
16	10	-	-	30	20	85B	-	20
17	20	10	20	30	-	30	10	235B
18	20	-	152B	20	30	10	10	20
19	-	10	20	155B	20	10	30	10
20	-	30	-	30	20	10	-	115B
21	102B	10	10	40	10	-	10	-
22	282B	30	20	10	30	10	10	10
23	40	57B	10	20	20	-	20	-
24	10	20	-	186B	50	10	-	10
25	-	10	20	-	10	30	20	138B
26	119B	40	10	10	-	-	10	10
27	20	-	10	50	329B	10	10	20
28	30	10	-	-	50	190B	10	10
29	20	30	217B	20	-	10	-	20
30	-	10	-	50	161B	20	10	-

Таблица 1.1.3

Вариант	Номера элементов структурной схемы							
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	13	7	-	2B	10	-	20	-
2	-	-	20	6	14	30	8B	-
3	9	11	9,6B	30	-	-	20	-
4	-	5	15	12,8B	20	12	-	18
5	20	-	-	9	11	-	40	25B
6	31,2B	21	19	30	-	6	-	14
7	-	-	20	16	14	-	36,4B	40
8	40	44B	-	13	17	11	-	19
9	18	-	12	40	42,75	10	-	-
10	6	4	-	30	-	47,5B	24	16
11	41,8B	-	30	24	16	5	-	5
12	3	-	7	45,6B	30	40	-	-
13	6	4	-	-	40	8	36,4B	12
14	14	6	39,2B	40	-	3	7	-
15	2	3	5	-	15	16,5B	-	5
16	8	22,4B	2	-	5	7	-	13
17	3	6	1	34B	15	-	10	-
18	6	5	4	10	-	28,8B	-	10
19	30,4B	7	3	-	10	3	6	6
20	4	4	2	10	-	20	50B	-
21	7	8	5	15	39,9B	5	-	-
22	5	3	2	10	-	55B	8	12
23	30	-	80,5B	-	10	7	-	3
24	-	30	-	10	42B	-	2	8
25	-	-	10	-	30	6	4	43,75
26	71,5B	-	20	30	-	5	-	5
27	-	20	-	59,4B	10	16	14	-
28	30	-	-	-	30	70B	4	6
29	18	108,75	12	10	-	14	6	10
30	11	19	112,5	-	10	-	30	-

Таблица 1.1.4

Вариант	Номера элементов структурной схемы							
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	47B	3	2	1	3	1	1	1
2	4	19B	1	2	2	-	2	-
3	1	2	-	31B	5	1	-	1
4	-	1	2	-	1	3	2	23B
5	17B	4	1	1	-	-	1	1
6	2	-	1	5	47B	1	1	2
7	3	1	-	-	5	38B	1	1
8	2	3	31B	2	-	1	-	2
9	-	1	-	5	23B	2	1	-
10	1	1	-	-	1	4	17B	1
11	2	2	1	2	2	2	47B	1
12	19B	4	1	2	-	3	-	1
13	1	3	1	3	31B	-	-	2
14	-	1	-	1	4	23B	2	1
15	1	17B	-	-	2	1	3	1
16	1	47B	2	3	1	1	3	1
17	3	1	1	4	38B	2	-	-
18	-	2	-	1	4	1	2	31B
19	23B	1	2	3	2	-	1	-
20	1	-	17B	4	1	2	-	-
21	2	1	-	47B	4	2	-	3
22	-	2	-	2	3	1	3	38B
23	1	1	31B	4	1	2	1	-
24	3	1	1	23B	1	3	-	-
25	1	-	-	3	2	17B	-	2
26	2	1	2	3	-	3	1	47B
27	2	-	38B	2	3	1	1	2
28	-	1	2	31B	2	1	3	1
29	-	3	-	3	2	1	-	23B
30	17B	1	1	4	1	-	1	-

ЗАДАНИЕ 1.2

На рисунке 1.2 показаны три варианта структур схем электрической цепи. Для выполнения задания необходимо заменить условные элементы схем 1...6 резистивными элементами и источниками согласно таблицам 1.2.1...1.2.4 в соответствии с заданным преподавателем вариантом. Индексы значений токов и ЭДС источников в таблицах соответствуют номерам элементов структурных схем, а направление их действия – направлению стрелок.

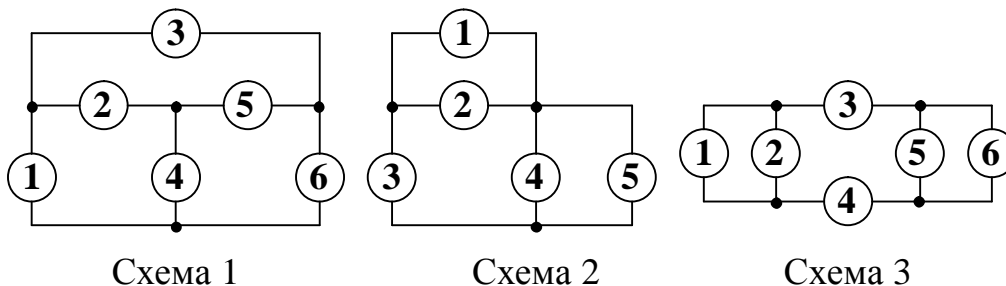


Рис. 1.2

Рассчитать значения всех неизвестных токов, используя: а) законы Кирхгофа, б) метод контурных токов. Рассчитать ток любой ветви, не содержащей источник тока: а) методом эквивалентных преобразований, б) методом эквивалентного генератора. Показать, что баланс мощностей имеет место.

Таблица 1.2.1

Вариант	Схема	Параметры источников энергии: J [А], E [В]			Параметры резисторов [Ом]					
					1	2	3	4	5	6
1	1	$\acute{a}J_1 = 0,1$	$\grave{a}E_3 = 11$	$\acute{a}E_4 = 29$	-	8	5	6	2	9
2	1	$\hat{a}J_6 = 0,15$	$\grave{a}E_6 = 12$	$\beta E_2 = 28$	6	8	7	4	1	-
3	2	$\hat{a}J_3 = 0,2$	$\grave{a}E_1 = 13$	$\hat{a}E_4 = 27$	4	9	-	4	3	2
4	2	$\beta J_1 = 0,25$	$\hat{a}E_3 = 14$	$\beta E_5 = 26$	-	5	3	1	2	6
5	1	$\beta J_3 = 0,3$	$\beta E_5 = 15$	$\hat{a}E_1 = 25$	5	1	-	3	3	9
6	1	$\acute{a}J_6 = 0,35$	$\acute{a}E_1 = 16$	$\beta E_3 = 24$	3	-	7	5	7	4
7	2	$\grave{a}J_2 = 0,4$	$\beta E_1 = 17$	$\hat{a}E_4 = 23$	1	-	1	4	2	3
8	2	$\grave{a}J_1 = 0,45$	$\acute{a}E_3 = 18$	$\acute{a}E_5 = 22$	-	5	7	1	8	4
9	1	$\acute{a}J_6 = 0,5$	$\beta E_5 = 19$	$\acute{a}E_1 = 21$	5	4	7	2	9	-
10	1	$\grave{a}J_3 = 0,55$	$\acute{a}E_1 = 20$	$\acute{a}E_4 = 20$	9	5	-	5	4	1
11	2	$\beta J_1 = 0,6$	$\hat{a}E_3 = 21$	$\hat{a}E_4 = 19$	-	2	9	3	9	8
12	1	$\hat{a}J_6 = 0,65$	$\hat{a}E_4 = 22$	$\grave{a}E_3 = 18$	6	9	3	8	2	-
13	2	$\beta J_1 = 0,7$	$\hat{a}E_3 = 23$	$\hat{a}E_4 = 17$	-	6	8	5	9	5
14	1	$\hat{a}J_6 = 0,75$	$\beta E_3 = 24$	$\acute{a}E_1 = 16$	2	6	7	5	9	-
15	3	$\acute{a}J_6 = 0,8$	$\acute{a}E_2 = 25$	$\grave{a}E_4 = 15$	5	7	1	2	4	-
16	1	$\grave{a}J_3 = 0,85$	$\hat{a}E_1 = 26$	$\beta E_5 = 14$	8	6	-	9	5	4
17	1	$\acute{a}J_1 = 0,9$	$\grave{a}E_3 = 27$	$\acute{a}E_4 = 13$	-	3	4	8	5	6
18	2	$\grave{a}J_2 = 0,95$	$\acute{a}E_3 = 28$	$\acute{a}E_5 = 12$	7	-	5	4	3	5
19	2	$\acute{a}J_5 = 1$	$\grave{a}E_2 = 29$	$\hat{a}E_3 = 11$	8	4	8	5	-	2
20	1	$\acute{a}J_6 = 1,1$	$\hat{a}E_4 = 30$	$\beta E_3 = 10$	6	7	4	6	1	-
21	1	$\acute{a}J_1 = 1,2$	$\acute{a}E_4 = 31$	$\grave{a}E_3 = 10,5$	-	5	1	4	8	3
22	2	$\acute{a}J_5 = 1,3$	$\beta E_2 = 32$	$\hat{a}E_4 = 11,5$	8	9	8	5	-	7
23	2	$\acute{a}J_5 = 1,4$	$\grave{a}E_2 = 33$	$\acute{a}E_3 = 12,5$	4	3	4	9	-	6
24	1	$\hat{a}J_1 = 1,5$	$\grave{a}E_3 = 34$	$\beta E_5 = 13,5$	-	8	4	7	4	6
25	1	$\acute{a}J_6 = 1,6$	$\beta E_2 = 35$	$\grave{a}E_3 = 14,5$	6	5	8	3	2	-
26	2	$\beta J_2 = 1,7$	$\beta E_1 = 36$	$\hat{a}E_5 = 15,5$	3	-	1	3	9	2
27	1	$\hat{a}J_1 = 1,8$	$\beta E_2 = 37$	$\beta E_3 = 16,5$	-	2	8	6	5	7
28	2	$\hat{a}J_5 = 1,9$	$\hat{a}E_3 = 38$	$\grave{a}E_2 = 17,5$	5	3	6	2	-	2
29	1	$\acute{a}J_1 = 2$	$\beta E_3 = 39$	$\grave{a}E_5 = 18,5$	-	5	4	1	3	7
30	3	$\hat{a}J_1 = 2,1$	$\beta E_4 = 40$	$\acute{a}E_6 = 19$	-	2	6	7	4	8

Таблица 1.2.2

Вариант	Схема	Параметры источников энергии: J [А], E [В]			Параметры резисторов [Ом]					
					1	2	3	4	5	6
1	1	$\beta J_3 = 0,1$	$\hat{a} E_2 = 40$	$\hat{a} E_6 = 10$	2	9	-	9	6	1
2	1	$\beta J_3 = 0,15$	$\hat{a} E_2 = 39$	$\acute{a} E_4 = 11$	7	1	-	8	2	7
3	2	$\hat{a} J_1 = 0,2$	$\acute{a} E_5 = 38$	$\hat{a} E_2 = 12$	-	2	7	5	4	-
4	2	$\acute{a} J_3 = 0,25$	$\acute{a} E_5 = 37$	$\beta E_2 = 13$	-	6	9	7	3	-
5	1	$\beta J_3 = 0,3$	$\hat{a} E_2 = 36$	$\hat{a} E_6 = 14$	3	9	-	2	7	9
6	1	$\beta J_3 = 0,35$	$\beta E_5 = 35$	$\acute{a} E_1 = 15$	7	4	-	4	5	1
7	2	$\acute{a} J_5 = 0,4$	$\hat{a} E_4 = 34$	$\beta E_2 = 16$	9	3	9	5	-	-
8	2	$\beta J_1 = 0,45$	$\hat{a} E_2 = 33$	$\hat{a} E_5 = 17$	-	4	6	3	5	-
9	1	$\hat{a} J_3 = 0,5$	$\hat{a} E_5 = 32$	$\hat{a} E_4 = 18$	7	2	-	3	9	3
10	1	$\beta J_3 = 0,55$	$\beta E_2 = 31$	$\acute{a} E_1 = 19$	4	3	-	9	8	4
11	2	$\hat{a} J_4 = 0,6$	$\hat{a} E_3 = 30$	$\hat{a} E_1 = 20$	9	8	1	-	9	-
12	1	$\beta J_3 = 0,65$	$\acute{a} E_4 = 29$	$\acute{a} E_1 = 21$	2	9	-	8	6	6
13	2	$\acute{a} J_4 = 0,7$	$\acute{a} E_3 = 28$	$\beta E_2 = 22$	9	5	4	-	6	-
14	1	$\hat{a} J_3 = 0,75$	$\acute{a} E_4 = 27$	$\acute{a} E_6 = 23$	6	4	-	5	7	3
15	3	$\hat{a} J_1 = 0,8$	$\hat{a} E_3 = 26$	$\acute{a} E_5 = 24$	-	6	9	6	8	3
16	1	$\hat{a} J_2 = 0,85$	$\hat{a} E_3 = 25$	$\hat{a} E_1 = 25$	5	-	8	8	5	3
17	1	$\beta J_2 = 0,9$	$\beta E_3 = 24$	$\hat{a} E_6 = 26$	5	-	1	6	9	1
18	2	$\hat{a} J_4 = 0,95$	$\beta E_1 = 23$	$\beta E_2 = 27$	3	5	2	-	5	-
19	2	$\hat{a} J_4 = 1$	$\hat{a} E_3 = 22$	$\hat{a} E_1 = 28$	6	2	4	-	8	-
20	1	$\hat{a} J_2 = 0,95$	$\beta E_3 = 21$	$\hat{a} E_5 = 29$	1	-	8	8	6	6
21	1	$\hat{a} J_2 = 0,9$	$\hat{a} E_3 = 20$	$\acute{a} E_6 = 30$	8	-	1	3	6	6
22	2	$\hat{a} J_1 = 0,85$	$\hat{a} E_3 = 19$	$\hat{a} E_4 = 31$	-	7	3	4	8	-
23	2	$\acute{a} J_5 = 0,8$	$\acute{a} E_3 = 18$	$\beta E_1 = 32$	8	6	5	9	-	-
24	1	$\beta J_2 = 0,75$	$\beta E_5 = 17$	$\hat{a} E_1 = 33$	4	9	3	-	7	6
25	1	$\beta J_5 = 0,7$	$\beta E_2 = 16$	$\acute{a} E_4 = 34$	2	3	4	9	-	7
26	2	$\hat{a} J_5 = 0,65$	$\hat{a} E_2 = 15$	$\acute{a} E_4 = 35$	9	2	7	8	-	-
27	1	$\acute{a} J_2 = 0,6$	$\hat{a} E_5 = 14$	$\acute{a} E_6 = 36$	5	-	8	7	1	4
28	2	$\acute{a} J_1 = 0,55$	$\beta E_2 = 13$	$\hat{a} E_5 = 37$	7	2	-	2	8	-
29	1	$\beta J_2 = 0,5$	$\hat{a} E_6 = 12$	$\hat{a} E_4 = 38$	3	-	3	5	7	9
30	3	$\hat{a} J_6 = 0,45$	$\hat{a} E_1 = 11$	$\beta E_3 = 39$	4	8	1	9	5	-

Таблица 1.2.3

Вариант	Схема	Параметры источников энергии: J [А], E [В]			Параметры резисторов [Ом]					
					1	2	3	4	5	6
1	1	$\acute{a}J_6 = 2$	$\beta E_5 = 6$	$\acute{a}E_1 = 35$	8	9	1	6	9	-
2	1	$\acute{a}J_6 = 1,95$	$\beta E_5 = 7$	$\beta E_2 = 34,5$	8	6	7	2	7	-
3	2	$\hat{a}J_5 = 1,9$	$\grave{a}E_1 = 8$	$\beta E_2 = 34$	9	4	3	4	-	-
4	2	$\acute{a}J_5 = 1,85$	$\hat{a}E_3 = 9$	$\grave{a}E_1 = 33,5$	7	3	6	3	-	-
5	1	$\acute{a}J_6 = 1,8$	$\beta E_5 = 10$	$\beta E_3 = 33$	2	5	9	7	4	-
6	1	$\hat{a}J_6 = 1,75$	$\hat{a}E_4 = 11$	$\beta E_3 = 32,5$	2	1	3	5	4	-
7	2	$\hat{a}J_4 = 1,7$	$\hat{a}E_5 = 12$	$\beta E_2 = 32$	2	1	3	-	5	-
8	2	$\beta J_2 = 1,65$	$\grave{a}E_1 = 13$	$\acute{a}E_5 = 31,5$	5	-	2	5	3	-
9	1	$\acute{a}J_6 = 1,6$	$\hat{a}E_4 = 14$	$\beta E_2 = 31$	4	5	9	7	3	-
10	1	$\hat{a}J_1 = 0,55$	$\hat{a}E_4 = 15$	$\hat{a}E_6 = 30,5$	-	9	5	8	9	4
11	2	$\acute{a}J_4 = 1,5$	$\beta E_1 = 16$	$\acute{a}E_5 = 30$	2	6	9	-	6	-
12	1	$\acute{a}J_6 = 1,45$	$\acute{a}E_2 = 17$	$\grave{a}E_3 = 29,5$	8	-	7	6	8	6
13	2	$\acute{a}J_4 = 1,4$	$\beta E_2 = 18$	$\hat{a}E_5 = 29$	6	8	5	-	9	-
14	1	$\hat{a}J_6 = 1,35$	$\grave{a}E_2 = 19$	$\hat{a}E_1 = 28,5$	6	2	3	7	5	-
15	3	$\acute{a}J_1 = 1,3$	$\grave{a}E_4 = 20$	$\hat{a}E_5 = 28$	-	5	3	8	6	9
16	1	$\hat{a}J_1 = 1,25$	$\beta E_3 = 21$	$\beta E_2 = 27,5$	-	8	3	5	8	4
17	1	$\acute{a}J_1 = 1,2$	$\beta E_3 = 22$	$\grave{a}E_5 = 27$	-	6	1	9	6	3
18	2	$\acute{a}J_3 = 1,15$	$\beta E_2 = 23$	$\hat{a}E_4 = 26,5$	7	9	-	5	5	-
19	2	$\grave{a}J_1 = 1,1$	$\grave{a}E_2 = 24$	$\acute{a}E_5 = 26$	-	8	1	8	3	-
20	1	$\acute{a}J_1 = 1$	$\beta E_3 = 25$	$\hat{a}E_4 = 25,5$	-	5	6	7	8	7
21	1	$\acute{a}J_1 = 0,95$	$\beta E_3 = 26$	$\acute{a}E_6 = 25$	-	1	6	6	9	1
22	2	$\hat{a}J_3 = 0,9$	$\hat{a}E_5 = 27$	$\grave{a}E_2 = 24,5$	4	8	-	8	6	-
23	2	$\hat{a}J_3 = 0,85$	$\beta E_1 = 28$	$\hat{a}E_5 = 24$	3	4	-	5	9	-
24	1	$\hat{a}J_1 = 0,8$	$\beta E_2 = 29$	$\beta E_5 = 23,5$	-	6	6	7	3	8
25	1	$\acute{a}J_6 = 0,75$	$\grave{a}E_5 = 30$	$\hat{a}E_4 = 23$	5	6	7	4	9	-
26	2	$\grave{a}J_1 = 0,7$	$\acute{a}E_3 = 31$	$\acute{a}E_4 = 22,5$	-	3	1	4	8	-
27	1	$\acute{a}J_1 = 0,65$	$\hat{a}E_6 = 32$	$\acute{a}E_3 = 22$	-	3	4	1	3	8
28	2	$\grave{a}J_1 = 0,6$	$\acute{a}E_3 = 33$	$\acute{a}E_5 = 21,5$	1	5	3	8	2	-
29	1	$\hat{a}J_1 = 0,55$	$\grave{a}E_5 = 34$	$\hat{a}E_4 = 21$	-	4	5	7	5	3
30	3	$\acute{a}J_5 = 0,5$	$\acute{a}E_2 = 35$	$\grave{a}E_4 = 20,5$	2	3	7	5	-	1

Таблица 1.2.4

Вариант	Схема	Параметры источников энергии: J [А], E [В]			Параметры резисторов [Ом]					
					1	2	3	4	5	6
1	1	$\hat{a}J_1=0,25$	$\acute{a}E_4 = 6$	$\acute{a}E_6 = 25$	-	2	6	5	4	8
2	1	$\hat{a} J_1=0,3$	$\acute{a}E_4 = 7$	$\grave{a} E_5=24,5$	-	9	4	7	3	1
3	2	$\acute{a}J_4=0,35$	$\mathcal{B}E_1 = 8$	$\grave{a} E_2 = 24$	2	3	4	-	7	-
4	2	$\hat{a}J_4=0,4$	$\acute{a}E_3 = 9$	$\mathcal{B}E_1=23,5$	6	2	1	-	4	-
5	1	$\hat{a}J_1=0,45$	$\acute{a}E_4=10$	$\mathcal{B}E_3 = 23$	-	3	7	3	7	9
6	1	$\hat{a}J_1=0,5$	$\acute{a}E_2=11$	$\hat{a}E_6=22,5$	-	7	5	7	5	1
7	2	$\grave{a}J_2=0,55$	$\acute{a}E_3=12$	$\acute{a}E_5 = 22$	3	-	4	1	9	-
8	2	$\hat{a}J_4=0,6$	$\hat{a}E_3=13$	$\grave{a} E_2=21,5$	4	8	1	-	3	-
9	1	$\acute{a}J_1=0,65$	$\grave{a} E_2=14$	$\mathcal{B}E_5 = 21$	-	9	5	7	8	2
10	1	$\acute{a}J_6=0,7$	$\grave{a} E_5=15$	$\grave{a} E_3=20,5$	9	4	5	6	5	-
11	2	$\acute{a}J_5=0,75$	$\acute{a}E_3 = 16$	$\mathcal{B}E_2 = 20$	8	9	3	9	-	-
12	1	$\hat{a}J_1=0,8$	$\mathcal{B}E_5=17$	$\hat{a}E_6=19,5$	-	2	8	3	2	3
13	2	$\acute{a}J_5=0,85$	$\acute{a}E_3 = 18$	$\grave{a} E_1 = 19$	5	9	5	8	-	-
14	1	$\hat{a}J_1=0,9$	$\grave{a} E_5=19$	$\grave{a} E_3=18,5$	-	9	4	7	5	4
15	3	$\hat{a}J_2=0,95$	$\acute{a}E_5 = 20$	$\acute{a}E_6 = 18$	6	-	2	1	2	3
16	1	$\hat{a}J_4= 1$	$\grave{a} E_3=21$	$\mathcal{B}E_2=17,5$	4	5	9	-	8	9
17	1	$\acute{a}J_4=1,05$	$\mathcal{B}E_3=22$	$\mathcal{B}E_5 = 17$	1	5	8	-	8	6
18	2	$\grave{a}J_1=1,1$	$\hat{a}E_4 = 23$	$\mathcal{B}E_2=16,5$	-	3	5	5	9	-
19	2	$\hat{a}J_5=1,15$	$\hat{a}E_4 = 24$	$\grave{a} E_2 = 16$	2	6	9	8	-	-
20	1	$\hat{a} J_4=1,2$	$\mathcal{B}E_3=25$	$\hat{a}E_1=15,5$	6	1	4	-	1	5
21	1	$\acute{a}J_4=1,25$	$\grave{a} E_3=26$	$\acute{a}E_6 = 15$	3	8	1	-	2	3
22	2	$\hat{a}J_4=1,3$	$\hat{a}E_3 = 27$	$\mathcal{B}E_2=14,5$	7	8	5	-	2	
23	2	$\hat{a}J_4=1,35$	$\mathcal{B}E_1=28$	$\hat{a}E_5 = 14$	6	8	9	-	5	
24	1	$\mathcal{B}J_4=1,4$	$\grave{a} E_2=29$	$\acute{a}E_6=13,5$	9	4	7	-	4	5
25	1	$\acute{a}J_1=1,45$	$\grave{a} E_5=30$	$\acute{a}E_6 = 13$	-	2	3	8	5	9
26	2	$\hat{a} J_5=1,5$	$\hat{a}E_4 = 31$	$\mathcal{B}E_2=12,5$	2	9	3	7	-	
27	1	$\acute{a}J_4=1,55$	$\grave{a} E_2=32$	$\mathcal{B}E_5 = 12$	7	5	8	-	8	6
28	2	$\acute{a}J_5=1,6$	$\acute{a}E_4 = 33$	$\grave{a} E_1=11,5$	2	7	2	6	-	
29	1	$\grave{a}J_3=1,65$	$\grave{a} E_5=34$	$\acute{a}E_1 = 11$	1	3	-	7	6	2
30	3	$\hat{a}J_5=1,7$	$\hat{a}E_1=35$	$\mathcal{B}E_3=10,5$	8	4	7	6	-	5

2. Расчет переходных процессов в электрических цепях с источниками постоянного напряжения и тока

Методические рекомендации по выполнению задания

Основные законы и методы анализа

Законы коммутации

Ток в индуктивности и напряжение на емкости сразу после коммутации (в момент времени $t=0_+$) остаются такими же, какими они были непосредственно до коммутации (в момент времени $t=0_-$).

В краткой записи: $i_L(0_-) = i_L(0_+)$ и $u_C(0_-) = u_C(0_+)$.

Формула разложения

Если изображение искомой величины имеет вид рациональной дроби

$$F(p) = \frac{b_0 p^m + b_1 p^{m-1} + \mathbf{K} + b_{m-1} p + b_m}{a_0 p^n + a_1 p^{n-1} + \mathbf{K} + a_{n-1} p + a_n} = \frac{b_0 p^m + b_1 p^{m-1} + \mathbf{K} + b_{m-1} p + b_m}{a_0 (p - p_1)(p - p_2)\mathbf{K}(p - p_n)} = \frac{F_1(p)}{F_2(p)},$$

причём, все коэффициенты многочленов вещественные числа и $m < n$, то оригинал функции $A(p)$ находят как

- $F(p) = \frac{F_1(p)}{F_2(p)} \in \sum_{k=1}^n \frac{F_1(p_k)}{F_2'(p_k)} e^{p_k t} = f(t)$, если корни уравнения $F_2(p) = 0$

вещественные различные;

- $F(p) = \frac{F_1(p)}{p F_3(p)} \in \frac{F_1(0)}{F_3(0)} + \sum_{k=2}^n \frac{F_1(p_k)}{p_k F_3'(p_k)} e^{p_k t} = f(t)$, если уравнение

$F_2(p) = 0 = p F_3(p)$, где $F_3(p) = a_0 (p - p_2)(p - p_3)\mathbf{K}(p - p_n)$, имеет один нулевой корень $p_1 = 0$;

- $F(p) = \frac{F_1(p)}{p F_3(p)} \in \frac{F_1(0)}{F_3(0)} + 2 \operatorname{Re} \left[\frac{F_1(p_2)}{p_2 F_3'(p_2)} e^{p_2 t} \right] + \sum_{k=4}^n \frac{F_1(p_k)}{p_k F_3'(p_k)} e^{p_k t} =$

$$= \frac{F_1(0)}{F_3(0)} + 2 \sqrt{A^2 + B^2} \cdot e^{-\delta t} \cos(\omega t + \varphi) + \sum_{k=4}^n \frac{F_1(p_k)}{p_k F_3'(p_k)} e^{p_k t} = f(t),$$

если уравнение $F_3(p) = 0$ имеет пару комплексных сопряжённых

корня $p_{2,3} = -\delta \pm j\omega$. Причём, $\frac{F_1(p_2)}{p_2 F_3'(p_2)} = A + jB$; $\varphi = \arctg \frac{B}{A}$.

Классический метод расчёта.

При анализе цепей N -го порядка (K – индуктивных элементов и $(N-K)$ – ёмкостных элементов) с источниками постоянной ЭДС расчёт производится по следующему алгоритму:

1) Определить значения токов через индуктивные элементы $i_{Lk}(0_-)$ и напряжений на ёмкостных элементах $u_{Cn}(0_-)$ в электрической цепи до коммутации ($t < 0$), где $k=1, 2, \dots, K$; $n=1, 2, \dots, (N-K)$. Статический режим до коммутации рассчитывают при соответствующем состоянии ключа, заменяя индуктивные элементы в цепи перемычками, а ёмкостные разрывами между точками их подключения.

2) Определить значения напряжений на индуктивных элементах $u_{Lk}(0_+)$ и токов через ёмкостные элементы цепи $i_{Cn}(0_+)$ непосредственно после коммутации ($t=0_+$). Для этого индуктивные элементы цепи нужно заменить источниками тока со значениями $J_{Lk} = i_{Lk}(0_-)$, а ёмкостные элементы – источниками ЭДС со значениями $E_{Cn} = -u_{Cn}(0_-)$

3) Определить значения токов через индуктивные элементы $i_{Lk}(\infty)$ и напряжений на ёмкостных элементах $u_{Cn}(\infty)$ в электрической цепи в установившемся режиме после коммутации ($t=\infty$), выполнив замену элементов аналогичную п.1.

4) Составить характеристическое уравнение и определить его корни. Для этого нужно разорвать любую ветвь электрической цепи в послекоммутационном состоянии и определить комплексное сопротивление относительно точек разрыва. При этом нужно заменить источники ЭДС и тока их эквивалентными сопротивлениями, т.е. заменить источники ЭДС перемычкой, а источники тока разрывом между точками подключения. После чего, заменить в выражении комплексного сопротивления произведения $j\omega$ на p и, приравняв полученное выражение нулю, решить уравнение относительно p .

5) Представить мгновенные значения токов через индуктивные элементы и напряжений на ёмкостных элементах в виде

- $i_{Lk}(t)=i_{Lk}(\infty)+A_1 \cdot e^{p_1 t}+\dots+A_N \cdot e^{p_N t}$, $u_{Cn}(t)=u_{Cn}(\infty)+B_1 \cdot e^{p_1 t}+\dots+B_N \cdot e^{p_N t}$, если все корни характеристического уравнения вещественные и разные;
- $i_{Lk}(t)=i_{Lk}(\infty)+(A_1 \cdot t+A_2) \cdot e^{\delta t}+\dots+A_N \cdot e^{p_N t}$, $u_{Cn}(t)=u_{Cn}(\infty)+(B_1 \cdot t+B_2) \cdot e^{\delta t}+\dots+B_N \cdot e^{p_N t}$, если среди корней характеристического уравнения есть пара одинаковых $p_1=p_2=\delta$;
- $i_{Lk}(t)=i_{Lk}(\infty)+[A_1 \cdot \sin(\omega \cdot t)+A_2 \cdot \cos(\omega \cdot t)] \cdot e^{\delta t}+\dots+A_N \cdot e^{p_N t}$,
 $u_{Cn}(t)=u_{Cn}(\infty)+[A_1 \cdot \sin(\omega \cdot t)+A_2 \cdot \cos(\omega \cdot t)] \cdot e^{\delta t}+\dots+B_N \cdot e^{p_N t}$, если среди корней есть пара комплексно-сопряженных $p_{1,2}=\delta \pm j \cdot \omega$.

6) Составить систему из N уравнений Кирхгофа для состояния цепи в момент времени $t=0_+$ и определить постоянные интегрирования $A_1, \dots, A_N, B_1, \dots, B_N$. с учётом значений, полученных в п.2: $L_k di_{Lk} / dt|_{t=0_+} = u_{Lk}(0_+)$ и $C_n du_{Cn} / dt|_{t=0_+} = i_{Cn}(0_+)$.

7) С помощью законов Ома и Кирхгофа определить, если требуется, остальные токи и напряжения в цепи.

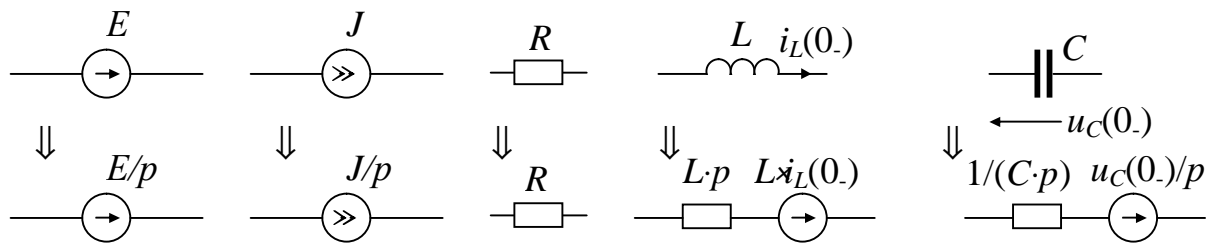
Примеры рассмотрены в задачах 2.1 и 2.2.

Операторный метод расчета.

При анализе цепей N -го порядка операторным методом расчёт производится по следующему алгоритму:

1) Определить значения токов через индуктивные элементы $i_{Lk}(0_-)$ и напряжений на ёмкостных элементах $u_{Cn}(0_-)$ в электрической цепи до коммутации ($t<0$), где $k=1, 2, \dots, K$; $n=1, 2, \dots, (N-K)$. Статический режим до коммутации рассчитывают при соответствующем состоянии ключа, заменяя индуктивные элементы в цепи перемычками, а ёмкостные разрывами между точками их подключения.

2) Составить операторную схему замещения, выполнив следующие замены элементов цепи в послекоммутационном состоянии:



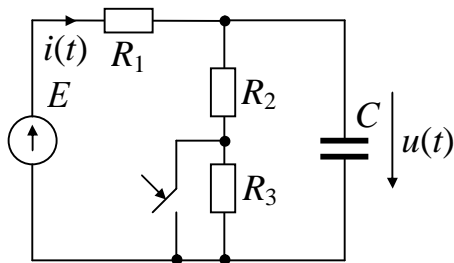
3) Пользуясь любыми методами анализа электрических цепей в статическом состоянии, определить операторные изображения искомых токов и напряжений.

4) С помощью теоремы (формулы) разложения или с помощью таблиц обратного преобразования Лапласа, перейти от операторных изображений к функциям мгновенным значений искомых величин.

Пример рассмотрен в задаче 2.3.

Далее приведены задачи, решённые описанными выше методами расчета.

ЗАДАЧА 2.1

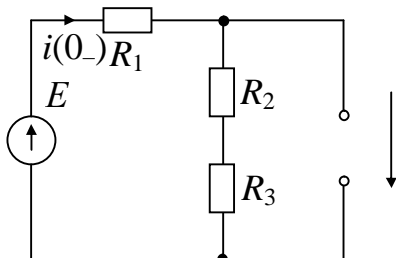


Дано: $E=100$ В, $R_1=10$ Ом, $R_2=40$ Ом,
 $R_3=50$ Ом, $C=10^{-3}$ Ф.

Найти: $i(t)$, $u(t)$ классическим методом расчета.

Решение:

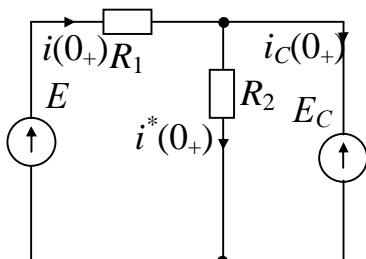
1) Цепь при $t < 0$



$$i(0_-) = E / (R_1 + R_2 + R_3) = 100 / (10 + 40 + 50) = 1 \text{ [A];}$$

$$u(0_-) = (R_2 + R_3) \cdot i(0_-) = (40 + 50) \cdot 1 = 90 \text{ [B].}$$

2) Цепь при $t = 0_+$

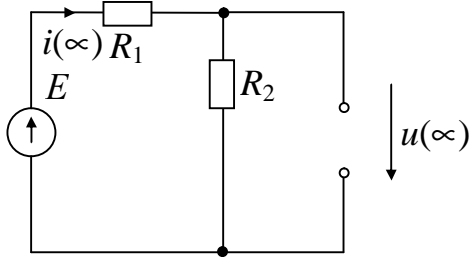


$$i(0_+) = (E - E_C) / R_1 = (100 - 90) / 10 = 1 \text{ [A];}$$

$$i^*(0_+) = E_C / R_2 = 90 / 40 = 1,75 \text{ [A];}$$

$$i_C(0_+) = i(0_+) - i^*(0_+) = 1 - 1,75 = 0,75 \text{ [A].}$$

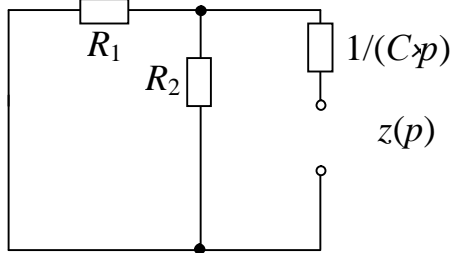
3) Цепь при $t=\infty$



$$i(\infty) = E / (R_1 + R_2) = 100 / (10 + 40) = 2 \text{ [A];}$$

$$u(\infty) = R_2 \cdot i(\infty) = 40 \cdot 2 = 80 \text{ [B].}$$

4) Составляем и решаем характеристическое уравнение



$$z(p) = \frac{1}{C \cdot p} + \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} = 8 \cdot (p + 125) / p.$$

Приравняв $z(p)$ к 0, получим корни характеристического уравнения

$$p = -125 \text{ [1/c]}$$

В цепях первого порядка величина $\tau = 1/|p|$ носит название *постоянной времени* цепи.

5) Записываем мгновенное значение напряжения емкостного элемента в общем виде $u_C(t) = u_C(\infty) + B \cdot e^{p \cdot t} = 80 + B \cdot e^{-125 \cdot t}$.

6) Определяем постоянную интегрирования.

Напряжение $u_C(t)$ в момент коммутации ($t=0_+$) будет $u_C(0_+) = 80 + B$ или с учетом $u_C(0_+) = u_C(0_-) = 90$ получаем $90 = 80 + B$. Тогда $B = 10$ и $u_C(t) = 80 + 10 \cdot e^{-125 \cdot t}$.

7) Полученное в п.6 соотношение дает возможность определить остальные токи и напряжения:

$$i_C(t) = C \cdot du_C/dt = 10^{-3} \cdot (-125 \cdot 10 \cdot e^{-125 \cdot t}) = -1,25 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [A];}$$

$$u_{R2}(t) = u_C(t) = 80 + 10 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [B];}$$

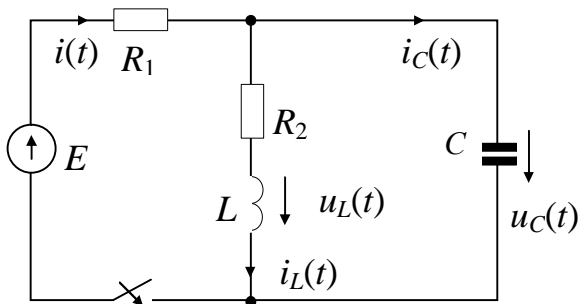
$$i_{R2}(t) = u_{R2}(t) / R_2 = (80 + 10 \cdot e^{-125 \cdot t}) / 40 = 2 + 0,25 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [A];}$$

$$i(t) = i_C(t) + i_{R2}(t) = -1,25 \cdot e^{-125 \cdot t} + 2 + 0,25 \cdot e^{-125 \cdot t} = 2 - 1 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [A];}$$

$$u_{R1}(t) = R_1 \cdot i(t) = 10 \cdot (2 - 1 \cdot e^{-125 \cdot t}) = 20 - 10 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [B].}$$

$$\text{Ответ: } i(t) = 2 - 1 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [A]; } u(t) = 80 + 10 \cdot e^{-125 \cdot t} \text{ [B].}$$

ЗАДАЧА 2.2

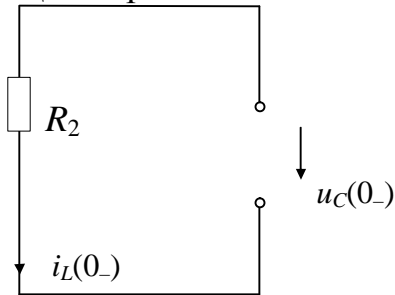


Дано: $E = 200 \text{ В}$; $R_1 = R_2 = 10^3 \text{ Ом}$;
 $L = 0,1 \text{ Гн}$; $C = 10^{-6} \text{ Ф}$.

Найти: токи во всех ветвях и напряжения на индуктивном и ёмкостном элементах

Решение:

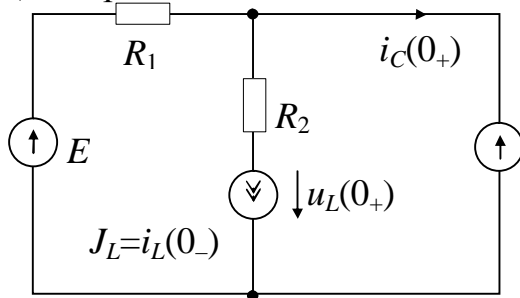
1) Цепь при $t < 0$



$$i_L(0_-) = 0 \text{ [A];}$$

$$u_C(0_-) = 0 \text{ [B].}$$

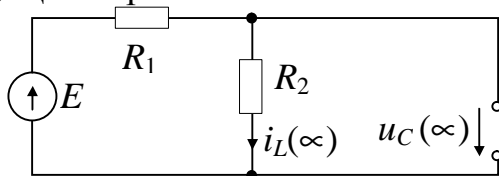
2) Цепь при $t = 0_+$



$$i_C(0_+) = E/R_1 = 200/10^3 = 0,2 \text{ [A];}$$

$$u_L(0_+) = 0 \text{ [B].}$$

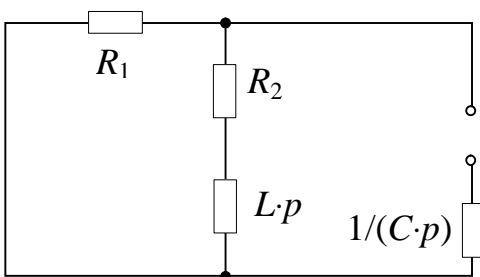
3) Цепь при $t = \infty$



$$i_L(\infty) = E/(R_1 + R_2) = 200/(10^3 + 10^3) = 0,1 \text{ [A];}$$

$$u_L(\infty) = R_2 \cdot i_L(\infty) = 10^3 \cdot 0,1 = 100 \text{ [B].}$$

4) Составляем и решаем характеристическое уравнение



$$z(p) = \frac{1}{C \cdot p} + \frac{R_1 \cdot (R_2 + L \cdot p)}{R_1 + R_2 + L \cdot p} =$$

$$= \frac{1}{10^{-6} \cdot p} + \frac{10^3 \cdot (10^3 + 0,1 \cdot p)}{10^3 + 10^3 + 0,1 \cdot p} =$$

$$= \frac{10^3 \cdot (p^2 + 11 \cdot 10^3 + 2 \cdot 10^7)}{p \cdot (p + 2 \cdot 10^4)}$$

Приравняв $z(p)$ к 0, получим корни характеристического уравнения

$$p_1 = -2300 \text{ [1/с]}, p_2 = -8700 \text{ [1/с].}$$

5) Записываем мгновенные значения напряжения на ёмкостном элементе и тока через индуктивный элемент в общем виде

$$u_C(t) = u_C(\infty) + B_1 \cdot e^{p_1 t} + B_2 \cdot e^{p_2 t} = 100 + B_1 \cdot e^{-2300 t} + B_2 \cdot e^{-8300 t} \text{ [B];}$$

$$i_L(t) = i_L(\infty) + A_1 \cdot e^{p_1 t} + A_2 \cdot e^{p_2 t} = 0,1 + A_1 \cdot e^{-2300 t} + A_2 \cdot e^{-8300 t} \text{ [A].}$$

б) Определяем постоянные интегрирования.

Ток $i_L(t)$ в момент $t = 0_+$ будет $i_L(0_+) = 0,1 + A_1 + A_2$, а с учетом $i_L(0_-) = i_L(0_+) = 0$, получаем $A_1 + A_2 = -0,1$.

Напряжение $u_L(t) = L \cdot di_L/dt = 0,1 \cdot (-2300 \cdot A_1 \cdot e^{-2300 t} - 8700 \cdot A_2 \cdot e^{-8700 t})$ в момент $t = 0_+$ будет $u_L(0_+) = 0,1 \cdot (-2300 \cdot A_1 - 8700 \cdot A_2)$ или, с учетом $u_L(0_+) = 0$, $2,3 \cdot A_1 + 8,7 \cdot A_2 = 0$.

Напряжение $u_C(t)$ в момент $t=0_+$ будет $u_C(0_+)=100+B_1+B_2$ или, с учетом $u_C(0_+)=0$, $B_1+B_2=-100$.

Ток $i_C(t)=C \cdot du_C/dt=10^{-6} \cdot (-2300 \cdot B_1 \cdot e^{-2300t} - 8700 \cdot B_2 \cdot e^{-8700t})$ для $t=0_+$, будет $i_C(0_+)=10^{-6} \cdot (-2300 \cdot B_1 - 8700 \cdot B_2)$ или, с учетом $i_C(0_+)=0,2$, $2,3 \cdot B_1 + 8,7 \cdot B_2 = -200$.

Располагаем двумя системами уравнений и их решениями:

$$\begin{cases} A_1 + A_2 = -0,1 \\ 2,3 \cdot A_1 + 8,7 \cdot A_2 = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} A_1 = -0,1359 \\ A_2 = -0,0359 \end{cases} \quad \begin{cases} B_1 + B_2 = -100 \\ 2,3 \cdot B_1 + 8,7 \cdot B_2 = -200 \end{cases} \quad \begin{cases} B_1 = -104,7 \\ B_2 = 4,7 \end{cases}$$

Тогда $i_L(t)=0,1-0,1359 \cdot e^{-2300t}+0,0359 \cdot e^{-8700t}$ [A];

$$u_C(t)=100-104,7 \cdot e^{-2300t}+4,7 \cdot e^{-8700t} \text{ [B]}.$$

7) Полученные в п.6 соотношения дают возможность определить остальные токи и напряжения:

$$i_C(t)=C \cdot du_C/dt = 10^{-6} \cdot (104,7 \cdot 2300 \cdot e^{-2300t} - 4,7 \cdot 8700 \cdot e^{-8700t}) = 0,2406 \cdot e^{-2300t} - 0,0406 \cdot e^{-8700t} \text{ [A];}$$

$$u_L(t)=L \cdot di_L/dt = 0,1 \cdot (0,1359 \cdot 2300 \cdot e^{-2300t} - 0,0359 \cdot 8700 \cdot e^{-8700t}) = 31,26 \cdot e^{-2300t} - 31,26 \cdot e^{-8700t} \text{ [B];}$$

$$i(t)=i_L(t)+i_C(t)=0,1+0,1047 \cdot e^{-2300t}-0,0047 \cdot e^{-8700t} \text{ [A]}.$$

Ответ: $i_L(t)=0,1-0,1359 \cdot e^{-2300t}+0,0359 \cdot e^{-8700t}$ [A];

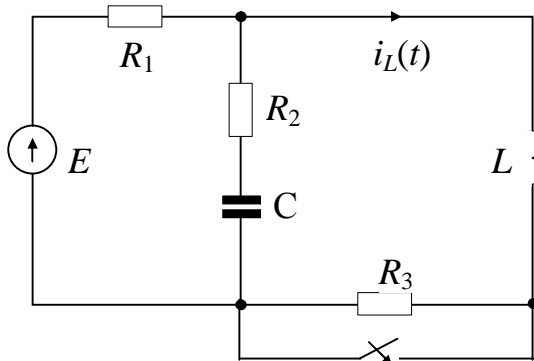
$$i_C(t)=0,2406 \cdot e^{-2300t} - 0,0406 \cdot e^{-8700t} \text{ [A];}$$

$$i(t)=0,1+0,1047 \cdot e^{-2300t}-0,0047 \cdot e^{-8700t} \text{ [A];}$$

$$u_L(t)=31,26 \cdot e^{-2300t} - 31,26 \cdot e^{-8700t} \text{ [B];}$$

$$u_C(t)=100-104,7 \cdot e^{-2300t}+4,7 \cdot e^{-8700t} \text{ [B]}.$$

ЗАДАЧА 2.3



Дано: $E=450$ В; $R_1=400$ Ом;

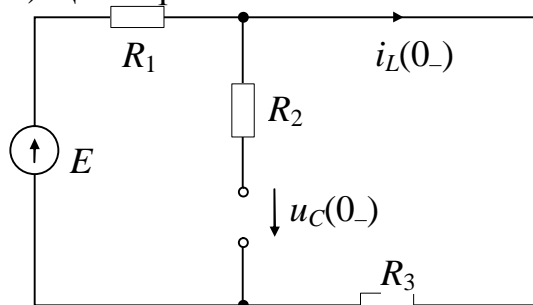
$R_2=20$ Ом; $R_3=50$ Ом;

$C=10^{-4}$ Ф; $L=0,2$ Гн.

Найти: $i_L(t)$ операторным методом расчета.

Решение:

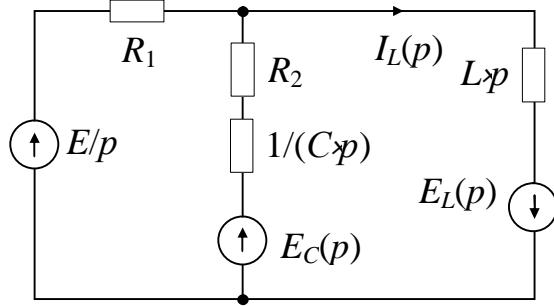
1) Цепь при $t < 0$



$$i_L(0_-)=E/(R_1+R_3)=450/(400+50)=1 \text{ [A];}$$

$$u_C(0_-)=R_3 \cdot i_L(0_-)=50 \cdot 1=50 \text{ [B]}.$$

2) Составим операторную схему замещения

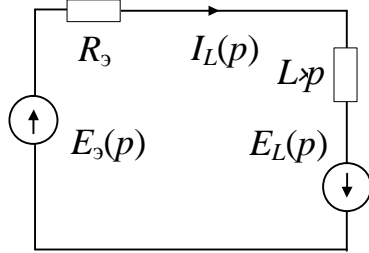


$$E_L(p) = L \cdot i_L(0_-) = 0,2 \cdot 1 = 0,2;$$

$$E_C(p) = u_C(0_-) / p = 50/p.$$

3) Определим $I_L(p)$ методом эквивалентных преобразований.

Заменим параллельное соединение $(E, R_1) \parallel (E_C, R_2, 1/Cp)$ на эквивалентное



$$R_3(p) = \frac{R_1 \cdot [R_2 + 1/(Cp)]}{R_1 + R_2 + 1/(Cp)} = \frac{400 \cdot (20 + 1/10^{-4} p)}{400 + 20 + 1/10^{-4} p} = \frac{400 \cdot (p + 500)}{21 \cdot p + 500}.$$

$$E_s(p) = \left(\frac{E(p)}{R_1 \cdot p} + \frac{E_C(p)}{R_2 + 1/(Cp)} \right) \cdot R_3(p) = \left(\frac{450}{400 \cdot p} + \frac{50/p}{20 + 1/(10^{-4} p)} \right) \cdot \frac{400 \cdot (p + 500)}{21 \cdot p + 500} = \frac{50 \cdot (29 \cdot p + 4500)}{p \cdot (21 \cdot p + 500)}.$$

Согласно закону Ома изображение искомого тока будет определяться как

$$I_L(p) = \frac{E_s(p) + E_L(p)}{R_3 + L \cdot p} = \left(\frac{50 \cdot (29 \cdot p + 4500)}{p \cdot (21 \cdot p + 500)} + 0,2 \right) / \left(\frac{400 \cdot (p + 500)}{21 \cdot p + 500} + 0,2 p \right) = \frac{p^2 + 369p + 5,357 \cdot 10^4}{p \cdot (p^2 + 119p + 4,762 \cdot 10^4)} = \frac{F_1(p)}{pF_3(p)} = \frac{p^2 + b_1p + b_2}{p \cdot (p^2 + a_1p + a_2)}.$$

4) Осуществим обратное преобразование Лапласа по формуле разложения, для этого определим корни полинома знаменателя $pF_3(p) = 0$:

$$p_1 = 0; p_{2,3} = -\delta \pm j\omega = -59,5 \pm j210.$$

Тогда $F_3'(p) = 2p + a_1 = 2p + 119$; $F_1(0)/F_3(0) = b_2/a_2 = 5,357/4,762 = 1,125$;

$$\frac{F_1(p_2)}{p_2 F_3(p_2)} = -0,062 - j0,578 = \underline{H}; |\underline{H}| = 0,581; \varphi = \arg(\underline{H}) = -96,15^\circ.$$

Отсюда

$$i_L(t) = \frac{F_1(0)}{F_3(0)} + 2|\underline{H}| \cdot e^{-\delta t} \cos(\omega t + \varphi) = 1,125 + 1,162 \cdot e^{-59,5t} \cdot \cos(210t - 96,15^\circ) \text{ [A]}$$

$$\text{Ответ: } i_L(t) = 1,125 + 1,162 \cdot e^{-59,5t} \cdot \cos(210t - 96,15^\circ) \text{ [A].}$$

ЗАДАНИЕ 2.1

Выполнить анализ переходного процесса в цепи первого порядка. Структура электрической цепи изображена на рисунке 2.1 в обобщённом виде.

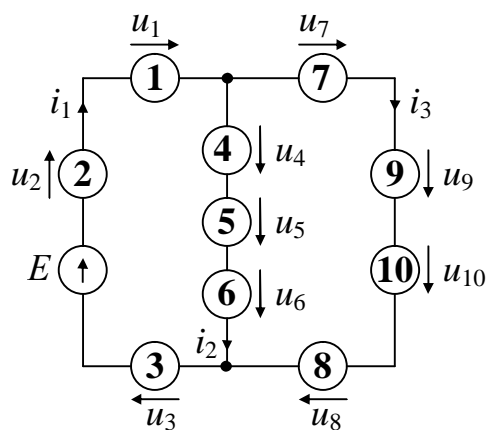


Рис. 2.1

Перед расчётом необходимо составить схему цепи, воспользовавшись информацией таблиц 2.1.1...2.1.4. Ключ в цепи расположен последовательно или параллельно одному из элементов, и до коммутации он находится замкнутым (З) или разомкнутым (Р) состоянии.

Рекомендованным преподавателем методом требуется определить и построить в интервале времени $0 \dots 4\tau$ [с] заданные кривые $i_k(t)$, $u_m(t)$.

Таблица 2.1.1

Вариант	Элементы $E[V], R[Ом], L[Гн], C[Ф]$	Искомые величины	Расположение ключа	Ключ при $t < 0$
1	$E=270; R_1=R_2=R_7=200;$ $L_9=0,2$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
2	$E=260; R_1=R_5=R_9=R_{10}=300;$ $L_4=0,3$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_9	З
3	$E=250; R_1=R_4=R_{10}=400;$ $C_9=2 \cdot 10^{-5}$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
4	$E=240; R_1=R_3=R_8=500;$ $C_4=2 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_5(t)$	Последовательно R_8	Р
5	$E=230; R_1=R_4=R_7=600;$ $L_7=0,4$	$i_3(t), u_1(t)$	Последовательно R_4	Р
6	$E=220; R_1=R_5=R_{10}=700;$ $L_4=0,5$	$u_1(t), u_4(t)$	Последовательно R_{10}	Р
7	$E=210; R_1=R_4=R_9=800;$ $C_7=4 \cdot 10^{-5}$	$i_3(t), u_1(t)$	Последовательно R_4	Р
8	$E=200; R_1=R_5=R_{10}=900;$ $C_4=4 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), i_3(t)$	Последовательно R_{10}	Р
9	$E=190; R_1=R_4=R_7=R_9=1000;$ $L_{10}=0,6$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_7	Р
10	$E=180; R_1=R_4=R_7=R_8=1100;$ $L_9=0,7$	$u_4(t), i_3(t)$	Последовательно R_4	Р
11	$E=170; R_1=R_5=R_8=R_{10}=1200;$ $C_9=6 \cdot 10^{-5}$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
12	$E=160; R_1=R_4=R_7=R_8=1300;$ $C_{10}=6 \cdot 10^{-6}$	$u_4(t), i_3(t)$	Параллельно R_1	З
13	$E=150; R_1=R_4=R_9=R_{10}=1400;$ $L_5=0,8$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_9	З
14	$E=140; R_1=R_4=R_5=R_7=1500;$ $L_9=0,9$	$i_1(t), u_5(t)$	Параллельно R_5	Р
15	$E=130; R_1=R_8=R_{10}=1600;$ $C_4=8 \cdot 10^{-5}$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_{10}	З

16	$E=120; R_1=R_4=R_5=1700;$ $C_9=8 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_1(t)$	Параллельно R_5	Р
17	$E=110; R_1=R_4=R_5=R_7=R_9=1800;$ $L_{10}=1,0$	$u_{10}(t), i_2(t)$	Параллельно R_7	З
18	$E=100; R_1=R_4=R_5=R_7=R_8=1900;$ $L_9=1,1$	$i_3(t), i_1(t)$	Параллельно R_5	Р
19	$E=105; R_1=R_4=R_5=R_7=R_9=2000;$ $C_{10}=10^{-6}$	$u_{10}(t), i_1(t)$	Параллельно R_4	З
20	$E=115; R_1=R_4=R_5=R_7=R_8=2100;$ $C_9=10^{-5}$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_5	Р
21	$E=125; R_1=R_4=R_5=R_7=2200;$ $L_{10}=1,2$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_7	З
22	$E=135; R_1=R_5=R_8=R_{10}=2300;$ $L_4=1,3$	$i_2(t), u_1(t)$	Последова- тельно R_8	Р
23	$E=145; R_1=R_4=R_5=R_7=2400;$ $C_9=1,2 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_4	Р
24	$E=155; R_1=R_5=R_8=R_{10}=2500;$ $C_4=1,2 \cdot 10^{-5}$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_8	З
25	$E=165; R_1=R_5=R_7=2600;$ $C_8=1,3 \cdot 10^{-6}$	$u_1(t), u_8(t)$	Последова- тельно R_5	Р
26	$E=175; R_1=R_4=R_8=2700;$ $L_9=1,4$	$i_2(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_4	Р
27	$E=185; R_1=R_4=R_5=R_7=2800;$ $C_{10}=1,3 \cdot 10^{-5}$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_4	З
28	$E=195; R_1=R_4=R_5=R_7=2900;$ $L_9=1,5$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_5	З
29	$E=205; R_1=R_5=R_9=R_{10}=3000;$ $L_4=1,6$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_9	Р
30	$E=215; R_1=R_4=R_5=R_{10}=3100;$ $C_9=1,4 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_1(t)$	Параллельно R_5	З

Таблица 2.1.2

Вариант	Элементы $E[V]$, $R[Ом]$, $L[Гн]$, $C[Ф]$	Искомые величины	Расположение ключа	Ключ при $t < 0$
1	$E=50; R_1=R_5=R_9=100;$ $L_7=0,01$	$i_1(t), u_7(t)$	Параллельно R_9	З
2	$E=55; R_1=R_5=R_7=R_9=1000;$ $C_6=10^{-6}$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_7	З
3	$E=60; R_1=R_3=R_4=R_9=R_{10}=105;$ $L_6=0,011$	$i_3(t), u_6(t)$	Параллельно R_4	Р
4	$E=65; R_1=R_4=R_5=R_9=R_{10}=2000;$ $C_7=1,1 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), u_7(t)$	Параллельно R_5	Р
5	$E=70; R_1=R_3=R_5=R_9=R_{10}=110;$ $L_7=0,012$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_{10}	З
6	$E=75; R_1=R_3=R_7=R_{10}=3000;$ $C_5=1,2 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_1(t)$	Параллельно R_{10}	Р
7	$E=80; R_1=R_5=R_9=115;$ $L_4=0,013$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_1	З
8	$E=85; R_1=R_3=R_6=R_7=R_9=4000;$ $C_{10}=1,3 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_3(t)$	Параллельно R_3	З
9	$E=90; R_3=R_4=R_7=120;$ $L_{10}=0,014$	$i_1(t), u_4(t)$	Последовательно R_4	Р
10	$E=95; R_1=R_5=R_7=R_9=5000;$ $C_6=1,4 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_6(t)$	Параллельно R_1	З
11	$E=100; R_1=R_3=R_6=R_7=125;$ $L_5=0,015$	$i_1(t), u_7(t)$	Параллельно R_3	З
12	$E=105; R_1=R_5=R_7=R_9=6000;$ $C_6=1,5 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_6(t)$	Последовательно R_7	Р
13	$E=110; R_3=R_6=R_5=R_7=R_{10}=130;$ $L_9=0,016$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_5	Р
14	$E=115; R_1=R_4=R_5=R_{10}=7000;$ $C_7=1,6 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_5(t)$	Последовательно R_4	Р
15	$E=120; R_1=R_3=R_5=R_{10}=135;$ $L_4=0,017$	$i_3(t), u_4(t)$	Последовательно R_{10}	Р

16	$E=125; R_3=R_5=R_6=R_7=R_9=140;$ $L_{10}=0,018$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_6	3
17	$E=130; R_1=R_6=R_9=145;$ $L_4=0,019$	$i_2(t), u_4(t)$	Параллельно R_1	3
18	$E=135; R_3=R_7=R_9=R_{10}=8000;$ $C_5=1,7 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_7	Р
19	$E=140; R_3=R_4=R_7=150;$ $L_6=0,02$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_4	3
20	$E=145; R_1=R_3=R_4=R_5=R_9=9000;$ $C_7=1,8 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), u_7(t)$	Параллельно R_3	Р
21	$E=150; R_1=R_3=R_6=R_9=R_{10}=155;$ $L_7=0,021$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Последова- тельно R_6	Р
22	$E=155; R_1=R_3=R_7=R_9=10^4;$ $C_4=1,9 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_7	3
23	$E=160; R_1=R_3=R_5=R_9=R_{10}=160;$ $L_4=0,022$	$i_1(t), u_5(t)$	Параллельно R_9	3
24	$E=165; R_3=R_5=R_6=R_{10}=1,1 \cdot 10^4;$ $C_9=2 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_3(t)$	Параллельно R_6	3
25	$E=170; R_1=R_6=R_7=165;$ $L_5=0,023$	$i_3(t), u_5(t)$	Последова- тельно R_7	Р
26	$E=175; R_3=R_6=R_9=R_{10}=1,2 \cdot 10^4;$ $C_4=2,1 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_{10}	Р
27	$E=180; R_3=R_5=R_7=R_9=170;$ $L_{10}=0,024$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_7	Р
28	$E=185; R_1=R_4=R_5=R_9=1,3 \cdot 10^4;$ $C_7=2,2 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_7(t)$	Параллельно R_4	3
29	$E=190; R_1=R_5=R_7=R_9=180;$ $L_6=0,025$	$i_3(t), u_6(t)$	Параллельно R_7	Р
30	$E=195; R_1=R_3=R_4=R_9=R_{10}=14000;$ $C_5=2,3 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_{10}	3

Таблица 2.1.3

Вариант	Элементы $E[V], R[\text{кОм}], L[\text{мГн}], C[\text{мкФ}]$	Искомые величины	Расположение ключа	Ключ при $t < 0$
1	$E=100; R_2=R_5=R_7=R_9=0,1;$ $L_{10}=10$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_7	З
2	$E=105; R_2=R_5=R_7=R_8=0,11;$ $L_9=15$	$i_3(t), u_5(t)$	Последовательно R_5	Р
3	$E=110; R_2=R_4=R_8=R_{10}=2,3;$ $C_9=1$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_2	З
4	$E=115; R_2=R_5=R_7=R_8=2,2;$ $C_{10}=2$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_2	З
5	$E=120; R_2=R_4=R_9=R_{10}=0,12;$ $L_5=20$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_{10}	Р
6	$E=125; R_2=R_4=R_5=R_7=0,13;$ $L_9=25$	$i_1(t), u_4(t)$	Параллельно R_4	З
7	$E=130; R_2=R_8=R_{10}=2,1;$ $C_5=3$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_{10}	Р
8	$E=135; R_2=R_4=R_5=2;$ $C_9=4$	$i_3(t), u_2(t)$	Параллельно R_4	З
9	$E=140; R_2=R_4=R_5=R_7=R_9=0,14;$ $L_{10}=30$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_7	Р
10	$E=145; R_2=R_4=R_5=R_7=R_8=0,15;$ $L_9=35$	$i_1(t), i_3(t)$	Параллельно R_4	З
11	$E=150; R_2=R_4=R_5=R_7=R_9=1,9;$ $C_{10}=5$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_5	Р
12	$E=155; R_2=R_4=R_5=R_7=R_8=1,8;$ $C_9=6$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_4	З
13	$E=160; R_2=R_4=R_5=R_7=0,16;$ $L_{10}=40$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_7	Р
14	$E=165; R_2=R_4=R_8=R_{10}=0,17;$ $L_5=45$	$i_2(t), u_2(t)$	Последовательно R_8	Р
15	$E=170; R_2=R_4=R_5=R_7=1,7;$ $C_9=7$	$i_1(t), u_9(t)$	Последовательно R_5	Р

16	$E=175; R_2=R_4=R_8=R_{10}=1,6;$ $C_5=8$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_8	Р
17	$E=180; R_2=R_4=R_7=1,5;$ $L_8=47$	$u_2(t), u_8(t)$	Последова- тельно R_4	Р
18	$E=185; R_2=R_5=R_8=0,18;$ $L_9=50$	$i_2(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_5	Р
19	$E=190; R_2=R_4=R_5=R_7=1,4;$ $C_{10}=10$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_5	Р
20	$E=195; R_2=R_5=R_7=0,19;$ $L_9=55$	$i_1(t), u_6(t)$	Параллельно R_3	З
21	$E=200; R_1=R_3=R_5=R_9=0,2;$ $L_2=60$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_9	З
22	$E=205; R_2=R_5=R_{10}=1,3;$ $C_9=11$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_2	З
23	$E=210; R_2=R_4=R_7=R_8=1,2;$ $C_5=12$	$i_2(t), u_4(t)$	Параллельно R_8	Р
24	$E=215; R_2=R_5=R_7=0,21;$ $L_{10}=65$	$i_3(t), u_2(t)$	Последова- тельно R_5	Р
25	$E=220; R_2=R_4=R_{10}=0,22;$ $L_5=70$	$u_5(t), u_2(t)$	Последова- тельно R_{10}	Р
26	$E=225; R_2=R_5=R_9=1,1;$ $C_7=13$	$i_3(t), u_2(t)$	Параллельно R_5	З
27	$E=230; R_2=R_4=R_{10}=1,0;$ $C_5=14$	$i_1(t), i_3(t)$	Последова- тельно R_{10}	Р
28	$E=235; R_2=R_5=R_7=R_9=0,23;$ $L_4=75$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_9	З
29	$E=240; R_2=R_4=R_5=R_7=0,24;$ $L_8=80$	$i_3(t), u_2(t)$	Параллельно R_4	Р
30	$E=245; R_2=R_4=R_9=R_{10}=1,2;$ $C_5=15$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_9	З

Таблица 2.1.4

Вариант	Элементы $E[V], R[Ом], L[Гн], C[Ф]$	Искомые величины	Расположение ключа	Ключ при $t < 0$
1	$E=270; R_1=R_2=R_7=100;$ $L_9=0,1$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
2	$E=260; R_1=R_5=R_9=R_{10}=150;$ $L_4=0,15$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_9	З
3	$E=250; R_1=R_4=R_{10}=800;$ $C_9=1 \cdot 10^{-5}$	$i_1(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
4	$E=240; R_1=R_3=R_8=1000;$ $C_4=1 \cdot 10^{-6}$	$i_2(t), u_5(t)$	Последовательно R_8	Р
5	$E=230; R_1=R_4=R_7=300;$ $L_7=0,2$	$i_3(t), u_1(t)$	Последовательно R_4	Р
6	$E=220; R_1=R_5=R_{10}=350;$ $L_4=0,25$	$u_1(t), u_4(t)$	Последовательно R_{10}	Р
7	$E=210; R_1=R_4=R_9=1600;$ $C_7=2 \cdot 10^{-5}$	$i_3(t), u_1(t)$	Последовательно R_4	Р
8	$E=200; R_1=R_5=R_{10}=1800;$ $C_4=2 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), i_3(t)$	Последовательно R_{10}	Р
9	$E=190; R_1=R_4=R_7=R_9=500;$ $L_{10}=0,3$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_7	Р
10	$E=180; R_1=R_4=R_7=R_8=550;$ $L_9=0,35$	$u_4(t), i_3(t)$	Последовательно R_4	Р
11	$E=170; R_1=R_5=R_8=R_{10}=600;$ $C_9=12 \cdot 10^{-5}$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_1	З
12	$E=160; R_1=R_4=R_7=R_8=6500;$ $C_{10}=12 \cdot 10^{-6}$	$u_4(t), i_3(t)$	Параллельно R_1	З
13	$E=150; R_1=R_4=R_9=R_{10}=1400;$ $L_5=0,8$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_9	З
14	$E=140; R_1=R_4=R_5=R_7=750;$ $L_9=0,45$	$i_1(t), u_5(t)$	Параллельно R_5	Р
15	$E=130; R_1=R_8=R_{10}=800;$ $C_4=16 \cdot 10^{-5}$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_{10}	З

16	$E=120; R_1=R_4=R_5=850;$ $C_9=16 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_1(t)$	Параллельно R_5	Р
17	$E=110; R_1=R_4=R_5=R_7=R_9=3200;$ $L_{10}=2,0$	$u_{10}(t), i_2(t)$	Параллельно R_7	З
18	$E=100; R_1=R_4=R_5=R_7=R_8=3800;$ $L_9=2,2$	$i_3(t), i_1(t)$	Параллельно R_5	Р
19	$E=105; R_1=R_4=R_5=R_7=R_9=1000;$ $C_{10}=2 \cdot 10^{-6}$	$u_{10}(t), i_1(t)$	Параллельно R_4	З
20	$E=115; R_1=R_4=R_5=R_7=R_8=1050;$ $C_9=2 \cdot 10^{-5}$	$i_3(t), u_5(t)$	Параллельно R_5	Р
21	$E=125; R_1=R_4=R_5=R_7=1100;$ $L_{10}=0,6$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_7	З
22	$E=135; R_1=R_5=R_8=R_{10}=1150;$ $L_4=0,65$	$i_2(t), u_1(t)$	Последова- тельно R_8	Р
23	$E=145; R_1=R_4=R_5=R_7=1200;$ $C_9=2,4 \cdot 10^{-6}$	$i_1(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_4	Р
24	$E=155; R_1=R_5=R_8=R_{10}=1250;$ $C_4=2,4 \cdot 10^{-5}$	$i_2(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_8	З
25	$E=165; R_1=R_5=R_7=1300;$ $C_8=2,6 \cdot 10^{-6}$	$u_1(t), u_8(t)$	Последова- тельно R_5	Р
26	$E=175; R_1=R_4=R_8=1350;$ $L_9=0,7$	$i_2(t), u_9(t)$	Последова- тельно R_4	Р
27	$E=185; R_1=R_4=R_5=R_7=1400;$ $C_{10}=2,6 \cdot 10^{-5}$	$i_1(t), u_{10}(t)$	Параллельно R_4	З
28	$E=195; R_1=R_4=R_5=R_7=1450;$ $L_9=0,75$	$i_2(t), u_9(t)$	Параллельно R_5	З
29	$E=205; R_1=R_5=R_9=R_{10}=1500;$ $L_4=0,8$	$i_3(t), u_4(t)$	Параллельно R_9	Р
30	$E=215; R_1=R_4=R_5=R_{10}=1550;$ $C_9=0,7 \cdot 10^{-6}$	$i_3(t), u_1(t)$	Параллельно R_5	З

ЗАДАНИЕ 2.2

Выполнить анализ переходного процесса в цепи второго порядка. Структуры электрических цепей изображены на рисунке 2.2 в обобщённом виде.

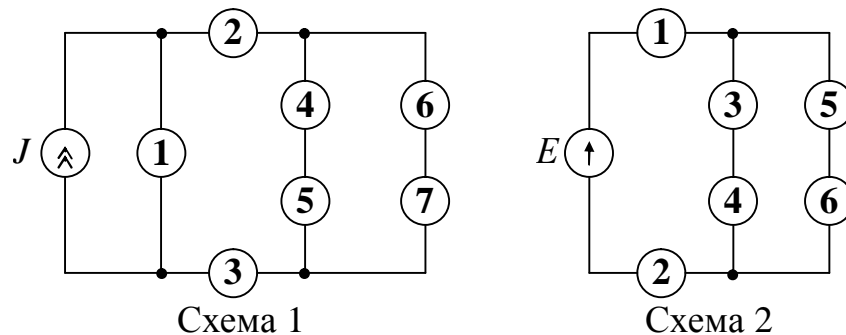


Рис. 2.2

Перед расчётом необходимо составить схему цепи, воспользовавшись информацией таблиц 2.2.1...2.2.4. Ключ в цепи расположен последовательно или параллельно одному из элементов, и до коммутации он находится замкнутым (З) или разомкнутым (Р) состоянии.

Рекомендованным преподавателем методом требуется определить и построить заданные кривые $i_k(t)$, $u_m(t)$. Интервал времени, в пределах которого нужно выполнить построение кривых, нужно выбрать таким образом, чтобы отклонение тока и напряжения от установившегося не превышало 2%.

Таблица 2.2.1

Вариант	Схема	Элементы $J[A]$, $E[V]$, $R[Ом]$, $L[мГн]$, $C[мкФ]$	Искомые величины	Расположе- ние ключа	Ключ при $t < 0$
1	1	$J=3; R_1=R_2=R_7=50;$ $L_6=20; C_4=2$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
2	2	$E=90; R_2=45; R_5=15; R_6=30;$ $L_1=25; C_3=2,5$	$i_C(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_5	З
3	1	$J=9; R_1=R_6=R_7=100;$ $L_2=30; C_5=3$	$i_L(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	З
4	2	$E=84; R_2=R_5=50; R_6=300;$ $L_1=35; C_3=3,5$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_5	Р
5	1	$J=12,6; R_1=220; R_6=20;$ $R_7=200; L_3=40; C_4=4$	$i_C(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	Р
6	2	$E=143; R_1=10; R_2=15;$ $R_3=250; L_4=50; C_5=5$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	З
7	1	$J=15; R_1=R_2=15; R_3=20;$ $R_4=100; L_5=50; C_7=5,5$	$i_{R_2}(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_3	З
8	2	$E=150; R_1=100; R_2=15;$ $R_3=35; L_4=45; C_5=4,5$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
9	1	$J=6; R_1=R_2=R_3=50; R_4=100;$ $L_5=40; C_6=4,5$	$i_C(t)$, $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	Р
10	2	$E=210; R_1=60; R_5=45;$ $L_6=60; C_3=3,5$	$u_C(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5 и L_6	Р
11	1	$J=3,5; R_1=50; R_2=25; R_6=65;$ $L_7=65; C_5=7$	$i_{R_2}(t)$, $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_7	Р
12	2	$E=145; R_1=70; R_3=75;$ $L_4=60; C_6=5$	$u_{R_3}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно C_6	Р
13	1	$J=4; R_1=R_2=40; R_6=80;$ $L_1=75; C_5=8$	$i_{R_6}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно R_1	Р
14	4	$E=75; R_2=60; R_5=90;$ $L_1=85; C_3=6$	$i_L(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5	Р
15	1	$J=1,4; R_1=50; R_3=60; R_4=90;$ $L_5=120; C_6=10$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_3	З

16	1	$J=6; R_1=R_3=100; R_6=400;$ $L_7=20; C_5=2$	$i_C(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_3	Р
17	2	$E=70; R_1=250; R_5=100;$ $R_6=150; L_2=25; C_4=2,5$	$i_{R_5}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_6	З
18	1	$J=6; R_1=30; R_6=R_7=15;$ $L_3=35; C_4=3,5$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_7	З
19	2	$E=130; R_1=100; R_5=70;$ $R_6=30; L_2=40; C_4=4$	$i_L(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_5	Р
20	1	$J=5; R_1=R_6=40; R_7=20;$ $L_2=30; C_5=3$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_7	Р
21	2	$E=150; R_1=R_2=100; R_4=400;$ $L_3=50; C_6=5$	$i_{R_2}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З
22	1	$J=12; R_1=15; R_2=R_3=10;$ $R_4=35; L_5=45; C_6=4,5$	$i_L(t),$ $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	З
23	2	$E=126; R_1=200; R_2=100;$ $R_4=400; L_5=60; C_6=5,5$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
24	1	$J=5,6; R_1=R_2=100; R_3=150;$ $R_4=450; L_5=65; C_7=6$	$i_{R_3}(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
25	2	$E=74; R_1=70; R_6=300;$ $L_5=50; C_4=7$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_5	Р
26	1	$J=3; R_1=100; R_3=150;$ $R_7=350; L_6=80; C_4=7,5$	$i_{R_7}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_7 и L_6	Р
27	2	$E=144; R_2=120; R_4=600;$ $L_3=85; C_5=9$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно C_5	Р
28	1	$J=4,5; R_1=100; R_2=50;$ $R_6=350; L_7=160; C_4=12$	$i_{R_2}(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_1	Р
29	2	$E=53; R_1=400; R_5=130;$ $L_2=100; C_4=14$	$i_{R_1}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_5	Р
30	1	$J=4,2; R_1=R_2=60; R_4=300;$ $L_5=140; C_7=16$	$i_{R_4}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З

Таблица 2.2.2

Вариант	Схема	Элементы $J[A]$, $E[V]$, $R[Ом]$, $L[мГн]$, $C[мкФ]$	Искомые величины	Расположение ключа	Ключ при $t < 0$
1	1	$J=1,5$; $R_1=R_2=R_7=50$; $L_6=20$; $C_4=2$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
2	2	$E=45$; $R_2=45$; $R_5=15$; $R_6=30$; $L_1=25$; $C_3=2,5$	$i_C(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_5	З
3	1	$J=4,5$; $R_1=R_6=R_7=100$; $L_2=30$; $C_5=3$	$i_L(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	З
4	2	$E=42$; $R_2=R_5=50$; $R_6=300$; $L_1=35$; $C_3=3,5$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_5	Р
5	1	$J=6,3$; $R_1=220$; $R_6=20$; $R_7=200$; $L_3=40$; $C_4=4$	$i_C(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	Р
6	2	$E=71,5$; $R_1=10$; $R_2=15$; $R_3=250$; $L_4=50$; $C_5=5$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	З
7	1	$J=7,5$; $R_1=R_2=15$; $R_3=20$; $R_4=100$; $L_5=50$; $C_7=5,5$	$i_{R_2}(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_3	З
8	2	$E=75$; $R_1=100$; $R_2=15$; $R_3=35$; $L_4=45$; $C_5=4,5$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
9	1	$J=3$; $R_1=R_2=R_3=50$; $R_4=100$; $L_5=40$; $C_6=4,5$	$i_C(t)$, $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	Р
10	2	$E=105$; $R_1=60$; $R_5=45$; $L_6=60$; $C_3=3,5$	$u_C(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5 и L_6	Р
11	1	$J=1,75$; $R_1=50$; $R_2=25$; $R_6=65$; $L_7=65$; $C_5=7$	$i_{R_2}(t)$, $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_7	Р
12	2	$E=72,5$; $R_1=70$; $R_3=75$; $L_4=60$; $C_6=5$	$u_{R_3}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно C_6	Р
13	1	$J=2$; $R_1=R_2=40$; $R_6=80$; $L_1=75$; $C_5=8$	$i_{R_6}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно R_1	Р
14	4	$E=36,5$; $R_2=60$; $R_5=90$; $L_1=85$; $C_3=6$	$i_L(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5	Р
15	1	$J=0,7$; $R_1=50$; $R_3=60$; $R_4=90$; $L_5=120$; $C_6=10$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_3	З

16	1	$J=3; R_1=R_3=100; R_6=400;$ $L_7=20; C_5=2$	$i_C(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_3	Р
17	2	$E=35; R_1=250; R_5=100;$ $R_6=150; L_2=25; C_4=2,5$	$i_{R_5}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_6	З
18	1	$J=3; R_1=30; R_6=R_7=15;$ $L_3=35; C_4=3,5$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_7	З
19	2	$E=65; R_1=100; R_5=70;$ $R_6=30; L_2=40; C_4=4$	$i_L(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_5	Р
20	1	$J=2,5; R_1=R_6=40; R_7=20;$ $L_2=30; C_5=3$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_7	Р
21	2	$E=75; R_1=R_2=100; R_4=400;$ $L_3=50; C_6=5$	$i_{R_2}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З
22	1	$J=6; R_1=15; R_2=R_3=10;$ $R_4=35; L_5=45; C_6=4,5$	$i_L(t),$ $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	З
23	2	$E=63; R_1=200; R_2=100;$ $R_4=400; L_5=60; C_6=5,5$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
24	1	$J=2,8; R_1=R_2=100; R_3=150;$ $R_4=450; L_5=65; C_7=6$	$i_{R_3}(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
25	2	$E=37; R_1=70; R_6=300;$ $L_5=50; C_4=7$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_5	Р
26	1	$J=1,5; R_1=100; R_3=150;$ $R_7=350; L_6=80; C_4=7,5$	$i_{R_7}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_7 и L_6	Р
27	2	$E=72; R_2=120; R_4=600;$ $L_3=85; C_5=9$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно C_5	Р
28	1	$J=2,25; R_1=100; R_2=50;$ $R_6=350; L_7=160; C_4=12$	$i_{R_2}(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_1	Р
29	2	$E=26,5; R_1=400; R_5=130;$ $L_2=100; C_4=14$	$i_{R_1}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_5	Р
30	1	$J=2,1; R_1=R_2=60; R_4=300;$ $L_5=140; C_7=16$	$i_{R_4}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З

Таблица 2.2.3

Вариант	Схема	Элементы $J[A]$, $E[V]$, $R[Ом]$, $L[мГн]$, $C[мкФ]$	Искомые величины	Расположе- ние ключа	Ключ при $t < 0$
1	1	$J=3; R_1=R_2=R_7=25;$ $L_6=10; C_4=1$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
2	2	$E=90; R_2=45; R_5=15; R_6=30;$ $L_1=50; C_3=5$	$i_C(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_5	З
3	1	$J=9; R_1=R_6=R_7=50;$ $L_2=15; C_5=1,5$	$i_L(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	З
4	2	$E=84; R_2=R_5=50; R_6=150;$ $L_1=35; C_3=3,5$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_5	Р
5	1	$J=12,6; R_1=110; R_6=10;$ $R_7=100; L_3=20; C_4=2$	$i_C(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	Р
6	2	$E=143; R_1=20; R_2=30;$ $R_3=500; L_4=100; C_5=10$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	З
7	1	$J=15; R_1=R_2=30; R_3=40;$ $R_4=200; L_5=100; C_7=11$	$i_{R_2}(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_3	З
8	2	$E=150; R_1=200; R_2=30;$ $R_3=70; L_4=90; C_5=9$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
9	1	$J=6; R_1=R_2=R_3=100; R_4=200;$ $L_5=80; C_6=9$	$i_C(t)$, $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	Р
10	2	$E=210; R_1=120; R_5=90;$ $L_6=120; C_3=7$	$u_C(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5 и L_6	Р
11	1	$J=3,5; R_1=100; R_2=50;$ $R_6=130; L_7=130; C_5=14$	$i_{R_2}(t)$, $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_7	Р
12	2	$E=145; R_1=140; R_3=150;$ $L_4=1200; C_6=10$	$u_{R_3}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно C_6	Р
13	1	$J=4; R_1=R_2=80; R_6=160;$ $L_1=150; C_5=16$	$i_{R_6}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно R_1	Р
14	4	$E=75; R_2=120; R_5=180;$ $L_1=170; C_3=12$	$i_L(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5	Р
15	1	$J=1,4; R_1=100; R_3=1200;$ $R_4=180; L_5=240; C_6=20$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_3	З

16	1	$J=6; R_1=R_3=200; R_6=800;$ $L_7=40; C_5=4$	$i_C(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_3	Р
17	2	$E=70; R_1=500; R_5=200;$ $R_6=300; L_2=50; C_4=5$	$i_{R_5}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_6	З
18	1	$J=6; R_1=60; R_6=R_7=30;$ $L_3=70; C_4=7$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_7	З
19	2	$E=130; R_1=200; R_5=140;$ $R_6=60; L_2=80; C_4=8$	$i_L(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_5	Р
20	1	$J=5; R_1=R_6=80; R_7=40;$ $L_2=60; C_5=6$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_7	Р
21	2	$E=150; R_1=R_2=200; R_4=800;$ $L_3=100; C_6=10$	$i_{R_2}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З
22	1	$J=12; R_1=30; R_2=R_3=20;$ $R_4=70; L_5=90; C_6=9$	$i_L(t),$ $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	З
23	2	$E=126; R_1=400; R_2=200;$ $R_4=800; L_5=1200; C_6=11$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
24	1	$J=5,6; R_1=R_2=200; R_3=300;$ $R_4=900; L_5=130; C_7=3$	$i_{R_3}(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
25	2	$E=74; R_1=140; R_6=600;$ $L_5=100; C_4=14$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_5	Р
26	1	$J=3; R_1=200; R_3=300;$ $R_7=700; L_6=160; C_4=15$	$i_{R_7}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_7 и L_6	Р
27	2	$E=144; R_2=240; R_4=1200;$ $L_3=170; C_5=18$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно C_5	Р
28	1	$J=4,5; R_1=200; R_2=100;$ $R_6=700; L_7=3200; C_4=24$	$i_{R_2}(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_1	Р
29	2	$E=53; R_1=800; R_5=260;$ $L_2=200; C_4=28$	$i_{R_1}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_5	Р
30	1	$J=4,2; R_1=R_2=120; R_4=600;$ $L_5=280; C_7=32$	$i_{R_4}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З

Таблица 2.2.4

Вариант	Схема	Элементы $J[A]$, $E[V]$, $R[Ом]$, $L[мГн]$, $C[мкФ]$	Искомые величины	Расположе- ние ключа	Ключ при $t < 0$
1	1	$J=1,5; R_1=R_2=R_7=100;$ $L_6=40; C_4=4$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
2	2	$E=45; R_2=90; R_5=30; R_6=60;$ $L_1=50; C_3=5$	$i_C(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_5	З
3	1	$J=4,5; R_1=R_6=R_7=200;$ $L_2=60; C_5=6$	$i_L(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	З
4	2	$E=42; R_2=R_5=100; R_6=600;$ $L_1=70; C_3=7$	$i_L(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_5	Р
5	1	$J=6,3; R_1=440; R_6=40;$ $R_7=400; L_3=80; C_4=8$	$i_C(t)$, $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_6	Р
6	2	$E=71,5; R_1=20; R_2=30;$ $R_3=500; L_4=100; C_5=10$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	З
7	1	$J=7,5; R_1=R_2=30; R_3=40;$ $R_4=200; L_5=100; C_7=11$	$i_{R_2}(t)$, $u_C(t)$	Параллельно R_3	З
8	2	$E=75; R_1=200; R_2=30;$ $R_3=70; L_4=90; C_5=9$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
9	1	$J=3; R_1=R_2=R_3=100; R_4=200;$ $L_5=80; C_6=9$	$i_C(t)$, $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	Р
10	2	$E=105; R_1=120; R_5=90;$ $L_6=120; C_3=7$	$u_C(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5 и L_6	Р
11	1	$J=1,75; R_1=100; R_2=50;$ $R_6=130; L_7=130; C_5=14$	$i_{R_2}(t)$, $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_7	Р
12	2	$E=72,5; R_1=140; R_3=150;$ $L_4=120; C_6=10$	$u_{R_3}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно C_6	Р
13	1	$J=2; R_1=R_2=80; R_6=160;$ $L_1=150; C_5=16$	$i_{R_6}(t)$, $u_C(t)$	Последова- тельно R_1	Р
14	4	$E=36,5; R_2=120; R_5=180;$ $L_1=170; C_3=12$	$i_L(t)$, $u_{R_5}(t)$	Последова- тельно R_5	Р
15	1	$J=0,7; R_1=100; R_3=120;$ $R_4=180; L_5=240; C_6=20$	$i_{R_1}(t)$, $u_L(t)$	Параллельно R_3	З

16	1	$J=3; R_1=R_3=200; R_6=800;$ $L_7=40; C_5=4$	$i_C(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_3	Р
17	2	$E=35; R_1=500; R_5=200;$ $R_6=300; L_2=50; C_4=5$	$i_{R_5}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_6	З
18	1	$J=3; R_1=60; R_6=R_7=30;$ $L_3=70; C_4=7$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_7	З
19	2	$E=65; R_1=200; R_5=140;$ $R_6=60; L_2=80; C_4=8$	$i_L(t),$ $u_{R_6}(t)$	Параллельно R_5	Р
20	1	$J=2,5; R_1=R_6=80; R_7=40;$ $L_2=60; C_5=6$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_7	Р
21	2	$E=75; R_1=R_2=200; R_4=800;$ $L_3=100; C_6=10$	$i_{R_2}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З
22	1	$J=6; R_1=30; R_2=R_3=20;$ $R_4=70; L_5=90; C_6=9$	$i_L(t),$ $u_{R_3}(t)$	Параллельно R_2	З
23	2	$E=63; R_1=400; R_2=200;$ $R_4=800; L_5=120; C_6=11$	$i_L(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	Р
24	1	$J=2,8; R_1=R_2=200; R_3=300;$ $R_4=900; L_5=130; C_7=12$	$i_{R_3}(t),$ $u_L(t)$	Параллельно R_2	Р
25	2	$E=37; R_1=140; R_6=600;$ $L_5=100; C_4=14$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_6 и L_5	Р
26	1	$J=1,5; R_1=200; R_3=300;$ $R_7=700; L_6=160; C_4=15$	$i_{R_7}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_7 и L_6	Р
27	2	$E=72; R_2=240; R_4=1200;$ $L_3=170; C_5=18$	$i_C(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно C_5	Р
28	1	$J=2,25; R_1=200; R_2=100;$ $R_6=700; L_7=320; C_4=24$	$i_{R_2}(t),$ $u_L(t)$	Последова- тельно R_1	Р
29	2	$E=26,5; R_1=200; R_5=260;$ $L_2=200; C_4=28$	$i_{R_1}(t),$ $u_C(t)$	Последова- тельно R_5	Р
30	1	$J=2,1; R_1=R_2=120; R_4=600;$ $L_5=280; C_7=32$	$i_{R_4}(t),$ $u_C(t)$	Параллельно R_2	З

3. Расчет электрических цепей однофазного синусоидального тока

Методические рекомендации по выполнению задания

1. Мгновенное значение величины, синусоидально изменяющейся с течением времени

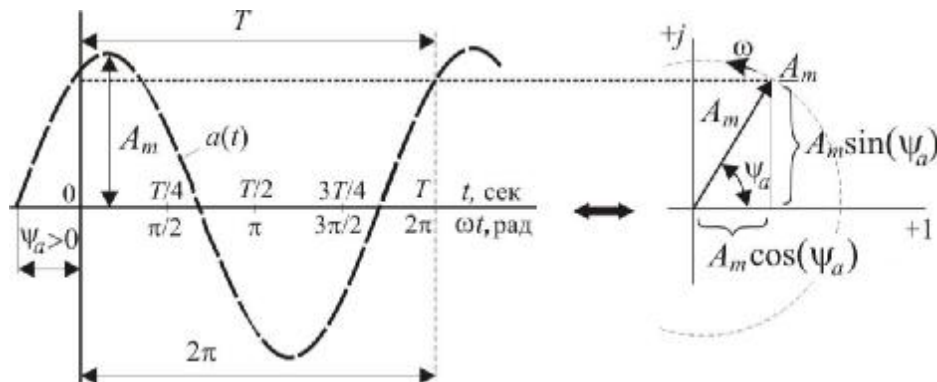
$$a(t) = A_m \sin(\omega t + \psi_a),$$

где A_m – максимальное значение или амплитуда; $(\omega t + \psi_a)$ – фаза (фазовый угол); ψ_a – начальная фаза (начальный фазовый угол); ω – угловая частота [рад/с].

Период T [с], угловая частота ω и частота f [Гц] связаны соотношением

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}; \quad f = \frac{1}{T}.$$

По приведенному уравнению можно построить синусоиду и соответствующую векторную диаграмму, которая получается с учетом того, что мгновенные значения a – это проекция вращающегося вектора \underline{A}_m на ось мнимых чисел.



Аналитически этот вращающийся вектор записывается как

$$A_m e^{j\psi_a} e^{j\omega t}$$

← Амплитуда
↑ Оператор поворота на угол ψ_a
← Оператор вращения с угловой частотой ω

Обозначим $A_m e^{j\psi_a} = \underline{A}_m$, где \underline{A}_m – комплексное амплитудное значение.

Таким образом, $a(t) = A_m \sin(\omega t + \psi_a) = \text{Im}[\underline{A}_m e^{j\omega t}]$.

↑ операция выделения мнимой части комплексного числа.

Метод представления синусоидальных функций времени изображениями в виде векторов на комплексной плоскости называется символическим методом или методом комплексных амплитуд.

При необходимости можно оперировать комплексным действующим значением $\underline{A} = \underline{A}_m / \sqrt{2}$ с учетом того, что действующее значение $A = A_m / \sqrt{2}$.

2. Комплексные числа. Комплексное число, соответствующее точке, в которой лежит конец вектора \underline{A}_m , может быть написано в следующих формах -алгебраической $\underline{A}_m = p + jq = A_m (\cos \psi_a + j \sin \psi_a)$;

-показательной $\underline{A}_m = A_m e^{j\psi_a}$ (в соответствии с формулой Эйлера $\cos \psi_a \pm j \sin \psi_a = e^{\pm j\psi_a}$).

Здесь $p = A_m \cos \psi_a = \text{Re}[\underline{A}_m]$ – вещественная часть комплексного числа \underline{A}_m ;

$q = A_m \sin \psi_a = \text{Im}[\underline{A}_m]$ – мнимая часть комплексного числа \underline{A}_m ;

$A_m = |\underline{A}_m| = \sqrt{p^2 + q^2}$ – модуль комплексного числа \underline{A}_m (всегда положительн);

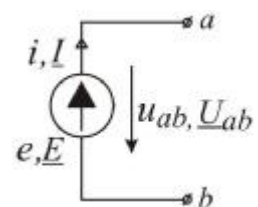
$$\psi_a = \begin{cases} \arctg\left(\frac{q}{p}\right) \Big|_{p>0} \\ \arctg\frac{q}{p} + 180^\circ \Big|_{p<0} \end{cases} \quad \text{– угол или аргумент комплексного числа.}$$

Комплексное число $\underline{A}_m^* = p - jq = A_m e^{-j\psi_a}$ называется сопряженным числу $\underline{A}_m = p + jq = A_m e^{j\psi_a}$.

$j = \sqrt{-1} = e^{j\frac{\pi}{2}}$ – мнимая единица или оператор поворота на угол $\frac{\pi}{2} = 90^\circ$;

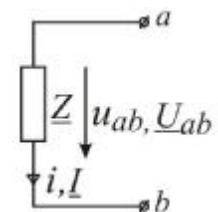
Умножение комплексного числа \underline{A}_m на число $e^{j\alpha}$ сводится к повороту вектора \underline{A}_m в комплексной плоскости на угол α : $\underline{A}_m e^{j\alpha} = A_m e^{j\psi_a} e^{j\alpha} = A_m e^{j(\psi_a + \alpha)}$. При $\alpha > 0$ вектор \underline{A}_m поворачивается против часовой стрелки, при $\alpha < 0$ – по часовой стрелке.

3. Источник напряжения с ЭДС $e(t) = E_m \sin(\omega t + \varepsilon)$ можно полностью охарактеризовать, задав комплексную амплитуду ЭДС $\underline{E}_m = E_m e^{j\varepsilon}$ или комплексное действующее значение ЭДС $\underline{E} = E e^{j\varepsilon}$ ($E = E_m / \sqrt{2}$).



4. Пассивный элемент электрической цепи определяется комплексным сопротивлением $\underline{Z} = z e^{j\varphi}$ – комплексным числом, равным отношению комплексного напряжения на зажимах данного элемента к комплексному току этого элемента

$$\underline{Z} = \frac{\underline{U}}{\underline{I}} = R + jX = Z e^{j\varphi},$$



Где \underline{U} и \underline{I} – комплексные действующие значения напряжения и тока;

R – вещественная часть комплексного сопротивления \underline{Z} или активное сопротивление цепи;

X – мнимая часть \underline{Z} или реактивное сопротивление цепи, составленное из индуктивного $X_L = \omega L$ и емкостного $X_C = 1/\omega C$ сопротивлений;

Z – модуль комплексного сопротивления цепи или полное сопротивление цепи;

φ – аргумент \underline{Z} , равный углу сдвига фаз между током и напряжением.

Отношение комплексного тока в данной цепи к комплексному напряжению на её зажимах называется **комплексной проводимостью** электрической цепи

$$\underline{Y} = \frac{\underline{I}}{\underline{U}} = G - jB = Ye^{-j\varphi} = \frac{1}{\underline{Z}}.$$

Таким образом, от комплексного сопротивления \underline{Z} можно всегда перейти к комплексной проводимости \underline{Y} , пользуясь соотношениями

$$R = \frac{G}{G^2 + B^2} = \frac{G}{Y^2}; \quad X = \frac{B}{G^2 + B^2} = \frac{B}{Y^2};$$

$$G = \frac{R}{R^2 + X^2} = \frac{R}{Z^2}; \quad B = \frac{X}{R^2 + X^2} = \frac{X}{Z^2}.$$

6. Закон Ома для участка цепи, не содержащего ЭДС, имеет вид

$$\underline{U} = \underline{U}_{ab} = \underline{I} \cdot \underline{Z}.$$

7. Законы Кирхгофа. Для записи уравнений на основании законов Кирхгофа надо выбрать положительные направления для всех токов и обозначить их на схеме.

Первый закон Кирхгофа в комплексной форме в применении к узлу электрической цепи имеет вид

$$\sum_{k=1}^n \underline{I}_k = 0,$$

При записи этого уравнения токи, направленные к узлу, следует записать со знаком плюс, а направление от узла – со знаком минус (или наоборот).

Второй закон Кирхгофа применяется к замкнутому контуру цепи и имеет вид

$$\sum_{k=1}^n \underline{I}_k \underline{Z}_k = \sum_{k=1}^n \underline{E}_k$$

где $\sum_{k=1}^n \underline{E}_k$ – алгебраическая сумма комплексных ЭДС источников напряжения. Со знаком плюс записываются те из них, положительные направления которых совпадают с выбранным направлением обхода контура; ЭДС, имеющие направления, противоположные обходу контура, записываются со знаком минус;

$\sum_{k=1}^n \underline{I}_k \underline{Z}_k$ – падения напряжений на комплексных сопротивлениях \underline{Z}_k отдельных участков. Со знаком минус берутся те, для которых направление тока противоположно направлению обхода контура.

При составлении уравнений по второму закону Кирхгофа следует выбирать независимые контуры, не содержащие источников тока.

8. Последовательное и параллельное соединение сопротивлений. При последовательном соединении участков цепи комплексное эквивалентное сопротивление равно сумме комплексных сопротивлений отдельных участков

$$\underline{Z} = \sum_{k=1}^n \underline{Z}_k$$

При параллельном соединении ветви цепи комплексная эквивалентная проводимость равна сумме комплексных проводимостей ветвей

$$\underline{Y} = \sum_{k=1}^n \underline{Y}_k$$

В частном случае двух параллельно соединенных сопротивлений Z_1 и Z_2 эквивалентное комплексное сопротивление

$$\underline{Z} = \frac{\underline{Z}_1 \underline{Z}_2}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2}.$$

Комплексные токи, протекающие в каждой из двух параллельных ветвей, могут быть рассчитаны через комплексный ток \underline{I} в неразветвленной части цепи и комплексные сопротивления ветвей по формулам

$$\underline{I}_1 = \underline{I} \frac{\underline{Z}_2}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2}; \quad \underline{I}_2 = \underline{I} \frac{\underline{Z}_1}{\underline{Z}_1 + \underline{Z}_2}.$$

9. Комплексная мощность

$$\underline{S} = \underline{U} \underline{I}^* = UI \cos \varphi + jUI \sin \varphi = P + jQ = Se^{j\varphi},$$

где $S = UI$ – полная мощность; $P = \operatorname{Re}[\underline{S}] = UI \cos \varphi$ – активная мощность; $Q = \operatorname{Im}[\underline{S}] = UI \sin \varphi$ – реактивная мощность; \underline{I}^* – сопряженный комплекс тока; φ – угол сдвига фаз между током и напряжением.

10. Баланс мощностей

$$\sum_{k=1}^n \underline{E}_k \underline{I}_k^* = \sum_{k=1}^n [I_k^2 r_k + jI_k^2 (x_{Lk} - x_{Ck})],$$

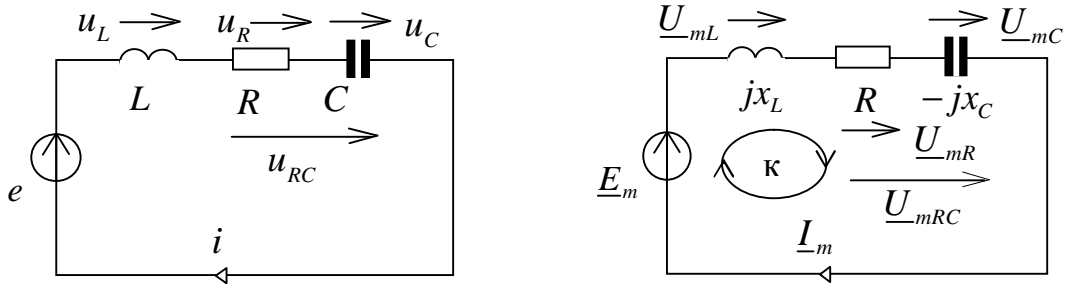
здесь $\sum_{k=1}^n \underline{E}_k \underline{I}_k^* = \underline{S}$ – алгебраическая сумма мощностей всех источников ЭДС; положительны те из слагаемых, для которых направление действия ЭДС \underline{E}_k и соответствующего тока \underline{I}_k через ЭДС совпадают, в противном случае слагаемое отрицательно;

$\sum I_k^2 r_k = P$ – алгебраическая сумма мощностей на активных сопротивлениях; здесь должны быть учтены как внешние сопротивления, так и сопротивления самих источников энергии;

$\sum_{k=1}^n I_k^2 x_{Lk} - \sum_{k=1}^n I_k^2 x_{Ck} = Q$ – алгебраическая сумма мощностей на реактивных сопротивлениях.

11. При расчете цепей переменного тока посредством комплексных чисел остаются справедливыми все методы расчета, применяемые для расчета цепей постоянного тока. При этом во всех уравнениях, приведенных в разделе 1, все ЭДС, напряжения, токи, сопротивления и проводимости должны быть записаны в комплексной форме.

ЗАДАЧА 3.1



Дано: $u_{RC}(t) = 22,64 \sin(100t - 82^\circ)$ [В]; $R=4$ Ом; $L = 70$ мГн; $C = 2500$ мкФ.

Найти: неизвестные токи, напряжения, проверить соблюдение баланса мощностей.

Решение:

Определяем реактивные сопротивления элементов цепи и представляем их, а также заданное мгновенное значение $u_{RC}(t)$, комплексными числами

$$x_L = \omega L = 100 \cdot 0,07 = 7 \text{ [Ом]} \quad \rightarrow \quad \underline{Z}_L = j\omega L = jx_L = j7 \text{ [Ом];}$$

$$x_C = 1/\omega C = 10^6 / (100 \cdot 2500) = 4 \text{ [Ом]} \quad \rightarrow \quad \underline{Z}_C = 1/j\omega C = -jx_C = -j4 \text{ [Ом];}$$

$$u_{RC}(t) = 22,64 \sin(100t - 82^\circ) \text{ [В]} \quad \rightarrow \quad \underline{U}_{mRC} = 22,64 e^{-j82^\circ} \text{ [В].}$$

Решение задачи с помощью закона Ома

Зная напряжение \underline{U}_{mRC} , найдем ток \underline{I}_m через сопротивление этого участка \underline{Z}_{RC} , используя закон Ома

$$\underline{Z}_{RC} = R + \underline{Z}_C = R - jx_C = 4 - 4j = 4\sqrt{2} \cdot e^{-j45^\circ} = 5,65 e^{-j45^\circ} \text{ [Ом];}$$

$$\underline{I}_m = \frac{\underline{U}_{mRC}}{\underline{Z}_{RC}} = \frac{22,64 e^{-j82^\circ}}{5,65 e^{-j45^\circ}} = 4 e^{-j37^\circ} \text{ [А].}$$

Все элементы цепи соединены последовательно, поэтому через них течет одинаковый ток \underline{I}_m . Тогда напряжения на них выразим как

$$\underline{U}_{mC} = \underline{Z}_C \underline{I}_m = -jx_C \underline{I}_m = -j4 \cdot 4 e^{-j37^\circ} = 4 e^{-j90^\circ} \cdot 4 e^{-j37^\circ} = 16 e^{-j127^\circ} \text{ [В];}$$

$$\underline{U}_{mR} = R \underline{I}_m = R \underline{I}_m = 4 \cdot 4 e^{-j37^\circ} = 16 e^{-j37^\circ} \text{ [В];}$$

$$\underline{U}_{mL} = \underline{Z}_L \underline{I}_m = jx_L \underline{I}_m = j7 \cdot 4 e^{-j37^\circ} = 7 e^{j90^\circ} \cdot 4 e^{-j37^\circ} = 28 e^{j53^\circ} \text{ [В].}$$

ЭДС \underline{E}_m определим через ток \underline{I}_m и общее сопротивление $\underline{Z}_{\text{общ}}$

$$\underline{Z}_{\text{общ}} = R + \underline{Z}_C + \underline{Z}_L = R - jx_C + jx_L = 4 - 4j + 7j = 4 + 3j = 5 \cdot e^{j36,86^\circ} \text{ [Ом];}$$

$$\underline{E}_m = \underline{I}_m \underline{Z}_{\text{общ}} = 4 e^{-j37^\circ} \cdot 5 e^{j36,86^\circ} = 20 e^{-j0,13^\circ} \approx 20 \text{ [В].}$$

К аналогичному результату можно прийти, используя при решении II закон Кирхгофа. Для контура «К»

$$\begin{aligned} \underline{E}_m &= \underline{U}_{mL} + \underline{U}_{mRC} = 28 e^{j53^\circ} + 22,64 e^{-j82^\circ} = 16,85 + j22,36 + 3,15 - j22,42 = \\ &= 20 - j0,06 \approx 20 \text{ [В].} \end{aligned}$$

Рассчитаем действующие значения токов и напряжений

$$I = I_m / \sqrt{2} = 4 / \sqrt{2} = 2\sqrt{2} \text{ [A]}; U_L = U_{mL} / \sqrt{2} = 28 / \sqrt{2} = 14\sqrt{2} \text{ [B]};$$

$$U_R = U_{mR} / \sqrt{2} = 16 / \sqrt{2} = 8\sqrt{2} \text{ [B]}; U_C = U_{mC} / \sqrt{2} = 8\sqrt{2} \text{ [B]};$$

$$E = E_m / \sqrt{2} = 20 / \sqrt{2} = 10\sqrt{2} \text{ [B]}.$$

Активную или среднюю мощность, потребляемую цепью, можно рассчитать с учетом действующего значения тока

$$P = I^2 R = I_m^2 \frac{R}{2} = 16 \cdot \frac{4}{2} = 32 \text{ [Вт]}.$$

Реактивная мощность, запасаемая цепью

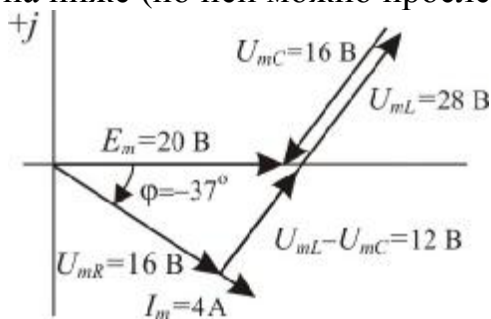
$$Q = I^2 x_L - I^2 x_C = I_m^2 \frac{x_L}{2} - I_m^2 \frac{x_C}{2} = 16 \cdot \frac{7}{2} - 16 \cdot \frac{4}{2} = 24 \text{ [Вар]}.$$

Баланс электрических мощностей определим из формулы для комплексной мощности

$$\underline{S} = \underline{E} \cdot \underline{I}^* = 10\sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2} e^{+j37^\circ} = 32 + j24 = P + jQ \text{ [ВА]},$$

где $\underline{I}^* = \underline{I}_m / \sqrt{2}$ - комплексно сопряженное действующее значение тока.

Векторная диаграмма, которая соответствует расчетным значениям, приведена ниже (по ней можно проследить выполнение II закона Кирхгофа).

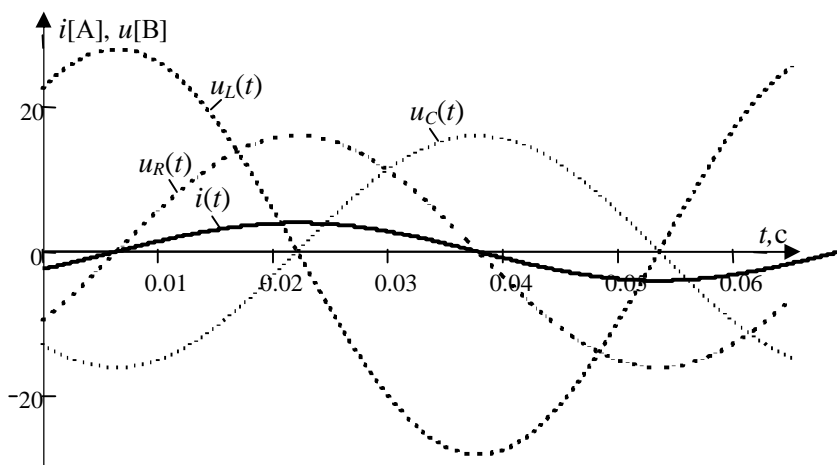


Запишем комплексы амплитудных значений тока и напряжений в виде мгновенных значений

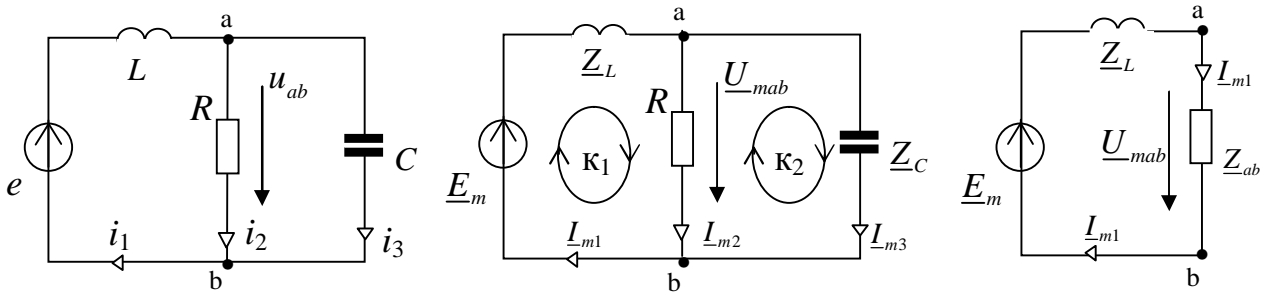
$$i(t) = 4 \sin(100t - 37^\circ) \text{ [A]}; u_C(t) = 16 \sin(100t - 127^\circ) \text{ [B]};$$

$$u_R(t) = 16 \sin(100t - 37^\circ) \text{ [B]}; u_L(t) = 28 \sin(100t + 53^\circ) \text{ [B]}; e(t) = 20 \text{ [B]}.$$

Изобразим эти переменные на временной плоскости



ЗАДАЧА 3.2



Дано: $u_{ab}(t) = 10 \sin(100t - 90^\circ)$ [В]; $R = 1$ [Ом]; $L = 0,01$ [Гн]; $C = 0,01$ [Ф].

Найти: неизвестные токи, напряжения, проверить соблюдение баланса мощностей.

Решение:

Представляем сопротивления элементов и мгновенные значения $e(t)$, $u(t)$, $i(t)$ комплексными числами и рисуем схему замещения, заменяя элементы их комплексными сопротивлениями

$$X_L = \omega L = 100 \cdot 0,01 = 1 \text{ [Ом]} \quad \rightarrow \underline{Z}_L = j1;$$

$$X_C = 1/\omega C = 1/(100 \cdot 0,01) = 1 \text{ [Ом]} \quad \rightarrow \underline{Z}_C = -j1;$$

$$u_{ab}(t) = 10 \sin(100t - 90^\circ) \text{ [В]} \quad \rightarrow \underline{U}_{mab} = 10e^{-j90^\circ};$$

$$i(t) \rightarrow \underline{I}_m; \quad e(t) \rightarrow \underline{E}_m.$$

Решение с помощью закона Ома

Поскольку нам известно напряжение \underline{U}_{mab} , найдем ток \underline{I}_{m1} на этом участке через сопротивление \underline{Z}_{ab}

$$\underline{Z}_{ab} = \frac{R \cdot \underline{Z}_C}{R + \underline{Z}_C} = \frac{-j}{1-j} = \frac{e^{-j90^\circ}}{\sqrt{2} \cdot e^{-j45^\circ}} = 0,707e^{-j45^\circ}.$$

$$\underline{I}_{m1} = \frac{\underline{U}_{mab}}{\underline{Z}_{ab}} = \frac{10e^{-j90^\circ}}{0,707e^{-j45^\circ}} = 14,14e^{-j45^\circ}$$

Учитывая, что $\underline{U}_{mab} = \underline{U}_{mR} = \underline{U}_{mC}$, можно определить токи через R , C

$$\underline{I}_{m2} = \underline{U}_{mab} / R = 10e^{-j90^\circ} / 1 = 10e^{-j90^\circ};$$

$$\underline{I}_{m3} = \underline{U}_{mab} / -jX_C = 10e^{-j90^\circ} / -j1 = 10; \quad -j1 = e^{-j90^\circ}.$$

Зная ток \underline{I}_{m1} через ЭДС, можно определить ее величину

$$\underline{Z}_\Sigma = \underline{Z}_L + \underline{Z}_{ab} = j + \frac{-j}{1-j} = \frac{j+1-j}{1-j} = \frac{1}{\sqrt{2}e^{-j45^\circ}} = 0,707e^{j45^\circ};$$

$$\underline{E}_m = \underline{I}_{m1} \underline{Z}_\Sigma = 14,14e^{-j45^\circ} \cdot 0,707e^{j45^\circ} = 10.$$

Напряжение \underline{U}_{mL} также находится через ток на индуктивности \underline{I}_{m1}

$$\underline{U}_{mL} = \underline{I}_{m1} \cdot jX_L = 14,14e^{-j45^\circ} \cdot j1 = 14,14e^{j45^\circ}; \quad j1 = e^{j90^\circ}.$$

Записываем мгновенные значения величин, не забывая о ранее опущенном операторе e^{j100t}

$$i_1(t) = \text{Im}[\underline{I}_{m1} e^{j100t}] = \text{Im}[14,14e^{-j45^\circ} e^{j100t}] = 14,14 \sin(100t - 45^\circ) \text{ [A];}$$

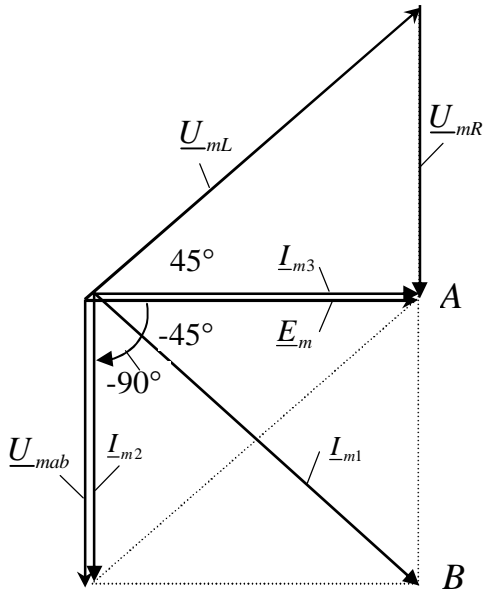
$$i_2(t) = \text{Im}[\underline{I}_{m2} e^{j100t}] = \text{Im}[10e^{-j90^\circ} e^{j100t}] = 10\sin(100t - 90^\circ) \text{ [A];}$$

$$i_3(t) = \text{Im}[\underline{I}_{m3} e^{j100t}] = \text{Im}[10e^{j0} e^{j100t}] = 10\sin(100t) \text{ [A];}$$

$$u_R(t) = u_C(t) = u_{ab}(t) = \text{Im}[\underline{U}_{mab} e^{j100t}] = \text{Im}[10e^{-j90^\circ} e^{j100t}] = 10\sin(100t - 90^\circ) \text{ [V].}$$

$$u_L(t) = \text{Im}[\underline{U}_{mL} e^{j100t}] = \text{Im}[14,14e^{j45^\circ} e^{j100t}] = 14,14\sin(100t + 45^\circ) \text{ [V].}$$

$$e(t) = \text{Im}[\underline{E}_m e^{j100t}] = \text{Im}[10e^{j100t}] = 10 \text{ [V].}$$



Векторную диаграмму предпочтительно строить в такой последовательности:

- за базовый вектор принимают вектор \underline{U}_{mab} ;
- вектор \underline{I}_{m2} через R образует с вектором \underline{U}_{mab} нулевой угол;
- вектор \underline{I}_{m3} через C образует с вектором \underline{U}_{mab} угол -90° ;
- вектор \underline{I}_{m1} определяется геометрической суммой векторов $\underline{I}_{m1} = \underline{I}_{m2} + \underline{I}_{m3}$;
- вектор \underline{U}_{mL} на L опережает вектор \underline{I}_{m1} на 90° .
- если вектор $\underline{U}_{mR} = \underline{U}_{mab}$ перенести в конец вектора \underline{U}_{mL} , то сумма этих векторов должна дать вектор \underline{E}_m

Из данного построения следует выполнение законов Кирхгофа для узла b и для контура k_1 , что говорит о правильности решения. Масштаб: $AB = 10[\text{V}]$ или $10[\text{A}]$.

Решение задачи с помощью законов Кирхгофа

Как и в предыдущем методе, перерисовываем схему, представляя элементы их комплексными сопротивлениями. Количество уравнений должно равняться количеству неизвестных. В данной задаче неизвестными являются токи \underline{I}_{m1} , \underline{I}_{m2} , \underline{I}_{m3} , а также ЭДС \underline{E}_m .

Зная напряжение $\underline{U}_{mR} = \underline{U}_{mab}$, нетрудно определить ток $\underline{I}_{m2} = \underline{U}_{mab} / R = 10e^{-j90^\circ} / 1 = 10e^{-j90^\circ}$, тем самым, сократив количество неизвестных.

Составим три уравнения по законам Кирхгофа

$$\text{узел } b: \quad \underline{I}_{m1} - \underline{I}_{m2} - \underline{I}_{m3} = 0;$$

$$\text{контур } k_1: \quad \underline{Z}_L \underline{I}_{m1} + R \underline{I}_{m2} = \underline{E}_m;$$

$$\text{контур } k_2: \quad -R \underline{I}_{m2} + \underline{Z}_C \underline{I}_{m3} = 0.$$

Все неизвестные переносим влево, а известные – вправо

$$\underline{I}_{m1} - \underline{I}_{m3} + 0 \cdot \underline{E}_m = \underline{I}_{m2};$$

$$\underline{Z}_L \underline{I}_{m1} - \underline{E}_m = -R \underline{I}_{m2};$$

$$0 \cdot \underline{I}_{m1} + \underline{Z}_C \underline{I}_{m3} + 0 \cdot \underline{E}_m = R \underline{I}_{m2}.$$

Подставив значения величин в систему уравнений, записываем ее в матричной форме

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ j1 & 0 & -1 \\ 0 & -j1 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \underline{I}_{m1} \\ \underline{I}_{m3} \\ \underline{E}_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10e^{-j90^\circ} \\ -10e^{-j90^\circ} \\ 10e^{-j90^\circ} \end{bmatrix}$$

Решая систему, находим $\underline{I}_{m1} = 14,14e^{-j45^\circ}$; $\underline{I}_{m3} = 10$; $\underline{E}_m = 10$.

Проверим решение с помощью баланса мощностей. Для этого найдем мощность источника ЭДС, представив в алгебраической форме записи комплексного числа

$$\underline{S} = \underline{E}_m \underline{I}_{m1}^* / 2 = (10 \cdot 14,14e^{j45^\circ}) / 2 = 70,7e^{j45^\circ} = 50 + j50$$

Активную и реактивную мощности найдем через токи на соответствующих элементах

$$P = \left(\frac{I_{m2}}{\sqrt{2}} \right)^2 \cdot R = 50 \cdot 1 = 50$$

$$Q = \left(\frac{I_{m1}}{\sqrt{2}} \right)^2 \cdot X_L - \left(\frac{I_{m3}}{\sqrt{2}} \right)^2 X_C = 100 - 50 = 50$$

Таким образом, мы получили тождество $\underline{S} = P + jQ$, что свидетельствует о выполнении баланса мощностей.

ЗАДАНИЕ 3.1

Последовательная цепь переменного тока (схема 1 и 2 на рис. 3.1) составлена источником ЭДС, резистивным, индуктивным и ёмкостным элементами, параметры которых указаны в таблицах 3.1.1 ... 3.1.4.

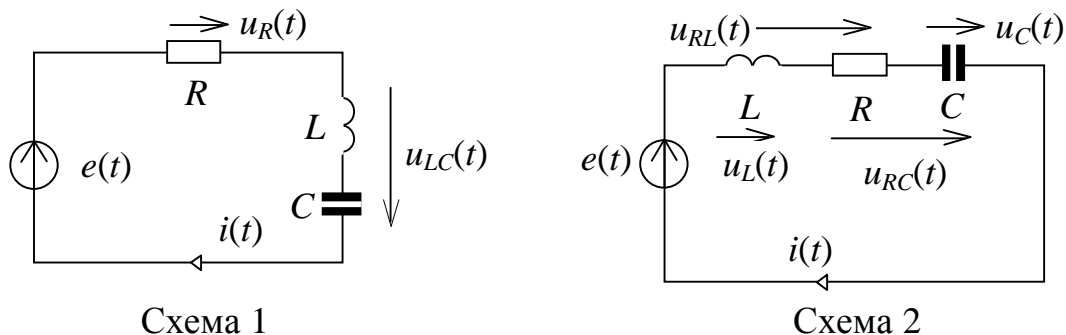


Рис. 3.1.

1. Рассчитать комплексные амплитуды ЭДС источника, тока и напряжений на элементах; одна из перечисленных величин задана в функции времени.
2. Определить мгновенные значения тока и напряжений.
3. Определить действующие значения тока и напряжений.
4. Определить активную, реактивную и полную мощности. Убедиться в том, что выполняется баланс мощностей.
5. Построить в масштабе векторную диаграмму тока и напряжений для амплитудных значений величин.
6. Представить ток и напряжения графически в подходящем масштабе.

Таблица 3.1.1

Вариант	Схема	R [Ом]	L [мГн]	C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	2	9	80	2000	$u_L = 50,59\sin(100t+71,56^\circ)$
2	2	6	40	714,2	$u_C = 46,03\sin(200t-99,46^\circ)$
3	1	4	22,5	2500	$u_{LC} = 35,78\sin(400t+26,56^\circ)$
4	1	3	10	666,6	$u_R = 8,319\sin(500t-33,69^\circ)$
5	1	5	1	333,3	$e = 70\sin(1000t)$
6	1	3	20	1428,5	$i = 8,575\sin(100t+59,03^\circ)$
7	2	1	10	5000	$u_L = 56,57\sin(200t+45^\circ)$
8	2	6	12,5	357,1	$u_C = 11,07\sin(400t-71,56^\circ)$
9	1	5	8	285,7	$u_{LC} = 25,72\sin(500t-59,03^\circ)$
10	1	9	5	1000	$u_R = 5,68\sin(1000t-23,96^\circ)$
11	2	6	20	1111,1	$u_{RL} = 20,58\sin(100t+67,83^\circ)$
12	2	6	40	1666,6	$u_{RC} = 68,71\sin(200t-66,37^\circ)$
13	1	8	15	312,5	$e = 50\sin(400t)$
14	1	2	12	285,7	$i = 22,36\sin(500t+26,56^\circ)$
15	2	5	7	1000	$u_L = 17,92\sin(1000t+39,8^\circ)$
16	2	8	60	1250	$u_C = 87,31\sin(100t-75,96^\circ)$
17	1	6	15	1250	$u_{LC} = 13,15\sin(200t-80,53^\circ)$
18	1	9	17,5	500	$u_R = 39,05\sin(400t-12,53^\circ)$
19	2	8	8	250	$u_{RL} = 50\sin(500t+53,13^\circ)$
20	2	5	7	250	$u_{RC} = 65,89\sin(1000t-69,62^\circ)$
21	1	1	50	10000	$e = 40\sin(100t)$
22	1	8	45	625	$i = 6,201\sin(200t+7,125^\circ)$
23	2	4	7,5	625	$u_L = 65,48\sin(400t+104^\circ)$
24	2	6	16	500	$u_C = 38,83\sin(500t-123,7^\circ)$
25	1	6	5	125	$u_{LC} = 4,472\sin(1000t-63,43^\circ)$
26	1	3	10	1428,5	$u_R = 13,42\sin(100t+63,43^\circ)$
27	2	3	10	625	$u_{RL} = 32,25\sin(200t+97,12^\circ)$
28	2	5	7,5	416,6	$u_{RC} = 26,79\sin(400t-19,23^\circ)$
29	1	4	10	250	$e = 10\sin(500t)$
30	1	3	2	166,6	$i = 14\sin(1000t+53,13^\circ)$

Таблица 3.1.2

Вариант	Схема	R [Ом]	L [мГн]	C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	2	16	333,3	$e = 40\sin(500t)$
2	1	3	15	1250	$i = 14\sin(400t - 53,13^\circ)$
3	1	5	40	5000	$u_R = 17,43\sin(200t - 54,46^\circ)$
4	2	2	60	1428,6	$u_L = 107,3\sin(100t + 116,5^\circ)$
5	2	8	5	166,6	$u_C = 14,88\sin(1000t - 82,87^\circ)$
6	2	8	14	500	$u_{RL} = 74,65\sin(500t + 20,64^\circ)$
7	2	9	2,5	625	$u_{RC} = 31,14\sin(400t - 5,527^\circ)$
8	1	5	15	5000	$u_{LC} = 7,428\sin(200t + 68,2^\circ)$
9	1	1	30	1428,6	$e = 30\sin(100t)$
10	1	2	7	200	$i = 24,75\sin(1000t - 45^\circ)$
11	2	2	2	500	$u_L = 24,96\sin(500t + 146,3^\circ)$
12	2	5	17,5	2500	$u_C = 10,24\sin(400t - 140,2^\circ)$
13	1	4	35	1000	$u_R = 80,5\sin(200t - 26,56^\circ)$
14	2	5	10	2000	$u_{RL} = 31,85\sin(100t + 49,97^\circ)$
15	2	2	9	333,3	$u_{RC} = 51,31\sin(1000t - 127,9^\circ)$
16	1	8	6	250	$u_{LC} = 10,6\sin(500t - 58^\circ)$
17	1	6	20	500	$e = 90\sin(400t)$
18	1	6	35	1000	$i = 14,23\sin(200t - 18,43^\circ)$
19	1	7	10	5000	$u_R = 39,6\sin(100t + 8,13^\circ)$
20	2	6	8	111,1	$u_L = 65,76\sin(1000t + 99,46^\circ)$
21	2	3	8	250	$u_C = 80\sin(500t - 36,87^\circ)$
22	2	7	12,5	625	$u_{RL} = 36,49\sin(400t + 27,41^\circ)$
23	12	4	40	1000	$u_{RC} = 76,84\sin(200t - 88,21^\circ)$
24	1	7	40	1666,6	$u_{LC} = 2,747\sin(100t - 74,05^\circ)$
25	1	5	1	250	$e = 80\sin(1000t)$
26	1	9	16	400	$i = 8,433\sin(500t - 18,43^\circ)$
27	1	3	40	1111,1	$u_R = 36\sin(100t + 59,04^\circ)$
28	2	8	20	714,3	$u_L = 18,73\sin(200t + 110,5^\circ)$
29	2	5	80	10000	$u_C = 2,325\sin(100t - 144,5^\circ)$
30	2	1	7	333,3	$u_{RL} = 154,3\sin(1000t + 5,906^\circ)$

Таблица 3.1.3

Вариант	Схема	R [Ом]	L [мГн]	C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	5	15	1250	$u_{LC} = 56,22\sin(400t+51,34^\circ)$
2	2	7	20	833,3	$u_{RC} = 12,66\sin(200t-24,65^\circ)$
3	2	1	40	3333,3	$u_{RL} = 58,31\sin(100t+30,96^\circ)$
4	2	3	1	500	$u_C = 37,95\sin(1000t-71,56^\circ)$
5	2	3	14	666,6	$u_L = 126\sin(500t+36,87^\circ)$
6	1	7	12,5	357,1	$u_R = 38,46\sin(400t+15,94^\circ)$
7	1	1	20	555,5	$i = 5,883\sin(200t+78,7^\circ)$
8	1	7	10	1250	$e = 40\sin(100t)$
9	1	7	5	111,1	$u_{LC} = 9,923\sin(1000t-60,25^\circ)$
10	2	1	10	500	$u_{RC} = 87,46\sin(500t-120,9^\circ)$
11	2	9	7,5	277,7	$u_{RL} = 70,16\sin(400t+52,12^\circ)$
12	2	3	40	2500	$u_C = 26,83\sin(200t-153,4^\circ)$
13	2	8	50	1111,1	$u_L = 27,95\sin(100t+116,5^\circ)$
14	1	7	5	111,1	$u_R = 34,73\sin(1000t+29,74^\circ)$
15	1	1	4	500	$i = 26,83\sin(500t+63,43^\circ)$
16	1	8	22,5	500	$e = 40\sin(400t)$
17	1	4	40	1000	$u_{LC} = 6\sin(200t+53,13^\circ)$
18	2	5	40	3333,3	$u_{RC} = 57,18\sin(100t-42,27^\circ)$
19	2	8	5	166,6	$u_{RL} = 23,4\sin(1000t+39,13^\circ)$
20	2	4	12	2000	$u_C = 9,37\sin(500t-141,3^\circ)$
21	2	1	10	312,5	$u_L = 29,1\sin(400t+165,9^\circ)$
22	1	8	25	625	$u_R = 65,54\sin(200t+20,56^\circ)$
23	1	4	90	1250	$i = 14,55\sin(100t-14,04^\circ)$
24	1	4	7	250	$e = 90\sin(1000t)$
25	1	8	2	1000	$u_{LC} = 3,721\sin(500t-82,87^\circ)$
26	2	7	7,5	277,7	$u_{RC} = 24,73\sin(400t-11,52^\circ)$
27	2	8	30	1000	$u_{RL} = 86,82\sin(200t+29,74^\circ)$
28	2	6	20	1428,5	$u_C = 17,92\sin(100t-50,19^\circ)$
29	2	8	1	333,3	$u_L = 8,489\sin(1000t+104^\circ)$
30	1	6	14	500	$u_R = 71,52\sin(500t-26,56^\circ)$

Таблица 3.1.4

Вариант	Схема	R [Ом]	L [мГн]	C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	6	5	277,8	$u_R = 19,52\sin(400t+49,4^\circ)$
2	2	4	30	5000	$u_L = 65,59\sin(200t+38,66^\circ)$
3	2	4	30	5000	$u_C = 33,95\sin(100t-104^\circ)$
4	2	1	2	166,6	$u_{RL} = 48,81\sin(1000t+139,4^\circ)$
5	2	7	6	222,2	$u_{RC} = 24,73\sin(500t-11,52^\circ)$
6	1	5	17,5	625	$u_{LC} = 5,145\sin(400t+59,04^\circ)$
7	1	4	45	1666,6	$e = 80\sin(200t)$
8	1	1	80	2500	$i = 14,55\sin(100t-75,96^\circ)$
9	1	5	9	500	$u_R = 40,68\sin(1000t-54,46^\circ)$
10	2	5	8	666,6	$u_L = 31,38\sin(500t+78,69^\circ)$
11	2	3	22,5	312,5	$u_C = 25,3\sin(400t-108,4^\circ)$
12	2	8	10	555,5	$u_{RC} = 67,96\sin(200t-7,18^\circ)$
13	2	5	90	2000	$u_{RL} = 64,32\sin(100t+22,28^\circ)$
14	1	5	9	250	$u_{LC} = 42,43\sin(1000t+45^\circ)$
15	1	2	8	333,3	$e = 90\sin(500t)$
16	1	9	12,5	625	$i = 8,834\sin(400t-6,34^\circ)$
17	1	8	25	5000	$u_R = 17,89\sin(200t-26,56^\circ)$
18	2	4	30	2000	$u_L = 13,42\sin(100t+116,5^\circ)$
19	2	5	6	500	$u_C = 12,49\sin(1000t-128,6^\circ)$
20	2	6	2	333,3	$u_{RL} = 62,3\sin(500t+49,27^\circ)$
21	2	4	20	833,3	$u_{RC} = 7,809\sin(400t-88,21^\circ)$
22	1	5	40	714,3	$u_{LC} = 5,883\sin(200t+78,7^\circ)$
23	1	9	80	1666,6	$e = 50\sin(100t)$
24	1	7	4	111,1	$i = 4,65\sin(1000t+35,54^\circ)$
25	1	1	4	666,6	$u_R = 28,28\sin(500t+45^\circ)$
26	2	3	22,5	1250	$u_L = 82,72\sin(400t+23,2^\circ)$
27	2	6	25	714,2	$u_C = 88,54\sin(200t-71,56^\circ)$
28	2	2	70	5000	$u_{RL} = 13,52\sin(100t+5,856^\circ)$
29	2	1	3	142,8	$u_{RC} = 51,45\sin(1000t-5,906^\circ)$
30	1	7	8	250	$u_{LC} = 4,961\sin(500t-60,25^\circ)$

ЗАДАНИЕ 3.2

Аналізу подлежат електрическа цепь, варианты схем которой формально изображены на трех рисунках.

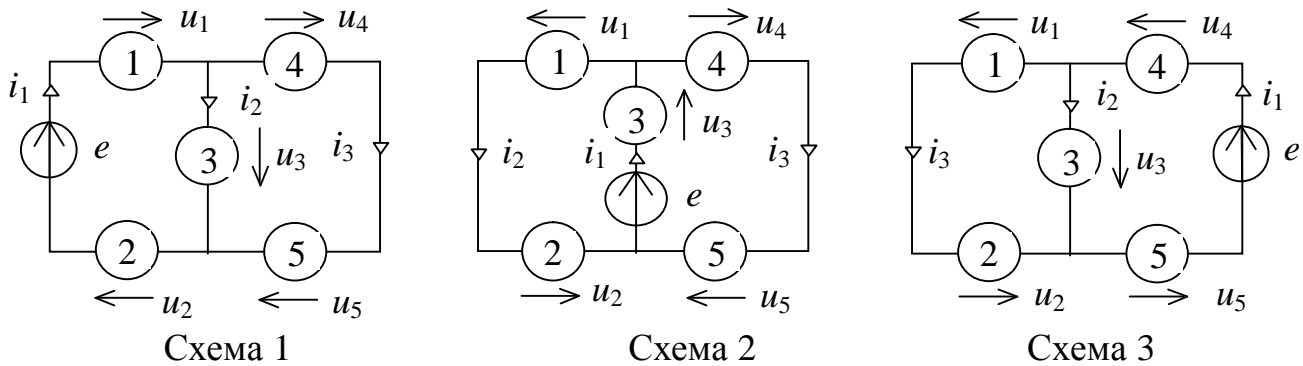
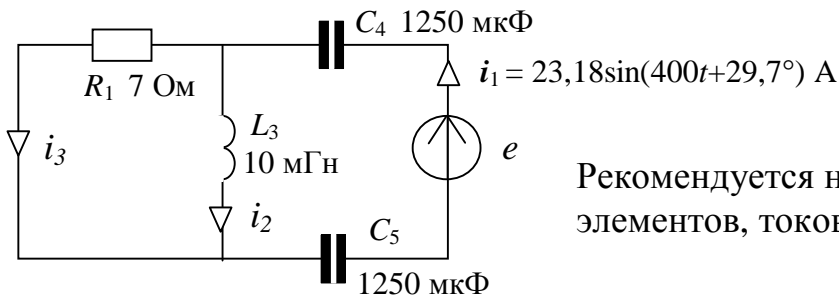


Рис. 3.2

Перед расчетом необходимо составить схему предложенного преподавателем варианта (параметры элементов указаны в таблицах 3.2.1 ... 3.2.4). В качестве примера показана схема тридцатого варианта из таблицы 3.2.1. Второго элемента в таблице нет и на схеме он заменён перемычкой.



Рекомендуется не изменять нумерацию элементов, токов и напряжений.

1. Рассчитать мгновенные значения ЭДС источника, токов в ветвях и напряжений на элементах.
2. Определить активную, реактивную и полную мощности.
3. Построить векторную диаграмму токов и напряжений для амплитудных значений величин.

Таблица 3.2.1

Вариант	Схема	Элементы ветвей R [Ом], L [мГн], C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	$C_1=10000, R_3=2, L_4=40, R_5=2$	$e = 10\sin(100t)$
2	2	$C_1=2500, R_3=3, L_4=25, R_5=3$	$i_1 = 2,647\sin(200t+36^\circ)$
3	3	$C_1=312,5, R_3=4, L_4=10, R_5=4$	$i_2 = 1,65\sin(400t-45^\circ)$
4	1	$L_1=10, R_3=6, C_4=1000, R_5=6$	$i_3 = 1,445\sin(500t-46,2^\circ)$
5	2	$L_1=2, R_3=8, C_4=250, R_5=8$	$u_1 = 4,472\sin(1000t+63,4^\circ)$
6	3	$L_1=40, R_3=4, C_4=5000, R_5=4$	$u_4 = 6,667\sin(100t-90^\circ)$
7	1	$R_1=2, L_3=25, C_4=1000, R_5=2$	$u_5 = 7,172\sin(200t+71^\circ)$
8	2	$R_1=5, L_3=5, C_4=625, R_5=5$	$e = 22\sin(400t)$
9	3	$R_1=3, L_3=10, C_4=500, R_5=3$	$i_1 = 4,1\sin(500t+27,2^\circ)$
10	1	$R_1=6, C_2=250, L_3=8, R_4=6, C_5=250$	$i_2 = 1,938\sin(1000t-63,4^\circ)$
11	2	$R_1=3, C_2=2500, L_3=50, R_4=3, C_5=2500$	$i_3 = 4,174\sin(100t-63,4^\circ)$
12	3	$R_1=6, C_2=1000, L_3=10, R_4=6, C_5=1000$	$u_3 = 9,864\sin(200t+99,5^\circ)$
13	1	$C_1=625, R_3=3, L_4=20, C_5=625$	$u_5 = 24\sin(400t-90^\circ)$
14	2	$C_1=1000, R_2=5, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$u_2 = 10,43\sin(500t+71^\circ)$
15	3	$C_1=1000, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$e = 32\sin(500t)$
16	1	$R_1=8, R_2=8, C_3=1250, R_4=8, L_5=60$	$i_1 = 0,741\sin(100t+14,5^\circ)$
17	2	$R_1=6, R_2=6, C_3=1250, R_4=6, L_5=15$	$i_2 = 1,468\sin(200t+49,8^\circ)$
18	3	$R_1=9, R_2=9, C_3=1250, R_4=9, L_5=12,5$	$i_3 = 0,2502\sin(400t-101,7^\circ)$
19	1	$C_1=400, R_2=6, L_3=20, R_4=6$	$u_3 = 11,56\sin(500t+43,7^\circ)$
20	2	$C_1=1000, R_2=5, L_3=60, R_4=5$	$u_1 = 42,96\sin(100t-141,7^\circ)$
21	3	$C_1=1000, R_2=1, L_3=30, R_4=1$	$u_2 = 5,286\sin(200t+77,3^\circ)$
22	1	$L_1=10, R_2=7, C_3=312,5, R_4=7$	$e = 30\sin(400t)$
23	2	$L_1=4, R_2=4, C_3=1000, R_4=4$	$i_1 = 12,25\sin(500t+35,8^\circ)$
24	3	$L_1=100, R_2=6, C_3=2500, R_4=6$	$i_2 = 5,153\sin(100t+50^\circ)$
25	1	$L_1=30, R_2=5, C_3=500, L_5=30$	$i_3 = 4,169\sin(200t-76,5^\circ)$
26	2	$L_1=12,5, R_2=3, C_3=625, L_5=12,5$	$u_1 = 62,1\sin(400t+168,7^\circ)$
27	3	$L_1=20, R_2=8, C_3=1000, L_5=20$	$u_3 = 11,68\sin(500t-171,8^\circ)$
28	1	$R_1=6, L_3=50, C_4=2500, C_5=2500$	$u_1 = 17,24\sin(100t-65,7^\circ)$
29	2	$R_1=4, L_3=40, C_4=500, C_5=500$	$e = 44\sin(200t)$
30	3	$R_1=7, L_3=10, C_4=1250, C_5=1250$	$i_1 = 23,18\sin(400t+29,7^\circ)$

Таблица 3.2.2

Вариант	Схема	Элементы ветвей R [Ом], L [мГн], C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	$R_1=6, C_2=250, L_3=8, R_4=6, C_5=250$	$i_3 = 2,15\sin(1000t+60,2^\circ)$
2	2	$R_1=3, C_2=2500, L_3=50, R_4=3, C_5=2500$	$u_3 = 41,74\sin(100t+26,6^\circ)$
3	3	$R_1=6, C_2=1000, L_3=10, R_4=6, C_5=1000$	$u_2 = 6,315\sin(200t+49^\circ)$
4	1	$C_1=625, R_3=3, L_4=20, C_5=625$	$u_3 = 24\sin(400t+90^\circ)$
5	2	$C_1=1000, R_2=5, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$e = 32\sin(500t)$
6	3	$C_1=1000, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$i_1 = 43,08\sin(500t-21,8^\circ)$
7	1	$R_1=8, R_2=8, C_3=1250, R_4=8, L_5=60$	$i_2 = 0,898\sin(100t+65,5^\circ)$
8	2	$R_1=6, R_2=6, C_3=1250, R_4=6, L_5=15$	$i_3 = 2,626\sin(200t+23,2^\circ)$
9	3	$R_1=9, R_2=9, C_3=1250, R_4=9, L_5=12,5$	$u_5 = 1,251\sin(400t-11,7^\circ)$
10	1	$C_1=400, R_2=6, L_3=20, R_4=6$	$u_1 = 11,24\sin(500t-77,3^\circ)$
11	2	$C_1=1000, R_2=5, L_3=60, R_4=5$	$u_2 = 7,595\sin(100t-6,69^\circ)$
12	3	$C_1=1000, R_2=1, L_3=30, R_4=1$	$e = 28\sin(200t)$
13	1	$L_1=10, R_2=7, C_3=312,5, R_4=7$	$i_1 = 2,733\sin(400t-2,77^\circ)$
14	2	$L_1=4, R_2=4, C_3=1000, R_4=4$	$i_2 = 5,942\sin(500t+21,8^\circ)$
15	3	$L_1=100, R_2=6, C_3=2500, R_4=6$	$i_3 = 1,767\sin(100t-99^\circ)$
16	1	$L_1=30, R_2=5, C_3=500, L_5=30$	$u_5 = 25,01\sin(200t+13,4^\circ)$
17	2	$L_1=12,5, R_2=3, C_3=625, L_5=12,5$	$u_3 = 103,7\sin(400t-11,3^\circ)$
18	3	$L_1=20, R_2=8, C_3=1000, L_5=20$	$u_2 = 7,295\sin(500t+137^\circ)$
19	1	$R_1=6, L_3=50, C_4=2500, C_5=2500$	$u_1 = 42\sin(100t)$
20	2	$R_1=4, L_3=40, C_4=500, C_5=500$	$i_1 = 5,372\sin(200t-62^\circ)$
21	3	$R_1=7, L_3=10, C_4=1250, C_5=1250$	$i_2 = 20,125\sin(400t)$
22	1	$C_1=10000, R_3=2, L_4=40, R_5=2$	$i_1 = 6,324\sin(100t+18,4^\circ)$
23	2	$C_1=2500, R_3=3, L_4=25, R_5=3$	$i_2 = 3,65\sin(200t+49,8^\circ)$
24	3	$C_1=312,5, R_3=4, L_4=10, R_5=4$	$i_1 = 0,8245\sin(400t+45^\circ)$
25	1	$L_1=10, R_3=6, C_4=1000, R_5=6$	$u_1 = 14,63\sin(500t+34,3^\circ)$
26	2	$L_1=2, R_3=8, C_4=250, R_5=8$	$u_4 = 2\sin(1000t)$
27	3	$L_1=40, R_3=4, C_4=5000, R_5=4$	$u_3 = 9,428\sin(100t+45^\circ)$
28	1	$R_1=2, L_3=25, C_4=1000, R_5=2$	$u_5 = 22\sin(200t)$
29	2	$R_1=5, L_3=5, C_4=625, R_5=5$	$i_1 = 7,18\sin(400t-21,8^\circ)$
30	3	$R_1=3, L_3=10, C_4=500, R_5=3$	$i_2 = 2,109\sin(500t-31,8^\circ)$

Таблица 3.2.3

Вариант	Схема	Элементы ветвей R [Ом], L [мГн], C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	$C_1=400, R_2=6, L_3=20, R_4=6$	$u_4 = 11,57\sin(500t+43,7^\circ)$
2	2	$C_1=1000, R_2=5, L_3=60, R_4=5$	$e = 26\sin(100t)$
3	3	$C_1=1000, R_2=1, L_3=30, R_4=1$	$i_1 = 1,245\sin(200t+32,3^\circ)$
4	1	$L_1=10, R_2=7, C_3=312,5, R_4=7$	$i_2 = 1,8\sin(400t+46^\circ)$
5	2	$L_1=4, R_2=4, C_3=1000, R_4=4$	$i_3 = 6,644\sin(500t+48,4^\circ)$
6	3	$L_1=100, R_2=6, C_3=2500, R_4=6$	$u_1 = 17,67\sin(100t-9^\circ)$
7	1	$L_1=30, R_2=5, C_3=500, L_5=30$	$u_3 = 25\sin(200t+13,4^\circ)$
8	2	$L_1=12,5, R_2=4, C_3=625, L_5=12,5$	$u_2 = 37,26\sin(400t+78,7^\circ)$
9	3	$L_1=20, R_2=8, C_3=1000, L_5=20$	$e = 40\sin(500t)$
10	1	$R_1=6, L_3=50, C_4=2500, C_5=2500$	$i_1 = 2,873\sin(100t-65,7^\circ)$
11	2	$R_1=4, L_3=40, C_4=500, C_5=500$	$i_2 = 5,2652\sin(200t-73,3^\circ)$
12	3	$R_1=7, L_3=10, C_4=1250, C_5=1250$	$i_3 = 11,5\sin(400t+90^\circ)$
13	1	$C_1=10000, R_3=2, L_4=40, R_5=2$	$i_2 = 5\sin(100t+36,87^\circ)$
14	2	$C_1=2500, R_3=3, L_4=25, R_5=3$	$i_3 = 1,247\sin(200t-99^\circ)$
15	3	$C_1=312,5, R_3=4, L_4=10, R_5=4$	$u_4 = 7,376\sin(400t+71,6^\circ)$
16	1	$L_1=10, R_3=6, C_4=1000, R_5=6$	$u_4 = 2,89\sin(500t-136^\circ)$
17	2	$L_1=2, R_3=8, C_4=250, R_5=8$	$u_3 = 16,48\sin(1000t-14,04^\circ)$
18	3	$L_1=40, R_3=4, C_4=5000, R_5=4$	$e = 20\sin(100t)$
19	1	$R_1=2, L_3=25, C_4=1000, R_5=2$	$i_1 = 1,434\sin(200t-19^\circ)$
20	2	$R_1=5, L_3=5, C_4=625, R_5=5$	$i_2 = 4,268\sin(400t-38,6^\circ)$
21	3	$R_1=3, L_3=10, C_4=500, R_5=3$	$i_3 = 3,515\sin(500t+58,2^\circ)$
22	1	$R_1=6, C_2=250, L_3=8, R_4=6, C_5=250$	$u_3 = 15,5\sin(1000t+26,6^\circ)$
23	2	$R_1=3, C_2=2500, L_3=50, R_4=3, C_5=2500$	$u_2 = 16,7\sin(100t-153^\circ)$
24	3	$R_1=6, C_2=1000, L_3=10, R_4=6, C_5=1000$	$u_1 = 7,5785\sin(200t+139^\circ)$
25	1	$C_1=625, R_3=3, L_4=20, C_5=625$	$e = 32\sin(400t)$
26	2	$C_1=1000, R_2=5, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$i_1 = 5,216\sin(500t-19^\circ)$
27	3	$C_1=1000, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$i_2 = 16\sin(500t-90^\circ)$
28	1	$R_1=8, R_2=8, C_3=1250, R_4=8, L_5=60$	$i_3 = 0,719\sin(100t-61,4^\circ)$
29	2	$R_1=6, R_2=6, C_3=1250, R_4=6, L_5=15$	$u_5 = 7,878\sin(200t+113^\circ)$
30	3	$R_1=9, R_2=9, C_3=1250, R_4=9, L_5=12,5$	$u_3 = 4,508\sin(400t-102^\circ)$

Таблица 3.2.4

Вариант	Схема	Элементы ветвей R [Ом], L [мГн], C [мкФ]	Заданная величина i [А]; e, u [В]
1	1	$R_2=2, L_3=25, C_4=1000, R_5=2$	$i_2 = 3,862\sin(200t-87,2^\circ)$
2	2	$R_2=5, L_3=5, C_4=625, R_5=5$	$i_3 = 3,333\sin(400t)$
3	3	$R_2=3, L_3=10, C_4=500, R_5=3$	$u_3 = 10,54\sin(500t+58,2^\circ)$
4	1	$R_1=6, C_2=250, L_3=8, R_4=6, C_5=250$	$u_2 = 7,748\sin(1000t-86,1^\circ)$
5	2	$R_1=3, C_2=2500, L_3=50, R_4=3, C_5=2500$	$u_1 = 12,52\sin(100t-63,4^\circ)$
6	3	$R_1=6, C_2=1000, L_3=10, R_4=6, C_5=1000$	$e = 30\sin(200t)$
7	1	$C_1=626, R_3=3, L_4=20, C_5=625$	$i_1 = 10\sin(400t+53,1^\circ)$
8	2	$C_1=1000, R_2=5, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$i_2 = 2,086\sin(500t+71^\circ)$
9	3	$C_1=1000, R_3=5, L_4=8, C_5=1000$	$i_3 = 40\sin(500t)$
10	1	$R_1=8, R_2=8, C_3=1250, R_4=8, L_5=60$	$u_5 = 4,31\sin(100t+28,6^\circ)$
11	2	$R_1=6, R_2=6, C_3=1250, R_4=6, L_5=15$	$u_3 = 5,87\sin(200t-40,8^\circ)$
12	3	$R_1=9, R_2=9, C_3=1250, R_4=9, L_5=12,5$	$u_1 = 2,252\sin(400t-101,7^\circ)$
13	1	$C_1=400, R_2=6, L_3=20, R_4=6$	$e = 24\sin(500t)$
14	2	$C_1=1000, R_2=5, L_3=60, R_4=5$	$i_1 = 4,296\sin(100t-51,7^\circ)$
15	3	$C_1=1000, R_2=1, L_3=30, R_4=1$	$i_2 = 4,492\sin(200t-91,4^\circ)$
16	1	$L_1=10, R_2=7, C_3=312,5, R_4=7$	$i_3 = 2,057\sin(400t-43,9^\circ)$
17	2	$L_1=4, R_2=4, C_3=1000, R_4=4$	$u_1 = 11,88\sin(500t+111,8^\circ)$
18	3	$L_1=100, R_2=6, C_3=2500, R_4=6$	$u_3 = 20,61\sin(100t-40^\circ)$
19	1	$L_1=30, R_2=5, C_3=500, L_5=30$	$u_2 = 8,335\sin(200t-76,6^\circ)$
20	2	$L_1=12,5, R_2=4, C_3=625, L_5=12,5$	$e = 38\sin(400t)$
21	3	$L_1=20, R_2=8, C_3=1000, L_5=20$	$i_1 = 5,158\sin(500t-88,1^\circ)$
22	1	$R_1=6, L_3=50, C_4=2500, C_5=2500$	$i_2 = 7,659\sin(100t-65,7^\circ)$
23	2	$R_1=4, L_3=40, C_4=500, C_5=500$	$i_2 = 1,053\sin(200t+16,7^\circ)$
24	3	$R_1=7, L_3=10, C_4=1250, C_5=1250$	$u_3 = 80,5\sin(400t+90^\circ)$
25	1	$C_1=10000, R_3=2, L_4=40, R_5=2$	$i_3 = 2.236\sin(100t-26,5^\circ)$
26	2	$C_1=2500, R_3=3, L_4=25, R_5=3$	$u_4 = 6,235\sin(200t-9^\circ)$
27	3	$C_1=312,5, R_3=4, L_4=10, R_5=4$	$u_1 = 6,596\sin(400t-45^\circ)$
28	1	$L_1=10, R_3=6, C_4=1000, R_5=6$	$u_4 = 9,14\sin(500t-64,6^\circ)$
29	2	$L_1=2, R_3=8, C_4=250, R_5=8$	$e = 18\sin(1000t)$
30	3	$L_1=40, R_3=4, C_4=5000, R_5=4$	$i_1 = 3,333\sin(100t)$

4. Расчет электрических цепей несинусоидального периодического тока

Методические рекомендации по выполнению задания

В электрических цепях несинусоидальный ток может присутствовать в двух случаях: при действии источников несинусоидального напряжения или тока, а также вследствие нелинейности элементов электрической цепи.

1. Способы представления несинусоидальных функций

При расчете цепей несинусоидального переменного тока используется разложение периодических функций в одну из форм гармонического ряда Фурье. Если функция с периодом T представлена суммой *мгновенных значений гармонических колебаний* различных частот $\omega_k = k\omega_1 = k2\pi/T$, где $k=1, 2, \dots$ порядковый номер гармоники, ω_1 - частота несинусоидального сигнала или частота основной (первой) гармоники, то ряд Фурье записывают в следующем виде

$$f(\omega t) = A_0 + \sum_{k=1}^{\infty} [B_k \sin(k\omega_1 t) + C_k \cos(k\omega_1 t)] = A_0 + \sum_{k=1}^{\infty} [A_{km} \sin(k\omega_1 t + \phi_k)],$$

где $A_0 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\omega t) dt$ – постоянная составляющая функции $f(\omega t)$, равная ее

среднему за период T значению; $B_k = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\omega t) \sin(k\omega_1 t) dt = A_{km} \cos \phi_k$ и

$C_k = \frac{2}{T} \int_{-T/2}^{T/2} f(\omega t) \cos(k\omega_1 t) dt = A_{km} \sin \phi_k$ – коэффициенты ряда Фурье, соответствующие амплитудам гармоник квадратурных составляющих;

$A_{km} = \sqrt{B_k^2 + C_k^2}$ – амплитуда k -ой гармоники;

$\phi_k = \arctg(C_k / B_k)$ – начальная фаза k -ой гармоники.

Зависимости A_{km} и ϕ_k от порядкового номера k -ой гармоники (или от ее частоты $\omega_k = k\omega_1$) принято называть *амплитудным* и *фазовыми спектрами колебания* соответственно. Для периодических несинусоидальных колебаний амплитудный и фазовые спектры имеют дискретный характер, а расстояние по оси частот между смежными спектральными линиями равно ω_1 . Теоретически ряд Фурье содержит бесконечное число членов, однако в большинстве практических случаев этот ряд достаточно быстро сходится, и при расчетах можно ограничиться сравнительно небольшим числом гармоник.

Комплексным *коэффициентом передачи* электрической цепи называют отношение выходной величины (на нагрузке) к входной в комплексной форме записи. Если это отношение напряжений или токов, то частотные характеристики называют комплексными коэффициентами передачи по напряжению $\underline{K}_u(j\omega) = \underline{U}_{вых}/\underline{U}_{вх}$, и току $\underline{K}_i(j\omega) = \underline{I}_{вых}/\underline{I}_{вх}$. Последние соотношения представляют в виде двух функций частоты: их модуль называют *амплитудно-частотной характеристикой* (АЧХ), их аргумент – *фазо-частотной характеристикой* (ФЧХ).

$$\underline{K}(j\omega) = |\underline{K}(j\omega)| \cdot e^{j\theta(\omega)}, \text{ где } |\underline{K}(j\omega)| - \text{АЧХ}$$

$$\theta(\omega) = \arg \underline{K}(j\omega) - \text{ФЧХ.}$$

2. Энергетические характеристики несинусоидального тока

При расчете энергетических характеристик в цепях несинусоидального периодического тока используют следующие величины:

- действующие значения напряжения U и тока I ;
- среднюю мощность P ;
- реактивную Q и полную S мощности.

Действующие значения напряжения и тока определяют как геометрическую сумму действующих значений отдельных гармоник

$$U = \sqrt{U_0^2 + \sum U_k^2};$$
$$I = \sqrt{I_0^2 + \sum I_k^2};$$

где $U_k = U_{mk} / \sqrt{2}$ – действующее значение k -ой гармоники напряжения;

$I_k = I_{mk} / \sqrt{2}$ – действующее значение k -ой гармоники тока;

U_0, I_0 – постоянные составляющие напряжения и тока, соответственно.

Среднюю мощность несинусоидального тока определяют как сумму мощностей отдельных гармоник

$$P = P_0 + \sum P_k,$$

где $P_k = U_k I_k \cos \varphi_k$ – средняя мощность k -ой гармоники тока; $P_0 = U_0 I_0$ – мощность постоянного тока.

По аналогии с синусоидальным током вводится понятие *реактивной мощности* $Q = \sum Q_k$, где $Q_k = U_k I_k \sin \varphi_k$ – реактивная мощность k -ой гармоники;

Полную мощность несинусоидального тока определяют аналогично полной мощности синусоидального тока по формуле $S = UI$. В отличие от синусоидального тока полная мощность S оказывается больше геометрической суммы средней и реактивной мощностей

3. Расчет цепей несинусоидального переменного тока

- Сначала периодическое негармоническое воздействие представляют в виде суммы гармонических сигналов, используя ряд Фурье, и ограничивают его некоторым числом гармоник;
- затем выполняют расчет цепи для каждой отдельной гармоники напряжения или тока, учитывая при этом, что структура цепи сохраняется, а сопротивление и проводимости реактивных элементов изменяются с изменением частоты гармоники. Далее результирующую реакцию цепи находят при помощи метода наложения – путем сложения реакций для отдельных гармоник воздействия.
- Гармоники выходного сигнала также можно определить, анализируя АЧХ и ФЧХ электрической цепи на соответствующей частоте.

В таблице 4. приведены некоторые типовые функции и их разложения в ряд Фурье. Графики этих функций приведены на рис. 4.1. При этом приняты следующие обозначения: $x = \omega_1 t$; $\omega_1 = 2\pi/T$, F_M – амплитудное значение несинусоидального сигнала.

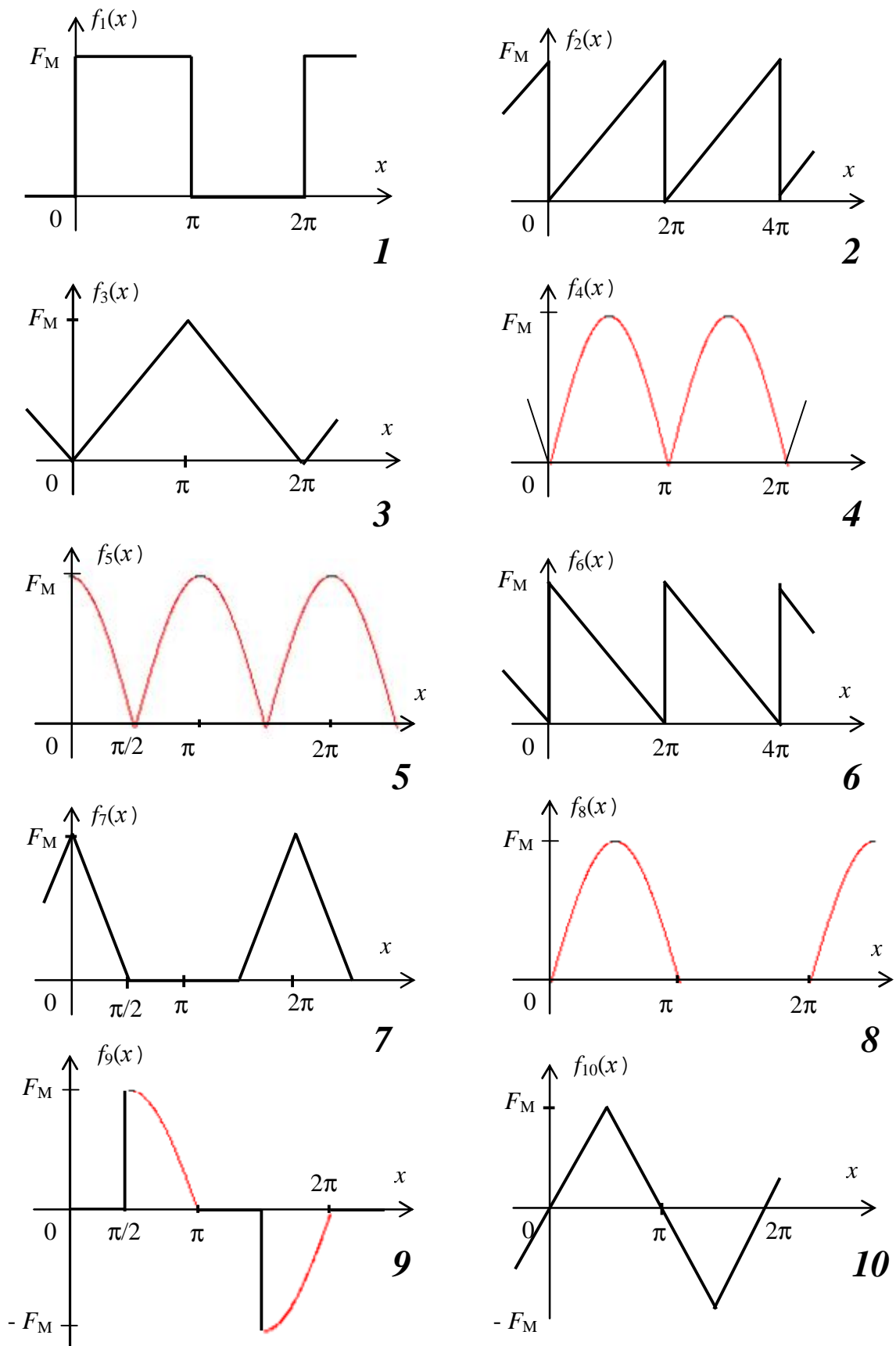


Рис. 4.1. Графики типовых несинусоидальных функций

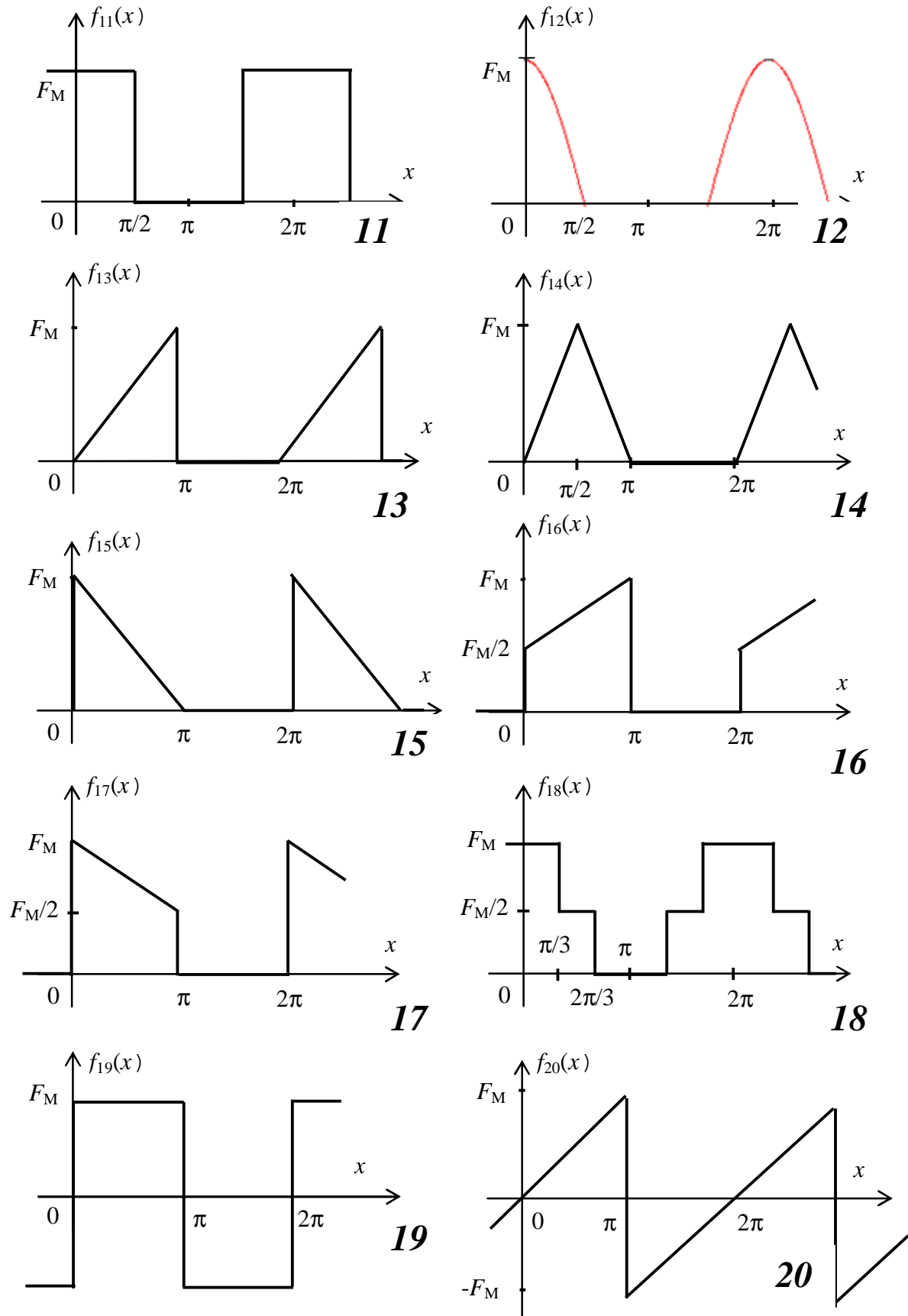


Рис. 4.1. Графики типовых несинусоидальных функций (продолжение)

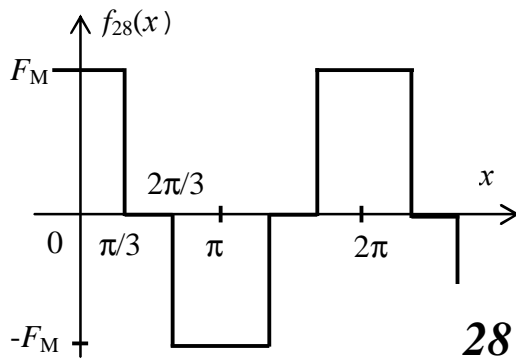
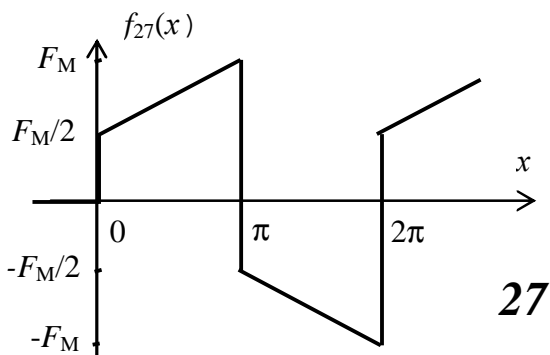
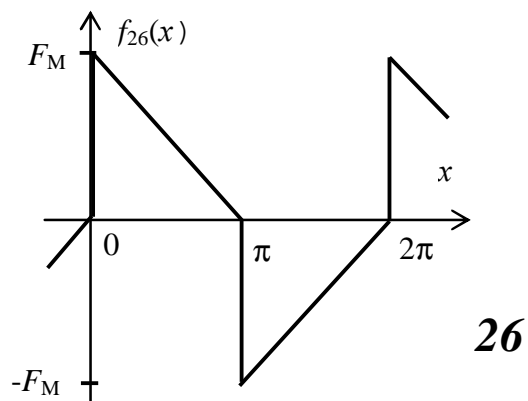
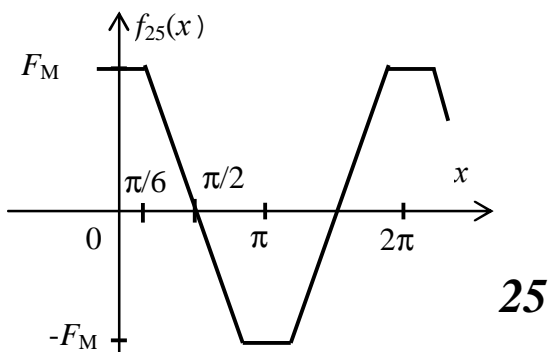
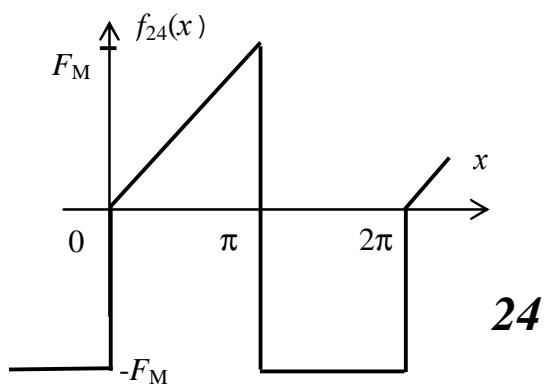
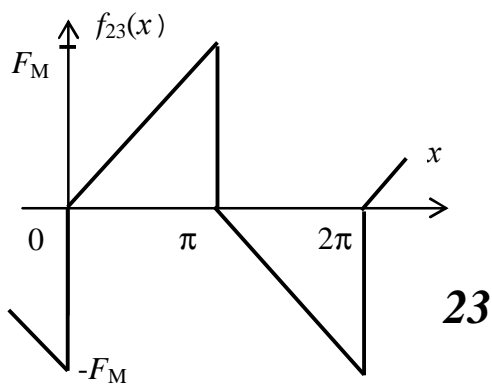
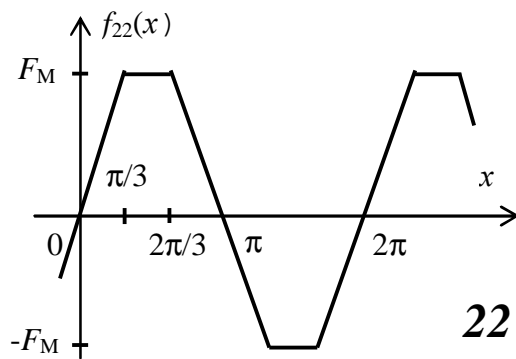
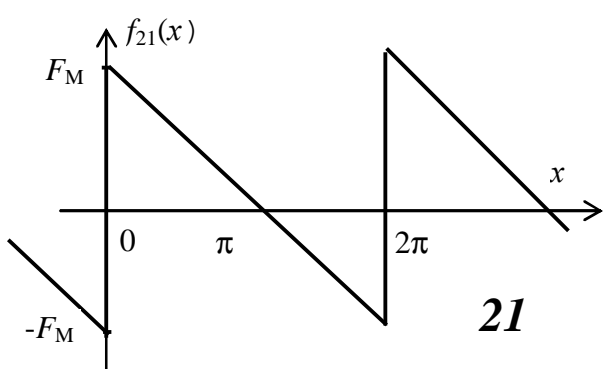


Рис. 4.1. Графики типовых несинусоидальных функций (окончание)

Таблица 4. Ряды Фурье для несинусоидальных функций (см. рис. 4.1 *)

№ графика функции	Разложение функции $f(x)$ в ряд Фурье
1	2
1	$f_1(x) \approx \frac{F_M}{2} + \frac{2F_M}{\pi} \left(\sin x + \frac{1}{3} \sin 3x + \frac{1}{5} \sin 5x + \dots \right)$
2	$f_2(x) \approx \frac{F_M}{2} - \frac{F_M}{p} \left(\sin x + \frac{1}{2} \sin 2x + \frac{1}{3} \sin 3x + \dots \right)$
3	$f_3(x) \approx \frac{F_M}{2} - \frac{4F_M}{p^2} \left(\cos x + \frac{1}{9} \cos 3x + \frac{1}{25} \cos 5x + \dots \right)$
4	$f_4(x) \approx \frac{2F_M}{p} - \frac{4F_M}{p} \left(\frac{1}{3} \cos 2x + \frac{1}{15} \cos 4x + \frac{1}{35} \cos 6x + \dots \right)$
5	$f_5(x) \approx \frac{2F_M}{p} + \frac{4F_M}{p} \left(\frac{1}{3} \cos 2x - \frac{1}{15} \cos 4x + \frac{1}{35} \cos 6x - \dots \right)$
6	$f_6(x) \approx \frac{F_M}{2} + \frac{F_M}{p} \left(\sin x + \frac{1}{2} \sin 2x + \frac{1}{3} \sin 3x + \dots \right)$
7	$f_7(x) \approx \frac{F_M}{4} + \frac{4F_M}{p^2} \left(\cos x + \frac{1}{2} \cos 2x + \frac{1}{9} \cos 3x + \frac{1}{25} \cos 5x + \dots \right)$
8	$f_8(x) \approx \frac{F_M}{p} + 2F_M \left(\frac{1}{4} \sin x - \frac{1}{3p} \cos 2x - \frac{1}{15p} \cos 4x - \dots \right)$
9	$f_9(x) \approx \frac{F_M}{p} \left[\sqrt{\frac{p^2}{4} + 1} \cdot \sin(x - 32,5^\circ) + \sin(3x + 90^\circ) + \frac{1}{3} \sin(5x - 90^\circ) + \frac{1}{3} \sin(7x + 90^\circ) + \frac{1}{5} \sin(9x - 90^\circ) + \frac{1}{5} \sin(11x + 90^\circ) + \frac{1}{7} \sin(13x - 90^\circ) + \mathbf{K} \right]$

* В таблице приведено разложение в ряд Фурье типовых функций, графики которых приведены на рисунке. При этом приняты следующие обозначения: $x = \omega_1 t$; $\omega_1 = 2\pi/T$, F_M – амплитудное значение несинусоидального сигнала.

1	2
10	$f_{10}(x) \approx \frac{8F_M}{p^2} \left(\sin x - \frac{1}{9} \sin 3x + \frac{1}{25} \sin 5x - \dots \right)$
11	$f_{11}(x) \approx \frac{F_M}{2} + \frac{2F_M}{p} \left(\cos x - \frac{1}{3} \cos 3x + \frac{1}{5} \cos 5x - \dots \right)$
12	$f_{12}(x) \approx \frac{F_M}{p} + 2F_M \left(\frac{1}{4} \cos x + \frac{1}{3p} \cos 2x - \frac{1}{15p} \cos 4x + \dots \right)$
13	$f_{13}(x) \approx \frac{F_M}{4} + \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x - 32,5^\circ)}{0,843} - \frac{\sin(2x)}{2} + \frac{\sin(3x)}{3} - \frac{\sin(4x)}{4} + \frac{\sin(5x)}{5} - \right]$
14	$f_{14}(x) \approx \frac{F_M}{4} + \frac{4F_M}{p^2} \left(\sin x - \frac{1}{2} \cos 2x - \frac{1}{9} \sin 3x + \frac{1}{5} \sin 5x \dots \right)$
15	$f_{15}(x) \approx \frac{F_M}{4} + \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x + 32,5^\circ)}{0,843} + \frac{\sin(2x)}{2} + \frac{\sin(3x)}{3} + \frac{\sin(4x)}{4} + \frac{\sin(5x)}{5} - \right]$
16	$f_{16}(x) \approx \frac{3F_M}{8} + \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x - 12^\circ)}{0,653} - \frac{\sin(2x)}{4} + \frac{\sin(3x)}{2} - \frac{\sin(4x)}{8} + \frac{\sin(5x)}{3,33} - \right]$
17	$f_{17}(x) \approx \frac{3F_M}{8} + \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x + 12^\circ)}{0,653} + \frac{\sin(2x)}{4} + \frac{\sin(3x)}{2} + \frac{\sin(4x)}{8} + \frac{\sin(5x)}{3,33} - \right]$
18	$f_{18}(x) \approx \frac{F_M}{2} + \frac{\sqrt{3}F_M}{p} \left(\cos x - \frac{1}{5} \cos 5x + \frac{1}{7} \cos 7x - \dots \right)$
19	$f_{19}(x) \approx \frac{4F_M}{p} \left(\sin x + \frac{1}{3} \sin 3x + \frac{1}{5} \sin 5x + \dots \right)$
20	$f_{20}(x) \approx \frac{2F_M}{p} \left(\sin x - \frac{1}{2} \sin 2x + \frac{1}{3} \sin 3x + \dots \right)$
21	$f_{21}(x) \approx \frac{2F_M}{p} \left(\sin x + \frac{1}{2} \sin 2x + \frac{1}{3} \sin 3x + \dots \right)$
22	$f_{22}(x) \approx \frac{6\sqrt{3} \cdot F_M}{p^2} \left(\sin x - \frac{1}{25} \sin 5x + \frac{1}{49} \sin 7x - \frac{1}{121} \sin 11x + \dots \right)$
23	$f_{23}(x) \approx \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x - 32,5^\circ)}{0,422} + \frac{\sin(3x)}{1,5} + \frac{\sin(5x)}{2,5} + \frac{\sin(7x)}{3,5} + \dots \right]$

1	2
24	$f_{24}(x) \approx \frac{-F_M}{4} + \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x-12^\circ)}{0,326} - \frac{\sin(2x)}{2} + \frac{\sin(3x)}{1} - \frac{\sin(4x)}{4} + \frac{\sin(5x)}{1,67} - \dots \right]$
25	$f_{25}(x) \approx \frac{6\sqrt{3} \cdot F_M}{p^2} \left(\cos x - \frac{1}{25} \cos 5x - \frac{1}{49} \cos 7x + \frac{1}{121} \cos 11x + \dots \right)$
26	$f_{26}(x) \approx \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x+32,5^\circ)}{0,422} + \frac{\sin(3x)}{1,5} + \frac{\sin(5x)}{2,5} + \frac{\sin(7x)}{3,5} + \dots \right]$
27	$f_{27}(x) \approx \frac{F_M}{p} \left[\frac{\sin(x-12^\circ)}{0,326} + \frac{\sin(3x)}{1} + \frac{\sin(5x)}{1,67} - \frac{\sin(7x)}{2,33} + \dots \right]$
28	$f_{28}(x) \approx \frac{2\sqrt{3}F_M}{p} \left(\cos x - \frac{1}{5} \cos 5x + \frac{1}{7} \cos 7x - \dots \right)$

Следует помнить, что для расчетов данные функции нужно привести к виду:

$$f(x) = A_0 + A_{1m} \sin(\omega t + \psi_1) + A_{2m} \sin(2\omega t + \psi_1) + \mathbf{K} + A_{km} \sin(k\omega t + \psi_k) + \mathbf{K}$$

Приведение осуществляется следующим образом:

$$\begin{aligned} -\sin(\omega t + \psi) &= \sin(\omega t + \psi \pm \pi); \\ \cos(\omega t + \psi) &= \sin(\omega t + \psi + \pi/2); \\ -\cos(\omega t + \psi) &= \sin(\omega t + \psi - \pi/2). \end{aligned}$$

ЗАДАЧА 4

Дано: К электрической цепи, схема которой приводится ниже, приложено несинусоидальное периодическое напряжение, форма которого также показана. Параметры цепи имеют следующие значения: $R_2 = R_H = 10$ [Ом]; $L_1 = L_3 = 0,1$ [Гн]; $C_2 = 100$ [мкФ]; $E_M = F_M = 100$ [В]; $\omega_1 = 100$ [рад/с].

Требуется выполнить следующие операции:

- 1) представить напряжение источника $f(x)=e(\omega t)$ рядом Фурье, ограничив число членов ряда постоянной составляющей и тремя первыми гармониками.
- 2) построить графики спектров амплитуд и начальных фаз источника.
- 3) определить выходной сигнал – напряжение на нагрузке $u_H(t)$, используя метод расчета по комплексным значениям.
- 4) построить графики спектральных составляющих для напряжения на нагрузке.
- 5) определить действующее значение напряжения на нагрузке и мощность, рассеиваемую в ней.
- 6) провести расчет гармоник напряжения $u_H(t)$ на нагрузке, используя коэффициент передачи по напряжению. Параметры входного, выходного сигналов и передачи цепи свести в таблицу. Построить АЧХ и ФЧХ, а также графики входного сигнала и сигнала на нагрузке.

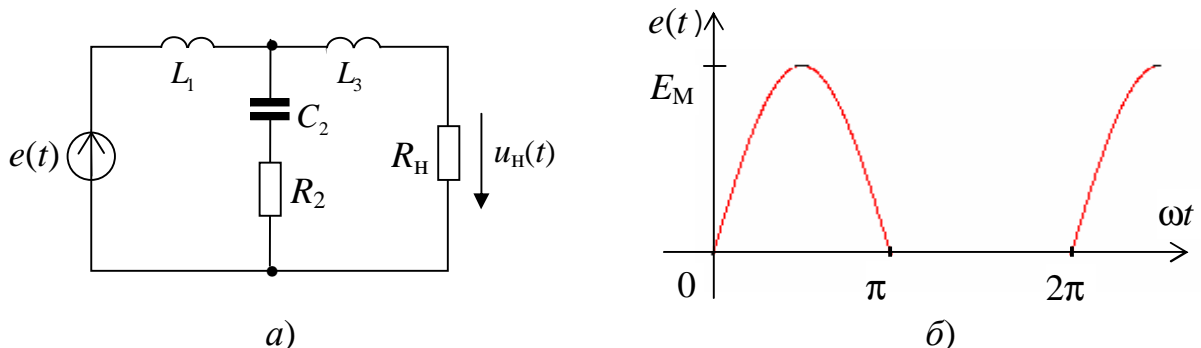


Рис. 4.2. Схема цепи (а) и форма входного напряжения (б) к примеру

Решение

1. Воспользуемся данными табл. 4 и представим напряжение источника (функция $f_8(x)$) в виде ряда Фурье, ограниченного постоянной составляющей и тремя первыми гармониками

$$\begin{aligned}
 e(t) &= E_0 + e_1(t) + e_2(t) + e_4(t) = \frac{F_M}{p} + 2F_M \left(\frac{1}{4} \sin \omega_1 t - \frac{1}{3p} \cos 2\omega_1 t - \frac{1}{15p} \cos 4\omega_1 t \right) = \\
 &= E_0 + E_{m1} \sin \omega_1 t - E_{m2} \cos 2\omega_1 t - E_{m4} \cos 4\omega_1 t = \\
 &= 31,8 + 50 \sin 100t - 21,2 \cos 200t - 4,2 \cos 400t = \\
 &= 31,8 + 50 \sin 100t + 21,2 \sin(200t - 90^\circ) + 4,2 \sin(400t - 90^\circ) \text{ [В]}
 \end{aligned}$$

2. Построенные графики спектров амплитуд и начальных фаз напряжения источника изображены на рис. 4.3 а, б.

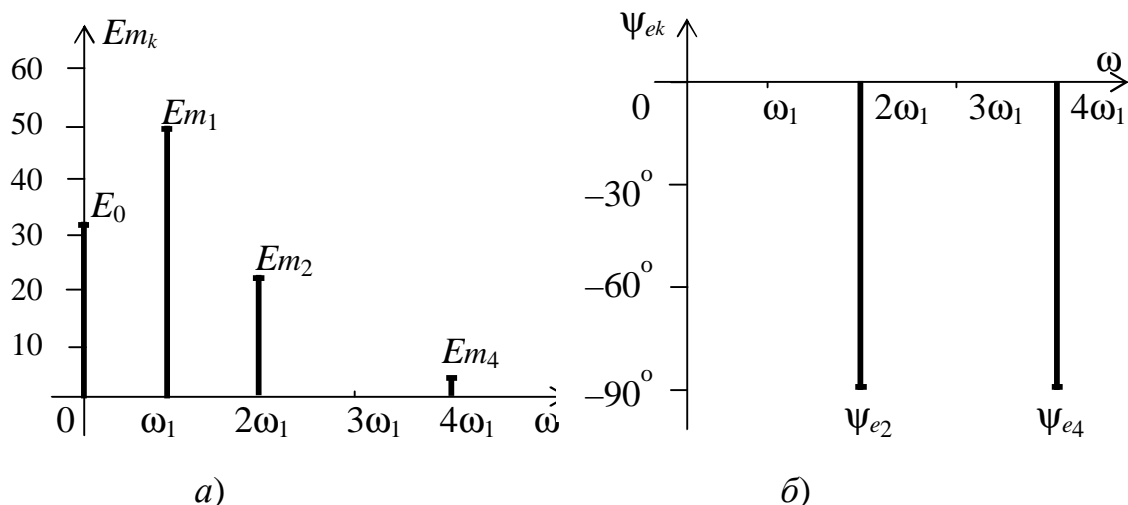


Рис. 4.3. Спектры амплитуд (а) и фаз (б) входного сигнала к примеру

3. Теперь выполним расчет напряжения на нагрузке, используя для этого метод комплексных амплитуд.

Расчет постоянной составляющей напряжения на нагрузке проводится с учетом того, что на постоянном токе все индуктивности L заменяются перемычками, а емкости C – разрывами цепи, как показано на рисунке 4.4, а. Используя законы Кирхгофа и Ома, получим

$$U_{H0} = E_0 = 31,8 \text{ [В]}.$$

$$I_{H0} = U_{H0} / R_H = 31,8 / 10 = 3,18 \text{ [А]}.$$

При расчете остальных гармоник напряжения $u_H(t)$ воспользуемся схемой замещения, приведенной на рис 4.4 б. На этой схеме все элементы цепи заменены их комплексными сопротивлениями, которые имеют двойные индексы. Первый индекс соответствует порядковому номеру ветви, а второй – номеру гармоники ($k=1,2,\dots$).

Комплексные значения токов найдем с учетом того, что общий ток I_{1k} делится в ветвях схемы на два тока, которые обратно пропорциональны сопротивлениям ветвей

$$\underline{I}_{1k} = \underline{E}_k / \underline{Z}_{\Sigma k},$$

$$\underline{I}_{2k} = \underline{I}_{1k} (\underline{Z}_{3k} + R_H) / (\underline{Z}_{2k} + \underline{Z}_{3k} + R_H),$$

$$\underline{I}_{Hk} = \underline{I}_{1k} \underline{Z}_{2k} / (\underline{Z}_{2k} + \underline{Z}_{3k} + R_H),$$

где $\underline{Z}_{\Sigma k} = \underline{Z}_{1k} + \underline{Z}_{2k} (\underline{Z}_{3k} + R_H) / (\underline{Z}_{2k} + \underline{Z}_{3k} + R_H)$ – эквивалентное комплексное сопротивление всей цепи для k -ой гармоники напряжения источника, найденное через сопротивления отдельных ветвей $\underline{Z}_{1k} = \underline{Z}_{3k} = jX_{1k} = j\omega_k L_1 = jk\omega_1 L_1$; $\underline{Z}_{2k} = R_2 - jX_{2k} = R_2 - j / (\omega_k C_2) = R_2 - j / (k\omega_1 C_2)$.

Комплексное значение напряжения на нагрузке определим по закону Ома

$$\underline{U}_{Hk} = \underline{I}_{Hk} R_H.$$

С учетом выраженных ранее токов, окончательно получаем

$$\underline{U}_{Hk} = \underline{I}_{Hk} R_H = \underline{E}_k \underline{Z}_{2k} R_H / [\underline{Z}_{1k} (\underline{Z}_{2k} + \underline{Z}_{3k} + R_H) + \underline{Z}_{2k} (\underline{Z}_{3k} + R_H)].$$

Тогда комплексная величина *коэффициента передачи по напряжению* в функции частоты $\omega = k\omega_1$ равна

$$\underline{K}_u(j\omega) = \underline{U}_{\text{Hк}} / \underline{E}_k = \underline{Z}_{2k} R_{\text{H}} / [\underline{Z}_{1k} (\underline{Z}_{2k} + \underline{Z}_{3k} + R_{\text{H}}) + \underline{Z}_{2k} (\underline{Z}_{3k} + R_{\text{H}})].$$

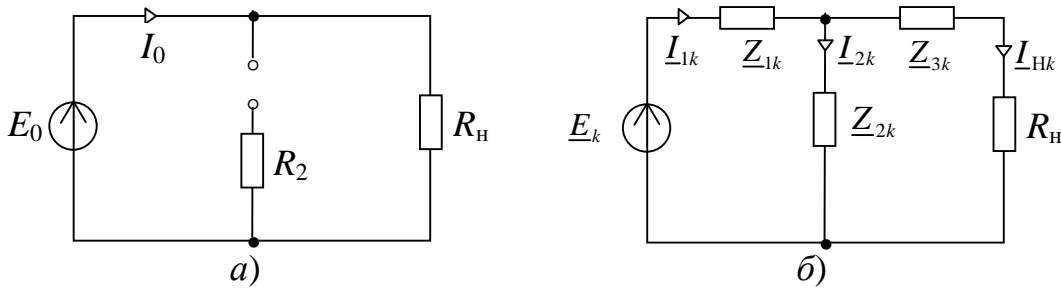


Рис. 4.4. Схемы для расчета постоянной (а) и переменных (б) составляющих напряжения на нагрузке

Первую гармонику напряжения на нагрузке определим, используя в схеме замещения рис. 4.4 б сопротивления цепи и напряжение источника для первой гармоники

$$\underline{Z}_{11} = \underline{Z}_{31} = jX_{11} = j\omega_1 L_1 = j10 [\text{Ом}]; \quad \underline{Z}_{21} = R_2 - jX_{21} = (10 - j100) [\text{Ом}];$$

$$\underline{Z}_{\text{Э1}} = \underline{Z}_{11} + \underline{Z}_{21} (\underline{Z}_{31} + R_{\text{H}}) / (\underline{Z}_{21} + \underline{Z}_{31} + R_{\text{H}}) = 23e^{j58^\circ} [\text{Ом}]; \quad \underline{E}_{m1} = 50 [\text{В}].$$

Комплексная амплитуда тока первой гармоники источника имеет значение

$$\underline{I}_{m11} = \underline{E}_{m1} / \underline{Z}_{\text{Э1}} = 50 / 23e^{j58^\circ} = 2,175e^{-j58^\circ} [\text{А}]$$

Этот ток делится обратно пропорционально сопротивлениям параллельно включенных ветвей \underline{Z}_{2k} и $(\underline{Z}_{3k} + R_{\text{H}})$, поэтому ток в нагрузке

$$\underline{I}_{m\text{H1}} = \underline{I}_{m11} \underline{Z}_{21} / (\underline{Z}_{21} + \underline{Z}_{31} + R_{\text{H}}) = 2,175e^{-j58^\circ} (10 - j100) / (20 - j90) = 2,37e^{-j65^\circ} [\text{А}]$$

Комплексное значение напряжения на нагрузке определим по закону Ома

$$\underline{U}_{m\text{H1}} = \underline{I}_{m\text{H1}} R_{\text{H}} = 23,7e^{-j65^\circ} [\text{В}]$$

Полученное значение позволяет записать мгновенное значение первой гармоники напряжения на нагрузке

$$u_{\text{H1}}(t) = 23,7 \sin(100t - 65^\circ) [\text{В}]$$

Для второй гармоники напряжения получаем

$$\underline{Z}_{12} = \underline{Z}_{32} = 2j\omega_1 L_1 = j20 [\text{Ом}]; \quad \underline{Z}_{22} = R_2 - j/(2\omega_1 C_2) = (10 - j50) [\text{Ом}];$$

$$\underline{Z}_{\text{Э2}} = \underline{Z}_{12} + \underline{Z}_{22} (\underline{Z}_{32} + R_{\text{H}}) / (\underline{Z}_{22} + \underline{Z}_{32} + R_{\text{H}}) = 47,4e^{j60^\circ} [\text{Ом}]; \quad \underline{E}_{m2} = 21,2e^{-j90^\circ} [\text{В}].$$

Значение комплексной амплитуды тока второй гармоники в цепи источника напряжения найдем по закону Ома

$$\underline{I}_{m12} = \underline{E}_{m2} / \underline{Z}_{\text{Э2}} = 21,2e^{-j90^\circ} / 47,4e^{j60^\circ} = 0,45e^{-j150^\circ} [\text{А}]$$

Комплексную амплитуду тока второй гармоники в нагрузке R_{H} найдем аналогично току первой гармоники путем деления тока источника обратно пропорционально сопротивлениям параллельно включенных ветвей

$$\underline{I}_{m\text{H2}} = \underline{I}_{m12} \underline{Z}_{22} / (\underline{Z}_{22} + \underline{Z}_{32} + R_{\text{H}}) = 0,45e^{-j150^\circ} (10 - j50) / (20 - j30) = 0,635e^{-j172^\circ} [\text{А}]$$

Комплексное значение напряжения второй гармоники на нагрузке найдем с помощью закона Ома

$$\underline{U}_{mH2} = \underline{I}_{mH2} R_H = 6,35e^{-j172^\circ} \text{ [В]}$$

Полученное значение позволяет записать мгновенное значение второй гармоники напряжения на нагрузке

$$u_{H2}(t) = 6,35 \sin(200t - 172^\circ) \text{ [В]}$$

Определение напряжения *четвертой гармоники* выполним аналогично расчету напряжения второй гармоники. Сопротивления цепи и напряжение источника для четвертой гармоники имеют значения

$$\underline{Z}_{14} = \underline{Z}_{34} = 4j\omega_1 L_1 = j20 \text{ [Ом]}; \underline{Z}_{24} = R_2 - j/(4\omega_1 C_2) = (10 - j25) \text{ [Ом]};$$

$$\underline{Z}_{\Sigma 4} = \underline{Z}_{14} + \underline{Z}_{24} (\underline{Z}_{34} + R_H) / (\underline{Z}_{24} + \underline{Z}_{34} + R_H) = 43e^{j25^\circ} \text{ [Ом]}, \underline{E}_{m4} = 4,2e^{-j90^\circ} \text{ В.}$$

Комплексную амплитуду тока четвертой гармоники определим по закону Ома

$$\underline{I}_{m14} = \underline{E}_{m4} / \underline{Z}_{\Sigma 4} = 4,2e^{-j90^\circ} / 43e^{j25^\circ} = 0,098e^{-j115^\circ} \text{ [А]}$$

Используя ток четвертой гармоники в ветви с источником напряжения, рассчитаем ток в нагрузке

$$\underline{I}_{mH4} = \underline{I}_{m14} \underline{Z}_{24} / (\underline{Z}_{24} + \underline{Z}_{34} + R_H) = 0,105e^{-j220^\circ} \text{ [А]}$$

Комплексное значение четвертой гармоники напряжения на нагрузке определим по закону Ома

$$\underline{U}_{mH4} = \underline{I}_{mH4} R_H = 1,05e^{-j220^\circ} \text{ [В]}$$

Мгновенное значение второй гармоники напряжения на нагрузке определим по формуле

$$u_{H4}(t) = 1,05 \sin(400t - 220^\circ) \text{ [В]}$$

Результирующее напряжение на нагрузке найдем путем суммирования отдельных составляющих, рассчитанных выше

$$u_H(t) = U_{H0} + u_{H1}(t) + u_{H2}(t) + u_{H4}(t) =$$

$$= 31,8 + 23,7 \sin(100t - 65^\circ) + 6,35 \sin(200t - 172^\circ) + 1,05 \sin(400t - 220^\circ) \text{ [В]}$$

4. Построим графики спектральных составляющих напряжения на нагрузке, используя полученное выше мгновенное значение напряжения.

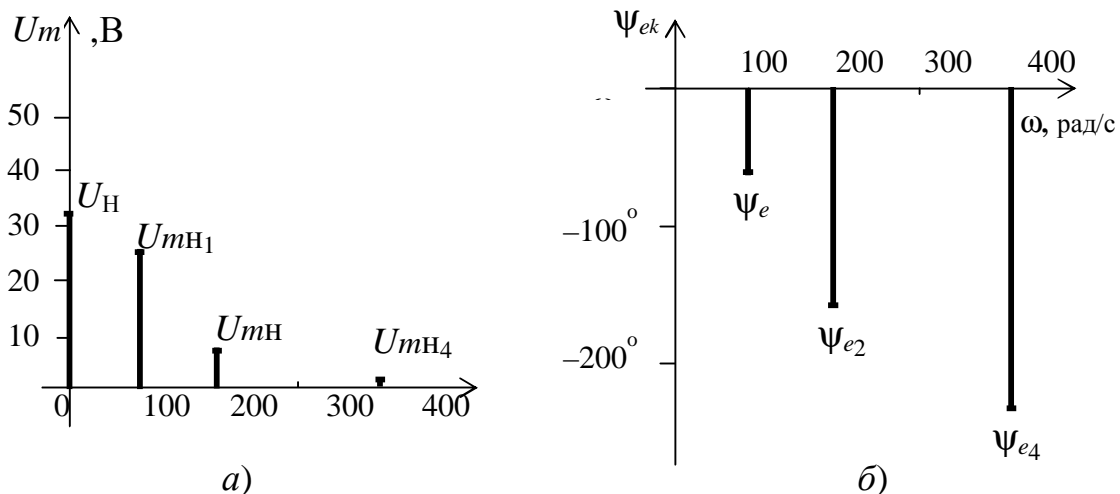


Рис. 4.5. Амплитудный (а) и фазовый (б) спектры напряжения на нагрузке

Эти графики показывают, что электрическая цепь, включенная между источником и нагрузкой, оказывает определенное сглаживающее действие: амплитуды спектральных составляющих уменьшаются по мере увеличения частоты. Кроме этого, заметно существенное запаздывание сигнала по отношению к напряжению источника.

5. Определим действующее значение напряжения на нагрузке и среднюю мощность, рассеиваемую в ней. Действующее напряжение на нагрузке можно рассчитать по формуле:

$$U_H = \sqrt{U_{H0}^2 + U_{H1}^2 + U_{H2}^2 + U_{H4}^2} = \sqrt{31,80^2 + 16,77^2 + 4,49^2 + 0,75^2} = 36,24 \text{ [В]},$$

где $U_{H0} = 31,80$ [В] – постоянная составляющая напряжения на нагрузке;

$U_{H1} = U_{mH1} / \sqrt{2} = 16,77$ [В] – действующее значение напряжения первой гармоники;

$U_{H2} = U_{mH2} / \sqrt{2} = 4,49$ [В] – действующее значение напряжения второй гармоники;

$U_{H4} = U_{mH4} / \sqrt{2} = 0,75$ [В] – действующее значение напряжения четвертой гармоники.

Средняя мощность несинусоидального тока определяется по формуле:

$$P_H = P_{H0} + P_{H1} + P_{H2} + P_{H4} = 101 + 28,12 + 2,02 + 0,06 = 131,2 \text{ [Вт]},$$

где $P_{H0} = I_{H0}^2 R_H = 3,18^2 \cdot 10 = 101$ [Вт] – мощность постоянной составляющей тока;

$P_{H1} = I_{H1}^2 R_H = 28,12$ [Вт] – средняя мощность первой гармоники тока;

$P_{H2} = I_{H2}^2 R_H = 2,02$ [Вт] – средняя мощность второй гармоники тока;

$P_{H4} = I_{H4}^2 R_H = 0,06$ [Вт] – средняя мощность четвертой гармоники тока.

Из полученных выражений следует, что средняя мощность почти полностью определяется постоянной составляющей и первой гармоникой тока. Вклад высших гармоник весьма незначителен и составляет всего 1,6% от полной мощности, рассеиваемой в нагрузке.

6. Отдельные гармоники напряжения на нагрузке $u_H(t)$ могут быть также определены, используя коэффициент передачи по напряжению $\underline{K}_u(j\omega)$, найденный нами ранее. При подстановке в него значений сопротивлений отдельных ветвей получим

$$\underline{K}_u(j\omega) = \frac{(R_2 - j/(k\omega_1 C_2))R_H}{jk\omega_1 L_1 ((R_2 - j/(k\omega_1 C_2)) + jk\omega_1 L_3 + R_H) + (R_2 - j/(k\omega_1 C_2))(jk\omega_1 L_3 + R_H)}.$$

По данному выражению, задавшись изменением k , построим АЧХ и ФЧХ. Для этого воспользуемся любым математическим пакетом (*MathCAD*, *Mathematica* и т.п.)

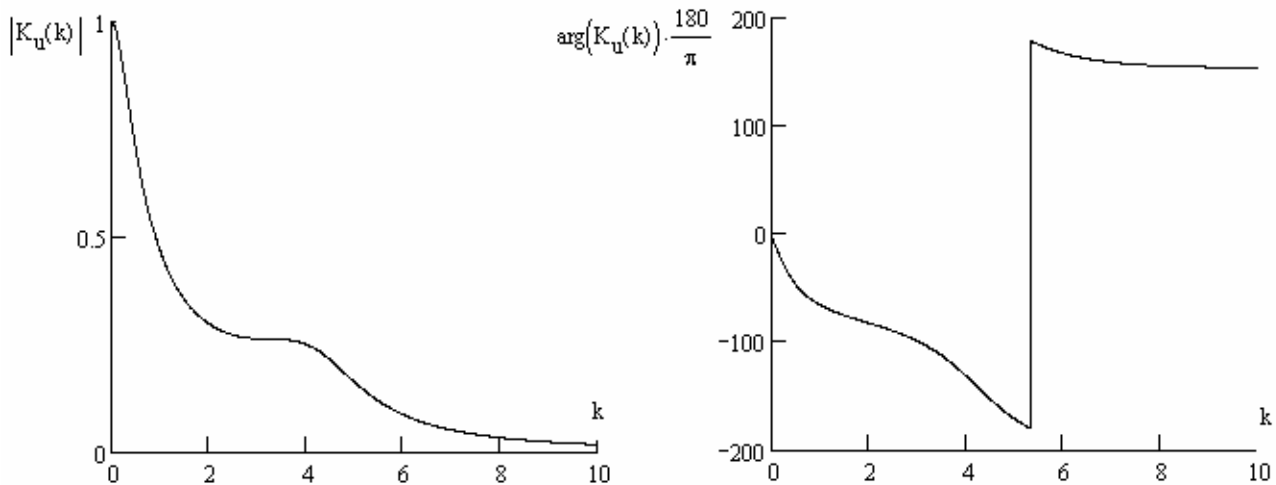


Рис. 4.6. АЧХ и ФЧХ электрической цепи

Определяем значения модуля и аргумента передачи $\underline{K}_u(j\omega_k)$ на частотах составляющих: $k = 1, 2, 4$; $\omega_k = \omega_1, 2 \cdot \omega_1, 4 \cdot \omega_1$, где $\omega_1 = 100$ [1/с]. А далее, используя информацию о гармонических составляющих входного сигнала

$$e(t) = 31,8 + 50 \sin 100t + 21,2 \sin(200t - 90^\circ) + 4,2 \sin(400t - 90^\circ) \text{ [В]}$$

рассчитываем параметры составляющих напряжения на нагрузке цепи $U_{mHk} = |K_u(k)| \cdot E_{mk}$, $\psi_{Hk} = \psi_{ek} + \arg(K_u(k))$ и помещаем результат в приведенную ниже таблицу.

Таблица к задаче 4

κ	На входе цепи			Передача цепи		На выходе цепи	
	ω_k [1/с]	E_{mk} [В]	ψ_{ek} [°]	$ K_u(k) $	$\arg(K_u(k))$ [°]	U_{mHk} [В]	ψ_{Hk} [°]
1	100	50	0	0,474	-65	23,7	-65
2	200	21,2	-90	0,299	-82	6,35	-172
4	400	4,2	-90	0,25	-130	1,05	-220

Окончательно для напряжения на нагрузке $u_H(t)$ получаем

$$u_H(t) = 31,8 + 23,7 \sin(100t - 65^\circ) + 6,35 \sin(200t - 172^\circ) + 1,05 \sin(400t - 220^\circ) \text{ [В]}$$

Представим графически ЭДС источника $e(t)$ и напряжения нагрузки $u_H(t)$

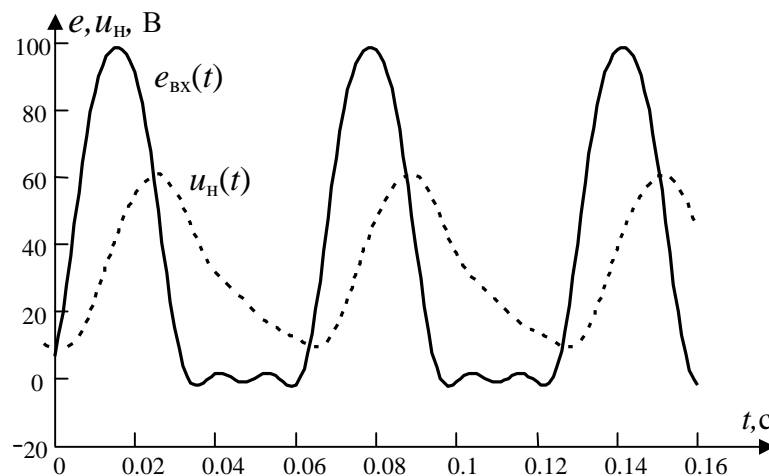


Рис. 4.7. Графики входного напряжения и напряжения на нагрузке

ЗАДАНИЕ 4

Для заданной электрической цепи, структура которой представлена на схемах 1 или 2 (рис. 4.8) и с параметрами из таблиц 4.1...4.4 выполнить:

- 1) представить заданную функцию источника ЭДС или тока рядом Фурье (см. таблицу 4 и рис. 4.1), ограничив число членов ряда постоянной составляющей и тремя первыми гармониками.
- 2) построить графики спектров амплитуд и начальных фаз заданного источника.
- 3) определить функцию $f_H(\omega t)$ - напряжение $u_H(t)$ или ток $i_H(t)$ на нагрузке, используя метод расчета по комплексным значениям;
- 4) построить графики спектральных составляющих для напряжения (тока) на нагрузке.
- 5) определить действующее значение напряжения (тока) на нагрузке и мощность, рассеиваемую на нагрузке.
- 6) провести расчет гармоник функции $f_H(\omega t)$ на нагрузке, используя найденный коэффициент передачи. Результаты свести в таблицу, аналогичную таблице из задачи 4. Построить АЧХ и ФЧХ, а также графики входного сигнала и сигнала на нагрузке.

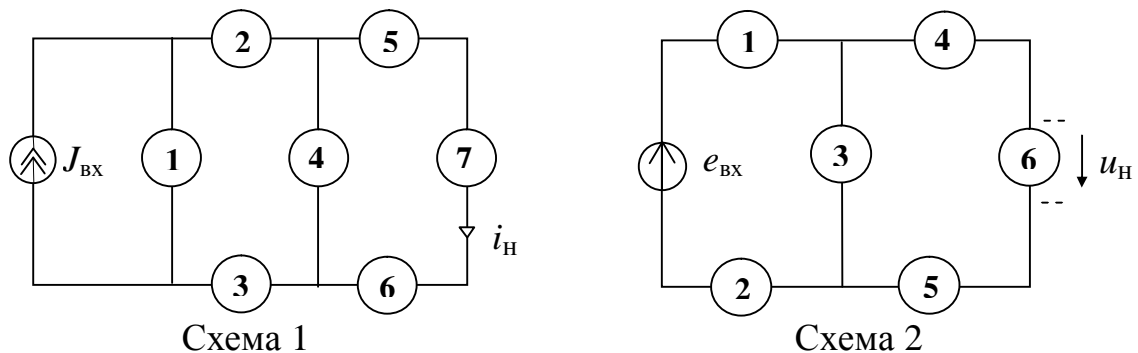
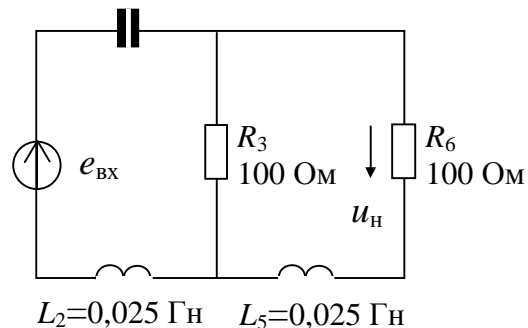


Рис. 4.8

Перед расчетом в соответствии с вариантом задания необходимо составить электрическую схему цепи, заменив элементы структуры элементами R , L и C . В качестве примера составим схему варианта 29 таблицы 4.1

$$C_1 = 50 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$$

Размещаем в первой ветви элемент C , в ветвях 2 и 5 элементы L , в ветвях 3 и 6 элементы R . Индексы элементов соответствуют номерам ветвей. Отсутствующий четвертый элемент структуры заменяем перемычкой.



Указываем значения сопротивлений, емкостей и индуктивностей элементов. В результате мы получаем электрическую цепь, представленную выше.

Начало таблицы 4.1

Вариант	Схема	Параметры источника				$f_H(\omega t)$
		Тип	Форма	$F_M [A, B]$	$\omega_1 [1/c]$	
1	2	ЭДС	12	$E_M=50B$	1000	$u_H(\omega t)$
2	1	тока	15	$J_M=1A$	600	$i_H(\omega t)$
3	2	ЭДС	6	$E_M=55B$	1000	$u_H(\omega t)$
4	1	тока	3	$J_M=1,1A$	1000	$i_H(\omega t)$
5	2	ЭДС	1	$E_M=60B$	1000	$u_H(\omega t)$
6	1	тока	23	$J_M=1,2A$	1200	$i_H(\omega t)$
7	2	ЭДС	4	$E_M=65B$	200	$u_H(\omega t)$
8	1	тока	5	$J_M=1,3A$	200	$i_H(\omega t)$
9	2	ЭДС	19	$E_M=70B$	2000	$u_H(\omega t)$
10	1	тока	27	$J_M=1,4A$	2000	$i_H(\omega t)$
11	2	ЭДС	10	$E_M=75B$	1000	$u_H(\omega t)$
12	1	тока	14	$J_M=1,5A$	200	$i_H(\omega t)$
13	2	ЭДС	17	$E_M=80B$	200	$u_H(\omega t)$
14	1	тока	26	$J_M=1,6A$	1000	$i_H(\omega t)$
15	2	ЭДС	11	$E_M=85B$	100	$u_H(\omega t)$
16	1	тока	28	$J_M=1,7A$	1000	$i_H(\omega t)$
17	2	ЭДС	22	$E_M=90B$	1000	$u_H(\omega t)$
18	1	тока	25	$J_M=1,8A$	1000	$i_H(\omega t)$
19	2	ЭДС	2	$E_M=95B$	1000	$u_H(\omega t)$
20	1	тока	20	$J_M=1,9A$	1000	$i_H(\omega t)$
21	2	ЭДС	16	$E_M=100B$	1000	$u_H(\omega t)$
22	1	тока	24	$J_M=2A$	200	$i_H(\omega t)$
23	2	ЭДС	18	$E_M=105B$	200	$u_H(\omega t)$
24	1	тока	21	$J_M=2,1A$	2000	$i_H(\omega t)$
25	2	ЭДС	7	$E_M=110B$	2000	$u_H(\omega t)$
26	1	тока	8	$J_M=2,2A$	200	$i_H(\omega t)$
27	2	ЭДС	9	$E_M=115B$	500	$u_H(\omega t)$
28	1	тока	13	$J_M=2,3A$	1000	$i_H(\omega t)$
29	2	ЭДС	1	$E_M=120B$	200	$u_H(\omega t)$
30	2	ЭДС	19	$E_M=125B$	100	$u_H(\omega t)$

Окончание таблицы 4.1.

Вариант	Схема	Параметры элементов R [Ом], L [мГн], C [мкФ]						
		Номера ветвей						
		1	2	3	4	5	6	7
1	2	$R=20$	-	$L=10$	$R=20$	$R=20$	$L=10$	-
2	1	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
3	2	$C=100$	-	$R=15$	$C=100$	-	$R=15$	-
4	1	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$
5	2	$R=18$	$L=20$	$R=18$	$L=20$	-	$R=18$	-
6	1	$R=25$	$R=25$	-	$L=2$	$R=25$	-	$L=2$
7	2	$R=30$	$C=250$	$R=30$	$C=250$	-	$R=30$	-
8	1	$R=35$	-	$C=250$	$R=35$	$C=250$	-	$R=35$
9	2	$L=4$	$R=200$	$C=5$	$L=4$	$R=200$	$R=200$	-
10	1	$R=200$	$L=2,5$	-	$C=20$	$L=2,5$	-	$R=28$
11	2	$C=50$	-	$L=50$	$C=50$	-	$R=50$	-
12	1	$R=32$	$C=500$	-	$L=150$	$C=500$	-	$R=32$
13	2	$L=25$	$C=50$	$R=80$	$L=25$	-	$R=80$	-
14	1	$R=70$	$L=20$	-	$R=70$	$L=20$	$C=6,7$	$R=70$
15	2	$L=200$	$R=100$	$C=100$	$L=200$	$R=100$	$R=100$	-
16	1	$R=10$	$L=7,5$	$L=7,5$	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
17	2	$R=8$	$R=12$	$L=10$	$R=22$	$R=18$	$L=10$	-
18	1	$R=100$	$C=20$	-	$R=100$	$C=40$	$C=40$	$R=100$
19	2	$C=100$	-	$R=13$	$C=200$	$C=200$	$R=13$	-
20	1	$R=24$	$R=12$	$R=12$	$L=2$	$R=24$	-	$L=2$
21	2	$R=19$	$L=20$	$R=19$	$L=10$	$L=10$	$R=19$	-
22	1	$R=37$	$C=500$	$C=500$	$R=37$	-	$C=250$	$R=37$
23	2	$R=33$	$C=250$	$R=33$	$C=500$	$C=500$	$R=33$	-
24	1	$R=30$	$L=2,5$	-	$C=40$	$L=1,25$	$L=1,35$	$R=30$
25	2	$L=2$	$L=2$	$C=15$	-	$L=4$	$R=50$	-
26	1	$R=34$	$C=10^3$	$C=10^3$	$L=150$	$C=500$	-	$R=34$
27	2	$C=333$	$C=333$	$L=75$	$C=167$	-	$R=30$	-
28	1	$R=75$	$L=10$	$L=10$	$R=75$	$L=20$	$C=6,7$	$R=75$
29	2	$C=50$	$L=25$	$R=100$	-	$L=25$	$R=100$	-
30	2	$R=12$	$L=200$	$C=100$	$R=12$	$L=200$	$R=96$	-

Начало таблицы 4.2.

Вариант	Схема	Параметры источника				$f_H(\omega t)$
		Тип	Форма	$F_M [A, B]$	$\omega_1 [1/c]$	
1	1	тока	2	$J_M=2,3A$	1000	$i_H(\omega t)$
2	2	ЭДС	14	$E_M=110B$	2000	$u_H(\omega t)$
3	1	тока	16	$J_M=2A$	200	$i_H(\omega t)$
4	2	ЭДС	13	$E_M=95B$	1000	$u_H(\omega t)$
5	1	тока	18	$J_M=1,7A$	1000	$i_H(\omega t)$
6	2	ЭДС	11	$E_M=80B$	200	$u_H(\omega t)$
7	1	тока	16	$J_M=1,4A$	2000	$i_H(\omega t)$
8	2	ЭДС	8	$E_M=65B$	200	$u_H(\omega t)$
9	1	тока	10	$J_M=1,1A$	1000	$i_H(\omega t)$
10	2	ЭДС	5	$E_M=50B$	1000	$u_H(\omega t)$
11	2	ЭДС	19	$E_M=120B$	200	$u_H(\omega t)$
12	1	тока	4	$J_M=2,2A$	200	$i_H(\omega t)$
13	2	ЭДС	28	$E_M=105B$	200	$u_H(\omega t)$
14	1	тока	23	$J_M=1,9A$	1000	$i_H(\omega t)$
15	2	ЭДС	25	$E_M=90B$	1000	$u_H(\omega t)$
16	1	тока	15	$J_M=1,6A$	1000	$i_H(\omega t)$
17	2	ЭДС	3	$E_M=75B$	1000	$u_H(\omega t)$
18	1	тока	12	$J_M=1,3A$	200	$i_H(\omega t)$
19	2	ЭДС	11	$E_M=60B$	1000	$u_H(\omega t)$
20	1	тока	26	$J_M=1A$	600	$i_H(\omega t)$
21	2	ЭДС	1	$E_M=125B$	100	$u_H(\omega t)$
22	2	ЭДС	6	$E_M=115B$	500	$u_H(\omega t)$
23	1	тока	15	$J_M=2,1A$	2000	$i_H(\omega t)$
24	2	ЭДС	27	$E_M=100B$	1000	$u_H(\omega t)$
25	1	тока	22	$J_M=1,8A$	1000	$i_H(\omega t)$
26	2	ЭДС	1	$E_M=85B$	100	$u_H(\omega t)$
27	1	тока	7	$J_M=1,5A$	200	$i_H(\omega t)$
28	2	ЭДС	1	$E_M=70B$	2000	$u_H(\omega t)$
29	1	тока	20	$J_M=1,2A$	1200	$i_H(\omega t)$
30	2	ЭДС	15	$E_M=55B$	1000	$u_H(\omega t)$

Окончание таблицы 4.2.

Вариант	Схема	Параметры элементов R [Ом], L [мГн], C [мкФ]						
		Номера ветвей						
		1	2	3	4	5	6	7
1	1	$R=75$	$L=10$	$L=10$	$R=75$	$L=20$	$C=6,7$	$R=75$
2	2	$L=2$	$L=2$	$C=15$	-	$L=4$	$R=50$	-
3	1	$R=37$	$C=500$	$C=500$	$R=37$	-	$C=250$	$R=37$
4	2	$C=100$	-	$R=13$	$C=200$	$C=200$	$R=13$	-
5	1	$R=10$	$L=7,5$	$L=7,5$	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
6	2	$L=25$	$C=50$	$R=80$	$L=25$	-	$R=80$	-
7	1	$R=200$	$L=2,5$	-	$C=20$	$L=2,5$	-	$R=28$
8	2	$R=30$	$C=250$	$R=30$	$C=250$	-	$R=30$	-
9	1	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$
10	2	$R=20$	-	$L=10$	$R=20$	$R=20$	$L=10$	-
11	2	$C=50$	$L=25$	$R=100$	-	$L=25$	$R=100$	-
12	1	$R=34$	$C=10^3$	$C=10^3$	$L=150$	$C=500$	-	$R=34$
13	2	$R=33$	$C=250$	$R=33$	$C=500$	$C=500$	$R=33$	-
14	1	$R=24$	$R=12$	$R=12$	$L=2$	$R=24$	-	$L=2$
15	2	$R=8$	$R=12$	$L=10$	$R=22$	$R=18$	$L=10$	-
16	1	$R=70$	$L=20$	-	$R=70$	$L=20$	$C=6,7$	$R=70$
17	2	$C=50$	-	$L=50$	$C=50$	-	$R=50$	-
18	1	$R=35$	-	$C=250$	$R=35$	$C=250$	-	$R=35$
19	2	$R=18$	$L=20$	$R=18$	$L=20$	-	$R=18$	-
20	1	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
21	2	$R=12$	$L=200$	$C=100$	$R=12$	$L=200$	$R=96$	-
22	2	$C=333$	$C=333$	$L=75$	$C=167$	-	$R=30$	-
23	1	$R=30$	$L=2,5$	-	$C=40$	$L=1,25$	$L=1,35$	$R=30$
24	2	$R=19$	$L=20$	$R=19$	$L=10$	$L=10$	$R=19$	-
25	1	$R=100$	$C=20$	-	$R=100$	$C=40$	$C=40$	$R=100$
26	2	$L=200$	$R=100$	$C=100$	$L=200$	$R=100$	$R=100$	-
27	1	$R=32$	$C=500$	-	$L=150$	$C=500$	-	$R=32$
28	2	$L=4$	$R=200$	$C=5$	$L=4$	$R=200$	$R=200$	-
29	1	$R=25$	$R=25$	-	$L=2$	$R=25$	-	$L=2$
30	2	$C=100$	-	$R=15$	$C=100$	-	$R=15$	-

Начало таблицы 4.3.

Вариант	Схема	Параметры источника				$f_H(\omega t)$
		Тип	Форма	$F_M [A, B]$	$\omega_1 [1/c]$	
1	1	тока	16	$J_M=1,4A$	2000	$i_H(\omega t)$
2	2	ЭДС	19	$E_M=70B$	2000	$u_H(\omega t)$
3	1	тока	6	$J_M=1,3A$	200	$i_H(\omega t)$
4	2	ЭДС	26	$E_M=65B$	200	$u_H(\omega t)$
5	1	тока	23	$J_M=1,2A$	1000	$i_H(\omega t)$
6	2	ЭДС	25	$E_M=60B$	1000	$u_H(\omega t)$
7	1	тока	4	$J_M=1,1A$	1000	$i_H(\omega t)$
8	2	ЭДС	5	$E_M=55B$	1000	$u_H(\omega t)$
9	1	тока	1	$J_M=1,0A$	1000	$i_H(\omega t)$
10	2	ЭДС	7	$E_M=50B$	1000	$u_H(\omega t)$
11	1	тока	9	$J_M=1,9A$	1000	$i_H(\omega t)$
12	2	ЭДС	6	$E_M=95B$	1000	$u_H(\omega t)$
13	1	тока	3	$J_M=1,8A$	1000	$i_H(\omega t)$
14	2	ЭДС	12	$E_M=90B$	1000	$u_H(\omega t)$
15	1	тока	15	$J_M=1,7A$	1000	$i_H(\omega t)$
16	2	ЭДС	14	$E_M=85B$	100	$u_H(\omega t)$
17	1	тока	2	$J_M=1,6A$	1000	$i_H(\omega t)$
18	2	ЭДС	13	$E_M=80B$	200	$u_H(\omega t)$
19	1	тока	11	$J_M=1,5A$	200	$i_H(\omega t)$
20	2	ЭДС	17	$E_M=75B$	1000	$u_H(\omega t)$
21	2	ЭДС	18	$E_M=125B$	100	$u_H(\omega t)$
22	2	ЭДС	8	$E_M=120B$	200	$u_H(\omega t)$
23	1	тока	21	$J_M=2,3A$	1000	$i_H(\omega t)$
24	2	ЭДС	10	$E_M=115B$	200	$u_H(\omega t)$
25	1	тока	22	$J_M=2,2A$	200	$i_H(\omega t)$
26	1	тока	26	$J_M=0,9A$	2000	$i_H(\omega t)$
27	2	ЭДС	28	$E_M=45B$	2000	$u_H(\omega t)$
28	1	тока	24	$J_M=0,8A$	250	$i_H(\omega t)$
29	2	ЭДС	20	$E_M=40B$	250	$u_H(\omega t)$
30	1	тока	27	$J_M=0,7A$	1000	$i_H(\omega t)$

Окончание таблицы 4.3.

Вариант	Схема	Параметры элементов $R[\text{Ом}], L[\text{мГн}], C[\text{мкФ}]$						
		Номера ветвей						
		1	2	3	4	5	6	7
1	1	$R=28$	$L=5$	-	$C=10$	$L=5$	-	$R=28$
2	2	$L=4$	-	$C=5$	$L=4$	-	$R=26$	-
3	1	$R=35$	-	$C=250$	$R=35$	$C=250$	-	$R=35$
4	2	$R=30$	$C=250$	$R=30$	$C=250$	-	$R=30$	-
5	1	$R=25$	$R=25$	-	$L=2$	$R=25$	-	$L=2$
6	2	$R=18$	$L=20$	$R=18$	$L=20$	-	$R=18$	-
7	1	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$
8	2	$C=100$	-	$R=15$	$C=100$	-	$R=15$	-
9	1	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
10	2	$R=20$	-	$L=10$	$R=20$	$R=20$	$L=10$	-
11	1	$R=24$	$R=12$	$R=12$	$L=2$	$R=24$	-	$L=2$
12	2	$C=100$	-	$R=13$	$C=200$	$C=200$	$R=13$	-
13	1	$R=100$	$C=20$	-	$R=100$	$C=40$	$C=40$	$R=100$
14	2	$R=8$	$R=12$	$L=10$	$R=22$	$R=18$	$L=10$	-
15	1	$R=10$	$L=7,5$	$L=7,5$	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
16	2	$L=200$	$R=10$	$C=100$	$L=200$	$R=10$	$R=100$	-
17	1	$R=70$	$L=20$	-	$R=70$	$L=20$	$C=6,7$	$R=70$
18	2	$L=25$	$C=50$	$R=80$	$L=25$	-	$R=80$	-
19	1	$R=32$	$C=500$	-	$L=150$	$C=500$	-	$R=32$
20	2	$C=50$	-	$L=50$	$C=50$	-	$R=50$	-
21	2	$R=12$	$L=200$	$C=100$	$R=12$	$L=200$	$R=96$	-
22	2	$C=50$	$L=25$	$R=100$	-	$L=25$	$R=100$	-
23	1	$R=75$	$L=10$	$L=10$	$R=75$	$L=20$	$C=6,7$	$R=75$
24	2	$C=333$	$C=333$	$L=75$	$C=167$	-	$R=30$	-
25	1	$R=50$	$C=10^3$	$C=10^3$	$L=150$	$C=500$	-	$R=50$
26	1	$R=30$	$L=5$	-	$C=12$	$L=5$	-	$R=30$
27	2	$L=5$	-	$C=7$	$L=5$	-	$R=29$	-
28	1	$R=40$	-	$C=250$	$R=40$	$C=250$	-	$R=40$
29	2	$R=35$	$C=300$	$R=35$	$C=300$	-	$R=35$	-
30	1	$R=28$	$R=28$	-	$L=5$	$R=28$	-	$L=5$

Начало таблицы 4.4.

Вариант	Схема	Параметры источника				$f_H(\omega t)$
		Тип	Форма	$F_M [A, B]$	$\omega_1 [1/c]$	
1	1	тока	16	$J_M=0,8A$	250	$i_H(\omega t)$
2	1	тока	25	$J_M=2,2A$	200	$i_H(\omega t)$
3	2	ЭДС	4	$E_M=120B$	200	$u_H(\omega t)$
4	1	тока	17	$J_M=1,5A$	200	$i_H(\omega t)$
5	2	ЭДС	7	$E_M=85B$	100	$u_H(\omega t)$
6	1	тока	10	$J_M=1,8A$	1000	$i_H(\omega t)$
7	2	ЭДС	14	$E_M=50B$	1000	$u_H(\omega t)$
8	1	тока	8	$J_M=1,1A$	1000	$i_H(\omega t)$
9	2	ЭДС	15	$E_M=65B$	200	$u_H(\omega t)$
10	1	тока	27	$J_M=1,4A$	2000	$i_H(\omega t)$
11	2	ЭДС	23	$E_M=40B$	250	$u_H(\omega t)$
12	1	тока	21	$J_M=0,9A$	2000	$i_H(\omega t)$
13	1	тока	6	$J_M=2,3A$	1000	$i_H(\omega t)$
14	2	ЭДС	11	$E_M=75B$	1000	$u_H(\omega t)$
15	1	тока	13	$J_M=1,6A$	1000	$i_H(\omega t)$
16	2	ЭДС	5	$E_M=90B$	1000	$u_H(\omega t)$
17	1	тока	6	$J_M=1,9A$	1000	$i_H(\omega t)$
18	2	ЭДС	4	$E_M=55B$	1000	$u_H(\omega t)$
19	1	тока	20	$J_M=1,2A$	1000	$i_H(\omega t)$
20	2	ЭДС	1	$E_M=70B$	2000	$u_H(\omega t)$
21	1	тока	16	$J_M=0,7A$	1000	$i_H(\omega t)$
22	2	ЭДС	18	$E_M=45B$	2000	$u_H(\omega t)$
23	2	ЭДС	3	$E_M=115B$	200	$u_H(\omega t)$
24	2	ЭДС	28	$E_M=125B$	100	$u_H(\omega t)$
25	2	ЭДС	2	$E_M=80B$	200	$u_H(\omega t)$
26	1	тока	26	$J_M=1,7A$	1000	$i_H(\omega t)$
27	2	ЭДС	15	$E_M=95B$	1000	$u_H(\omega t)$
28	1	тока	11	$J_M=1,0A$	1000	$i_H(\omega t)$
29	2	ЭДС	22	$E_M=60B$	1000	$u_H(\omega t)$
30	1	тока	26	$J_M=1,3A$	200	$i_H(\omega t)$

Окончание таблицы 4.4.

Вариант	Схема	Параметры элементов R [Ом], L [мГн], C [мкФ]						
		Номера ветвей						
		1	2	3	4	5	6	7
1	1	$R=40$	-	$C=250$	$R=40$	$C=250$	-	$R=40$
2	1	$R=50$	$C=10^3$	$C=10^3$	$L=150$	$C=500$	-	$R=50$
3	2	$C=50$	$L=25$	$R=100$	-	$L=25$	$R=100$	-
4	1	$R=32$	$C=500$	-	$L=150$	$C=500$	-	$R=32$
5	2	$L=200$	$R=10$	$C=100$	$L=200$	$R=10$	$R=100$	-
6	1	$R=100$	$C=20$	-	$R=100$	$C=40$	$C=40$	$R=100$
7	2	$R=20$	-	$L=10$	$R=20$	$R=20$	$L=10$	-
8	1	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$	$C=20$	-	$R=12$
9	2	$R=30$	$C=250$	$R=30$	$C=250$	-	$R=30$	-
10	1	$R=28$	$L=5$	-	$C=10$	$L=5$	-	$R=28$
11	2	$R=35$	$C=300$	$R=35$	$C=300$	-	$R=35$	-
12	1	$R=30$	$L=5$	-	$C=12$	$L=5$	-	$R=30$
13	1	$R=75$	$L=10$	$L=10$	$R=75$	$L=20$	$C=6,7$	$R=75$
14	2	$C=50$	-	$L=50$	$C=50$	-	$R=50$	-
15	1	$R=70$	$L=20$	-	$R=70$	$L=20$	$C=6,7$	$R=70$
16	2	$R=8$	$R=12$	$L=10$	$R=22$	$R=18$	$L=10$	-
17	1	$R=24$	$R=12$	$R=12$	$L=2$	$R=24$	-	$L=2$
18	2	$C=100$	-	$R=15$	$C=100$	-	$R=15$	-
19	1	$R=25$	$R=25$	-	$L=2$	$R=25$	-	$L=2$
20	2	$L=4$	-	$C=5$	$L=4$	-	$R=26$	-
21	1	$R=28$	$R=28$	-	$L=5$	$R=28$	-	$L=5$
22	2	$L=5$	-	$C=7$	$L=5$	-	$R=29$	-
23	2	$C=333$	$C=333$	$L=75$	$C=167$	-	$R=30$	-
24	2	$R=12$	$L=200$	$C=100$	$R=12$	$L=200$	$R=96$	-
25	2	$L=25$	$C=50$	$R=80$	$L=25$	-	$R=80$	-
26	1	$R=10$	$L=7,5$	$L=7,5$	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
27	2	$C=100$	-	$R=13$	$C=200$	$C=200$	$R=13$	-
28	1	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$	$L=15$	-	$R=10$
29	2	$R=18$	$L=20$	$R=18$	$L=20$	-	$R=18$	-
30	1	$R=35$	-	$C=250$	$R=35$	$C=250$	-	$R=35$

В 2007 году СПбГУ ИТМО стал победителем конкурса инновационных образовательных программ вузов России на 2007–2008 годы. Реализация инновационной образовательной программы «Инновационная система подготовки специалистов нового поколения в области информационных и оптических технологий» позволит выйти на качественно новый уровень подготовки выпускников и удовлетворить возрастающий спрос на специалистов в информационной, оптической и других высокотехнологичных отраслях экономики.

КАФЕДРА ЭЛЕКТРОТЕХНИКИ и ПРЕЦИЗИОННЫХ ЭЛЕКТРОМЕХАНИЧЕСКИХ СИСТЕМ

В 1930 году техникум точной механики и оптики был реорганизован в учебный комбинат, состоящий из института, техникума и ФЗУ в системе Всесоюзного объединения оптико-механической промышленности.

В те годы электротехническую подготовку в нашем институте проводили кафедры «Электротехники» и «Электроизмерительных приборов». Кафедрой «Электротехники» руководил проф. Салтыков Л.Н., а кафедрой «Электроизмерительных приборов» проф. Шишелов Л.П.

С сентября 1933 года исполнять обязанности заведующего кафедрой «Электротехники» нашего института начинает Рукавишников Н. Н, а с ноября 1937 года, на заведование кафедрой назначается Солодовников А. А., известный специалист в области электротехники, электроизмерительных приборов и оборудования.

Во время войны при эвакуации ЛИТМО в г. Черепаново кафедрой руководил доц., к.т.н. Березниковский С. Ф.; штатное расписание кафедры в те годы насчитывало всего 4 человека.

После возвращения ЛИТМО из эвакуации в 1944 году кафедрой заведует Березниковский С.Ф., которого 25 января 1945 года освобождают от обязанностей заведующего кафедрой «Общей и специальной электротехники» и назначают заведующим этой кафедрой профессора Зилитенкевича С.И.

В послевоенные годы в целом по стране и в Ленинграде ощущался дефицит опытных преподавателей высшей школы и руководство институтом пригласило в качестве заведующего кафедрой «Общей и специальной электротехники» известного ученого, педагога и методиста Пиотровского Л. М. Большинство учебников по электрическим машинам в ту пору было написано Пиотровским Л.М. лично или в соавторстве с другими видными учеными.

В 1948 году на базе кафедры «Общей и специальной электротехники» образуются кафедры: «Общей электротехники и электрических машин» зав.каф.

доц. Березниковский С.Ф., «Теоретических основ электротехники» зав. каф. проф. Слепян Л.Б. и «Электроизмерительных приборов» исполняющий обязанности зав. каф. проф. Слепян Л.Б.

В 1951 году кафедры «Электротехники» и «ТОЭ» объединяют в единую кафедру «Электротехники и ТОЭ» под руководством доц. Березниковского С.Ф. в составе Радиотехнического факультета,

В 1956 году на радиотехническом факультете вновь образуются две кафедры – «ТОЭ» зав. каф. доц. Сочнев А.Я. и «Электрических машин» зав. каф. доц. Березниковский С.Ф.

В июле 1958 года доц. Сочнева А.Я. освобождают от обязанностей зав. каф. «ТОЭ», а доц. Фунтова Н.М. назначают в.и.о. зав. каф. и избирают по конкурсу на должность заведующего в 1960 году.

В 1961 году в ЛИТМО на должность заведующего кафедрой «Электрических машин» приглашают профессора Сахарова А.П.

В 1965 году на должность заведующего кафедрой «Электрических машин» избирается доц., к.т.н. Глазенко Т.А.

В 1968 году кафедры «ТОЭ» и «Электрических машин» объединяются в единую кафедру «Электротехники» под руководством Т.А. Глазенко.

Татьяна Анатольевна Глазенко в 1948 году с отличием закончила энергетический факультет Ленинградского института инженеров железнодорожного транспорта. В 1953 году она защитила кандидатскую диссертацию и в 1966 году докторскую диссертацию. Заслуженный деятель науки и техники Российской Федерации, почетный член Электротехнической академии России проф. Глазенко Т.А. двадцать пять лет возглавляла кафедру. Она являлась видным, творчески активным ученым, автором более 200 опубликованных научных работ.

В 1990 году на должность заведующего кафедрой избирается профессор, д.т.н. Герман - Галкин С.Г.

В 1996 году кафедра «Электротехники» была переименована в кафедру «Электротехники и прецизионных электромеханических систем».

С 1991 года кафедрой руководит доцент, кандидат технических наук, Томасов Валентин Сергеевич.

С 1992 по 2005годы на кафедре работал заслуженный деятель науки и техники Российской Федерации, действительный член Международной Энергетической академии, профессор, д.т.н., Сабинин Ю.А..

Сегодня на кафедре работают: профессор, д.т.н. Овчинников И.Е.; доценты, к.т.н.: Губанов Н.Н., Борисов П.В., Денисова А.В., Кротенко В.В., Лукичев Д.А., Никитина М.В., Осипов Ю.М., Петров Е.А., Сеницын В.А., Соловьев В.И., Толмачев В.А., Усольцев А.А.; доцент Гурьянов В.А.; ст. преподаватели: к.т.н. Махин И.Е., Денисов К.М.; ассистенты: Серебряков С. А., Жданов И.Н.

Толмачев Валерий Александрович
Усольцев Александр Анатольевич
Лукичев Дмитрий Вячеславович
Никитина Мария Владимировна

Общая электротехника

Методические рекомендации по выполнению домашних заданий

В авторской редакции
Компьютерная вёрстка
Дизайн обложки

Д.В.Лукичев
А.А.Усольцев

Редакционно-издательский отдел Санкт-Петербургского государственного университета информационных технологий, механики и оптики.

Лицензия ИД №00408 от 05.11.1999

Зав. редакционно-издательским отделом

Подписано к печати 23.03.2009

Тираж 500 экз. Заказ №2095. Отпечатано на ризографе.

Н.Ф.Гусарова

Редакционно-издательский отдел
Санкт-Петербургского государственного
университета информационных техноло-
гий, механики и оптики
197101, Санкт-Петербург, Кронверкский
пр., 49

